

Вычисление дипольного момента цилиндрического блока

Б. П. Кочуров

В работах [4, 2] приведена теория гетерогенного реактора с цилиндрическими блоками конечного радиуса. Каждый блок наряду с тепловой постоянной характеризовался дипольным моментом, который входит в определение квадрата длины диффузии и возраста нейтронов для радиального и аксиального направлений. Дипольный момент может быть вычислен для отдельного блока независимо от общей теории.

Рассмотрим цилиндрический блок с осью вдоль оси z , помещенный в бесконечном замедлителе. Предположим, что распределение нейтронов вне блока имеет постоянный градиент вдоль оси x . Из уравнения Больцмана следует, что вектор $g_x = \int (\mu_x + x \Sigma_{tr3}) \times \mu N(r, \mu) d\mu$, характеризующий «дипольный поток», удовлетворяет некоторому уравнению непрерывности, в частности в замедлителе $\text{div } g_x = 0$. Отсюда следует, что дипольный момент P для радиального направления равен потоку вектора g_x через поверхность блока:

$$P = \int_{S_0} g_x dS_0. \text{ При отсутствии рассеяния в блоке вхо-}$$

дящее в этот интеграл угловое распределение нейтронов равно $N(r_{S_0}, \mu) = \frac{1}{4\pi} \int N_0(r') e^{-\Sigma R} dR$, где интегрирование проводится по лучу, расположенному в замедлителе. При вычислении P в качестве $N_0(r')$ использовано диффузионное распределение. Для блоков с рассеянием вводится вероятность захвата Γ , которая

вычисляется методом последовательных столкновений в предположении, что угловое распределение падающих на блок нейтронов такое же, как и в невозмущенной среде. В P входит относительная величина Γ/Γ_c , где Γ_c — значение Γ для блока без рассеяния. Окончательно дипольный момент P выражается через некоторые табулированные функции. Для пустого и черного блоков получены более простые формулы. Для пустого блока формула дипольного момента аналогична формуле Бенуа [3], полученной несколько иным методом, и практически совпадает с результатом Картера [4]. В случае черных блоков выполняется физически правильный предельный переход для больших и малых блоков. Как показало сравнение, данный метод по точности превосходит P_2 -приближение метода сферических гармоник.

№ 47/3213

Статья поступила в Редакцию
15/II 1965 г., аннотация — 22/IX 1965 г.

ЛИТЕРАТУРА

1. А. Д. Галанин, Б. П. Кочуров. «Атомная энергия», 15, 107 (1963).
2. Р. Беднаж, Б. П. Кочуров. Nukleonika, IX, 439 (1964).
3. P. Benoist. Rapport SPM No. 759. Saclay, 1963.
4. C. Carter, R. Jarvis. J. Nucl. Energy, 15, 133 (1961).

Уменьшение потока тепловых нейтронов, вызываемое полым каналом в отражателе

А. С. Коченов

Для вычисления потока тепловых нейтронов в центре дна полого кругового цилиндрического канала радиусом R используется интегральное уравнение, решение которого находится методом последовательных приближений. В первом приближении предполагается, что «источники» тепловых нейтронов вне канала распределены так же, как и при заполнении канала материалом отражателя.

Если поток тепловых нейтронов по поперечному сечению канала, заполненного материалом отражателя, не изменяется, а вдоль канала имеет место распределение

$$\Phi(x) = \Phi(0) e^{-x/L}, \quad (1)$$

где x — расстояние от дна канала, то относительное уменьшение потока с точностью до $\sim 3\%$ можно найти

на выражения

$$\frac{\Phi_1'(0)}{\Phi(0)} = \frac{1+J}{2} \quad (2)$$

Здесь $\Phi_1'(0)$ — поток тепловых нейтронов в центре дна канала;

$$J = R/L \left\{ \frac{\pi}{2} [H_1(R/L) - N_1(R/L)] - 1 \right\}, \quad (3)$$

где H_1 — функция Струве; N_1 — функция Неймана. Решения уравнений для каналов квадратного и треугольного сечений показывают, что при введении эквивалентного (по площади канала) радиуса полученные результаты практически совпадают с данными для круглого цилиндра.

Для тонкого канала, когда $R/L \ll 1$, с точностью до членов $(R/L)^4$

$$J = 1 - R/L + \frac{1}{2} \left(\frac{3}{2} - C \right) (R/L)^2 + \frac{1}{3} (R/L)^3, \quad (4)$$

где $C = 0,5772$ — постоянная Эйлера. Полученные значения J в зависимости от отношения R/L приведены в таблице.

Формула (2) справедлива для тонких каналов ($R/L < 1$). Исследуя предельные переходы, можно написать интерполяционную формулу для любого значения R/L :

$$\frac{\Phi_1'(0)}{\Phi(0)} \approx J. \quad (5)$$

Значения J в зависимости от отношения R/L

R/L	J , вычисленное по формуле (3)	J , вычисленное по формуле (4)	$\Delta J = J - J_L^*$
0,0	1,000	1,000	0,000
0,2	0,846	0,821	0,003
0,4	0,740	0,695	0,011
0,6	0,657	0,638	0,019
0,8	0,592	—	0,026
1,0	0,538	—	0,032

* Значение J рассчитано по формуле (3); J_L — вклад в J от нейтронов, рассеянных в слое толщиной L .

Если распределение потока тепловых нейтронов симметрично относительно оси канала, то

$$\frac{\Phi_1'(0)}{\Phi(0)} \approx \frac{\Phi(0)_R}{\Phi(0)} J, \quad (6)$$

где $\Phi(0)_R$ — поток тепловых нейтронов на дне канала, заполненного материалом отражателя, на расстоянии R от оси канала.

№ 44/3373

Статья поступила в Редакцию 19/VII 1965 г., аннотация — 15/IX 1965 г.

УДК 539.125.52

О применимости различных приближений метода сферических гармоник для расчета прохождения нейтронов через защиту

Н. А. Артемьева, К. К. Попков,
С. М. Рубанов, Л. С. Шкорбатова

В работе исследовалась точность различных приближений метода сферических гармоник путем сравнения экспериментальных данных пространственно-энергетических распределений потоков нейтронов в различных средах, полученных с помощью многогрупповых расчетов в P_1 , P_2 и P_3 -приближениях, а также в диффузионно-возрастном приближении. Расчеты в P_1 , P_2 и P_3 -приближениях проводились по 18-ти групповой схеме, отличающейся от 21-группового метода [1] тем, что в последнем случае первые четыре группы были объединены в одну. Применявшаяся для расчетов в диффузионно-возрастном приближении семигрупповая методика [2] характеризуется тем, что первая группа (нейтроны с энергией выше 1,5 Мэв) задается в соответствии с экспериментальными данными или по результатам расчетов, проведенных в более высоких приближениях.

Были рассмотрены защитные композиции, содержащие воду, графит, карбид бора, железо, свинец, а также их гомогенные и гетерогенные смеси. Перечисленные материалы обладают различными нейтронно-физическими

характеристиками, что позволяет надеяться на универсальность полученных результатов. Анализировалась точность описания эффективных длин релаксации быстрых нейтронов, спектров замедляющихся нейтронов и факторов накопления тепловых нейтронов в защитных средах в различных приближениях полиномиального метода.

На основании проведенных исследований были сделаны следующие выводы:

1. При использовании метода сферических гармоник для определения пространственно-энергетического распределения нейтронов в защите можно ограничиться P_3 -приближением.

2. Метод P_1 -приближения без учета пространственного распределения быстрой группы применим только при расчете защиты, имеющей небольшую толщину (не более 5—8 длин свободного пробега).

Задание ведущей группы нейтронов в соответствии с экспериментальными данными или результатами расчетов в более высоких приближениях позволяет получить с удовлетворительной точностью основные функ-