

# О диффузионно-химическом и фазовом сопротивлении при конденсации и испарении щелочных металлов

В. И. СУББОТИН, М. Н. ИВАНОВСКИЙ, Ю. В. МИЛОВАНОВ

УДК 621.039.517.5

Показано, что испарение (конденсация) щелочных металлов в диапазоне давлений насыщенного пара 1–100 мм рт. ст. происходит путем испускания (поглощения) поверхностью жидкости как одноатомных, так и двухатомных молекул. В исследованной области давлений процесс димеризации (диссоциации) молекул осуществляется в результате химической реакции, происходящей на поверхности жидкости. Коэффициенты конденсации одноатомных и двухатомных молекул в исследованной области давлений близки к единице.

Согласно принятой в настоящее время схеме испарения щелочных металлов, димеризация происходит после испарения [1, 2] и, следовательно, коэффициент конденсации двухатомных молекул  $\alpha_2 = 0$ .

Коэффициенты теплоотдачи, вычисленные при значении  $\alpha_2 = 0$ , растут с увеличением температуры (давления) насыщенного пара. По расчету для случая конденсации паров натрия коэффициент теплоотдачи равен  $97 \text{ квт}/\text{м}^2 \times \text{град}$  при температуре  $973^\circ \text{К}$  и  $465 \text{ квт}/\text{м}^2 \times \text{град}$  при  $1130^\circ \text{К}$ . Для экспериментальной проверки схемы испарения путем измерения коэффициентов теплоотдачи при высоких температурах насыщенного пара необходима очень большая точность эксперимента.

Однако в области более низких температур и давлений насыщенного пара ( $p = 1 \div 100 \text{ мм рт. ст.}$ ) значение  $\alpha_2$  близко к единице, поскольку в результате измерений под температур в паре, проведенных авторами настоящей работы в этой области давлений, не было обнаружено никаких диффузионных сопротивлений.

## О кинетике реакции димеризации в паровой фазе

Вопрос о влиянии схемы испарения на теплоотдачу был затронут в работах [3, 4]. В результате проведения экспериментов со свободным испарением было показано, что отличие молекулярной формы вещества в твердом состоянии от его молекулярной формы в парообразном состоянии приводит к резкому снижению интенсивности процесса фазового превращения.

Как известно, пары щелочных металлов являются смесью одноатомных и двухатомных молекул. Однако, согласно принятой в настоя-

щее время схеме [1, 2], испарение щелочных металлов происходит путем испускания поверхностью жидкости только одноатомных молекул, которые, попадая в паровую область и сталкиваясь друг с другом, вступают в химическую реакцию димеризации. Согласно данным работы [5], димеризация происходит с вероятностью порядка единицы при тройных соударениях частиц по схеме



Частицей  $M$  может быть либо атом  $A$ , либо молекула  $A_2$ . Эта частица снимает возбуждение с образовавшейся молекулы  $A_2$ . Результирующая скорость образования молекул  $A_2$  равна разности скоростей прямой и обратной реакций:

$$\frac{dn_2}{d\tau} = -\frac{1}{2} \cdot \frac{dn_1}{d\tau} = k_r n_1^3 + k'_r n_1^2 n_2 - k_d n_2 n_1 - k'_d n_2^2. \quad (2)$$

Здесь  $n_1$ ,  $n_2$  — число одноатомных и двухатомных молекул в  $1 \text{ см}^3$ ;  $\tau$  — время, сек;  $k_r$ ,  $k'_r$  — константы скоростей реакций димеризации;  $k_d$ ,  $k'_d$  — константы скоростей реакций диссоциации. Последние связаны между собой соотношением

$$\frac{k'_d}{k'_r} = \frac{k_d}{k_r} = \frac{n_{1\infty}^2}{n_{2\infty}}. \quad (3)$$

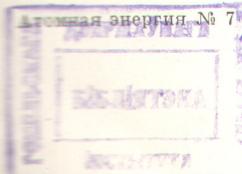
(индексом  $\infty$  обозначено равновесное состояние). Скорость прямой реакции (димеризации) в предположении, что каждое столкновение атомов в присутствии третьей частицы ведет к образованию молекулы  $A_2$  [5], равна

$$n_1^2 \bar{v} \sigma \frac{4\pi r^3}{3} (n_1 + n_2) \text{ молекул } A_2/\text{см}^3 \cdot \text{сек}, \quad (4)$$

где  $\bar{v}$  — средняя скорость теплового движения,  $\text{см}/\text{сек}$ ;  $\sigma$  — газокинетическое сечение,  $\text{см}^2$ ;  $r$  — радиус молекулы,  $\text{см}$ ;

$$k_r = \bar{v} \sigma \frac{4\pi r^3}{3}. \quad (5)$$

Скорость димеризации зависит от вида третьей частицы. Так, согласно работе [5], при димеризации атомарного азота атомы азота в качестве третьих частиц в 13 раз эффективнее молекул. Учитывая также, что для щелочных металлов обычно  $n_{2\infty} \ll n_{1\infty}$ , можно без существенной



ошибки пренебречь членами  $k'_r n_1^2 n_2$  и  $-k'_d n_2^2$  в уравнении (2). Тогда из выражений (2) и (3) следует

$$\frac{dn_2}{d\tau} = -\frac{1}{2} \cdot \frac{dn_1}{d\tau} = k_r \left( n_1^3 - \frac{n_{1\infty}^2}{n_{2\infty}} n_2 n_1 \right), \quad (6)$$

где  $k_r$  находится по формуле (5).

Выражение (6) при помощи формулы Тейлора удобно представить в виде

$$\begin{aligned} \frac{dn_2}{d\tau} &\approx \left( \frac{dn_2}{d\tau} \right)_{n_2=n_{2\infty}} + \\ &+ \left[ \frac{d_2}{dn} \left( \frac{dn_2}{d\tau} \right) \right]_{n_2=n_{2\infty}} (n_2 - n_{2\infty}). \end{aligned} \quad (7)$$

Однако  $\left( \frac{dn_2}{d\tau} \right)_{n_2=n_{2\infty}} = 0$ . Введем обозначение

$$B \equiv \left[ \frac{d}{dn_2} \left( \frac{dn_2}{d\tau} \right) \right]_{n_2=n_{2\infty}}, \quad (8)$$

тогда получим

$$\frac{dn_2}{d\tau} \approx B (n_2 - n_{2\infty}). \quad (9)$$

Ошибка, вносимая этим приближением, не превышает нескольких процентов.

### Термодинамическое равновесие

Рассмотрим более подробно принятую схему испарения [1, 2] и выясним, при каком условии в системе жидкость — пар может установиться состояние термодинамического равновесия. Возьмем случай, когда жидкость находится в равновесии со своим насыщенным паром (рис. 1).

Обозначим через  $I_1^-$  и  $I_2^-$  число одноатомных и двухатомных молекул пара, сталкивающихся в течение 1 сек с 1 см<sup>2</sup> поверхности жидкости, а  $I_1^+$ ,  $I_2^+$  — число одноатомных и двухатомных молекул, попадающих за

1 сек в пар со стороны жидкости, отнесенное к 1 см<sup>2</sup> поверхности жидкости. Коэффициент конденсации одноатомных молекул  $\alpha_1$  примем равным единице ( $\alpha_1$  — отношение числа конденсирующихся, т. е. переходящих в жидкость, одноатомных молекул к общему числу одноатомных молекул пара, сталкивающихся с поверхностью жидкости). Учитывая, что испарение происходит путем испускания

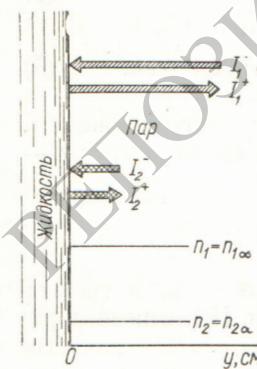


Рис. 1. Концентрации и потоки при термодинамическом равновесии.

поверхностью жидкости только одноатомных молекул, получим

$$\left. \begin{aligned} I_1^+ &= I_1^- + 2\alpha_2 I_2^-; \\ I_2^+ &= I_2^- - \alpha_2 I_2^-. \end{aligned} \right\} \quad (10)$$

Из выражения (10) следует, что при  $\alpha_2 \neq 0$  со стороны жидкости в пар должна поступать смесь молекул с большим содержанием одноатомных молекул по сравнению с паром, находящимся на границе с жидкостью. В этом случае в слое пара у границы с жидкостью возникли бы градиенты концентрации одноатомных и двухатомных молекул

$$\frac{dn_1}{dy} < 0; \quad \frac{dn_2}{dy} > 0.$$

Следствием этого было бы нарушение химического и теплового равновесия в паре.

Мы пришли к противоречию, приняв для данной схемы испарения  $\alpha_2 \neq 0$ . Следовательно, при рассматриваемой схеме испарения равновесие жидкости со своим насыщенным паром может существовать только при условии, если  $\alpha_2 = 0$ . Будем считать, что для принятой схемы испарения  $\alpha_2 = 0$  также и в случае небольшого отклонения от равновесия, т. е. когда результирующий поток массы намного меньше максимальной скорости испарения или конденсации. Рассмотрим в этом предположении процессы испарения жидкости и конденсации «неподвижного» пара.

### Конденсация (испарение)

Найдем максимальную скорость испарения жидкости (скорость испарения в вакуум)  $q_{\text{макс}}$ . Эта скорость равна гипотетической скорости испарения жидкости, находящейся в равновесии со своим насыщенным паром. Поскольку при равновесии скорость испарения равна скорости конденсации, то скорость испарения в вакуум определится формулой

$$q_{\text{макс}} = \alpha_1 I_1^- + 2\alpha_2 I_2^- \text{ атомов/см}^2 \cdot \text{сек}. \quad (11)$$

Согласно кинетической теории газов,

$$I_1^- = \frac{n_{1\infty}(T)}{\sqrt{\frac{2\pi m}{kT}}} \text{ молекул } A_1/\text{см}^2 \cdot \text{сек}; \quad (11')$$

$$I_2^- = \frac{n_{2\infty}(T)}{\sqrt{\frac{4\pi m}{kT}}} \text{ молекул } A_2/\text{см}^2 \cdot \text{сек},$$

где  $m$  — масса атома,  $\varepsilon$ ;  $k = 1,38 \cdot 10^{-16}$  — постоянная Больцмана, град;  $T$  — температура, °К.

Поэтому при температуре поверхности жидкости (конденсата)  $T_k$  максимальная скорость его испарения

$$q_{m \text{ макс}} = \frac{a_1 n_{1\infty}(T_k) + a_2 \sqrt{\frac{2\pi m}{kT_k}} n_{2\infty}(T_k)}{\sqrt{\frac{2\pi m}{kT_k}}}. \quad (12)$$

В частном случае, когда  $a_1 = 1$  и  $a_2 = 0$ ,

$$q_{m \text{ макс}} = I_1 = \frac{n_{1\infty}(T_k)}{\sqrt{\frac{2\pi m}{kT_k}}}. \quad (13)$$

Если пар на границе с жидкостью (конденсатом) имеет концентрации  $(n_1)_{y=0}$  молекул  $A_1/\text{см}^3$ ;  $(n_2)_{y=0}$  молекул  $A_2/\text{см}^3$  и температуру  $(T_n)_{y=0} > T_k$ , то результирующая скорость конденсации выразится формулой

$$g_m = f_1 \left[ \frac{(n_1)_{y=0} - n_{1\infty}(T_k)}{\sqrt{\frac{2\pi m}{kT_k}}} \right] + \\ + 2f_2 \left[ \frac{(n_2)_{y=0} - n_{2\infty}(T_k)}{\sqrt{\frac{4\pi m}{kT_k}}} \right], \quad (14)$$

где

$$f_1 = \frac{2a_1}{2-a_1}; \quad f_2 = \frac{2a_2}{2-a_2} \quad (\text{см. работы [6,7]}). \quad (14')$$

В частном случае, когда  $a_1 = 1$  и  $a_2 = 0$ , имеем  $f_1 = 2$ ,  $f_2 = 0$  и

$$q_m = 2 \frac{(n_1)_{y=0} - n_{1\infty}(T_k)}{\sqrt{\frac{2\pi m}{kT_k}}}. \quad (14'')$$

При выводе формул (14), (14'') и (32) (см. ниже) для простоты принято, что  $\sqrt{\frac{T_n}{(T_n)_{y=0}}} \approx \sqrt{T_k}$ . Если  $q_m \ll q_{m \text{ макс}}$ , то ошибка, вносимая этим приближением, невелика. Двухатомные молекулы пара, подводимые к поверхности конденсата конвективным потоком пара, отражаются от поверхности конденсата и диффундируют в направлении, противоположном направлению конвективного потока. Поэтому концентрация двухатомных молекул в паре убывает по мере увеличения расстояния  $y$  от поверхности конденсата, стремясь при  $y \rightarrow \infty$  к равновесной концентрации  $n_{2\infty}(T_{n\infty})$ , которая определяется температурой насыщенного пара на бесконечном расстоянии от поверхности конденсата (рис. 2). Поскольку концентрация двухатомных молекул вблизи от поверхности конденсата выше равновесной кон-

центрации  $n_{2\infty}(T_{n\infty})$ , в паровой фазе идет эндо-термическая реакция диссоциации двухатомных молекул, вызывающая переохлаждение паров.

При испарении концентрация двухатомных молекул в паре растет с увеличением расстояния от поверхности жидкости, стремясь к равновесной концентрации  $n_{1\infty}$ . Поскольку концентрация двухатомных молекул у поверхности жидкости ниже равновесной, в паре у испаряющейся жидкости должна происходить реакция димеризации. Тепло, выделяющееся в результате этой реакции, идет на перегрев пара. Таким образом, при испарении по принятой схеме в паре должен существовать положительный градиент температур. Как показывает приведенное ниже решение диффузационной задачи, размер области, в которой происходит основное изменение концентраций и температур, зависит как от температуры насыщенного пара, так и от направления и величины результирующего потока массы  $q_m$ . Так, например, для случая испарения натрия при температуре насыщенного пара  $773^\circ\text{K}$  и скорости испарения  $q_m = 1,5 \cdot 10^{20} \text{ атомов}/\text{см}^2 \cdot \text{сек}$  (тепловой поток  $q = 233 \text{ квт}/\text{м}^2$ ) размер этой области порядка 10 см. Заметим, что при определении этого размера граничные условия не использовались. Следовательно, он не зависит от абсолютной величины  $a_2$ .

Распределение концентрации двухатомных молекул можно найти при решении одного из дифференциальных уравнений

$$D_1 \frac{d^2 n_1}{dy^2} \pm w_1 \frac{dn_1}{dy} + \frac{dn_1}{d\tau} = 0; \quad (15)$$

$$D_2 \frac{d^2 n_2}{dy^2} \pm w_2 \frac{dn_2}{dy} + \frac{dn_2}{d\tau} = 0 \quad (16)$$

с использованием условия постоянства общего давления во всех точках паровой фазы:

$$p_0 = p_1 + p_2 = n_1 kT + n_2 kT = n_0 kT = \text{const},$$

т. е.

$$n_1 + n_2 = n_0 = \text{const}. \quad (17)$$

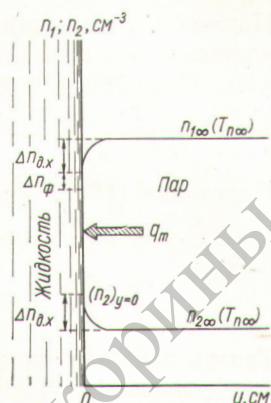


Рис. 2. Распределение концентраций одноатомных и двухатомных молекул в паре для случая конденсации.

Нижний знак «минус» перед конвективным членом уравнений (15) и (16) относится к случаю испарения. Отсюда найдем

$$\frac{dn_1}{dy} = -\frac{dn_2}{dy}. \quad (18)$$

Подставив (18) в уравнение (15) и учитывая, что  $\frac{dn_1}{d\tau} = -2 \frac{dn_2}{d\tau}$ , получим

$$D_1 \frac{d^2 n_2}{dy^2} \pm w_1 \frac{dn_2}{dy} + 2 \frac{dn_2}{d\tau} = 0. \quad (19)$$

Теперь запишем граничные условия для решения уравнения (16). При  $y=0$  результирующий поток двухатомных молекул через границу фаз отсутствует, так как коэффициент конденсации двухатомных молекул  $a_2=0$ . Отсюда следует, что конвективный поток двухатомных молекул при  $y=0$  должен быть равен диффузионному потоку двухатомных молекул, направленному в противоположную сторону, т. е.

$$\mp w_2 (n_2)_{y=0} = D_2 \left( \frac{dn_2}{dy} \right)_{y=0}. \quad (20)$$

Конвективную скорость  $w_2$  найдем из условия постоянства результирующего потока массы  $q_m$  (атомов/см<sup>2</sup>·сек) для всех точек парового пространства

$$\pm D_1 \frac{dn_1}{dy} \pm 2D_2 \frac{dn_2}{dy} + w_1 n_1 + 2w_2 n_2 = q_m = \text{const}. \quad (21)$$

Имея в виду равенства (17), (18) и учитывая, что  $D_1 = 2D_2$  и  $w_1 = 2w_2$ , упростим выражение (21)

$$2w_2 n_0 = q_m = \text{const}, \quad (22)$$

поэтому

$$w_2 = \frac{q_m}{2n_0} = \text{const}. \quad (23)$$

Второе граничное условие

$$n_2 \rightarrow n_{2\infty} (T_{n\infty}) \text{ при } y \rightarrow \infty. \quad (24)$$

Итак, нужно решить уравнение

$$D_2 \frac{d^2 n_2}{dy^2} \pm w_2 \frac{dn_2}{dy} + \frac{dn_2}{d\tau} = 0 \quad (25)$$

с граничными условиями (20) и (24). Линеаризуем уравнение (25), использовав формулу (9). Вместо (25) получим

$$\frac{d^2 n}{dy^2} \pm \frac{w_2}{D_2} \cdot \frac{dn}{dy} + \frac{B}{D_2} n = 0. \quad (26)$$

Здесь  $n = n_2 - n_{2\infty} (T_{n\infty})$  и

$$B = \left\{ \frac{d}{dn_2} \left[ k_r \left( n_1^3 - \frac{n_{1\infty}^3}{n_{2\infty}} n_2 n_1 \right) \right] \right\}_{n_2=n_{2\infty}} = \\ = k_r \left[ 3n_{1\infty}^2 + \frac{n_{1\infty}^2}{n_{2\infty}} (n_{1\infty} - n_{2\infty}) \right]. \quad (26')$$

Выражению (26) соответствует характеристическое уравнение

$$\left( \frac{1}{l} \right)^2 \pm \frac{w_2}{D_2} \cdot \frac{1}{l} + \frac{B}{D_2} = 0. \quad (27)$$

Корни этого уравнения

$$\frac{1}{l_1} = \mp \frac{w_2}{2D_2} + \sqrt{\left( \frac{w_2}{2D_2} \right)^2 - \frac{B}{D_2}} > 0; \\ \frac{1}{l_2} = \mp \frac{w_2}{2D_2} - \sqrt{\left( \frac{w_2}{2D_2} \right)^2 - \frac{B}{D_2}} < 0. \quad (28)$$

Общий интеграл уравнения (26) имеет вид

$$n = C_1 e^{y/l_1} + C_2 e^{y/l_2}.$$

При  $y \rightarrow \infty$   $n_2 \rightarrow n_{2\infty}$  и  $n \rightarrow 0$ , поэтому  $C_1 = 0$  и  $n = C_2 e^{y/l_2}$  или, переходя к прежним обозначениям,  $n_2 - n_{2\infty} = C_2 e^{y/l_2}$ . При  $y = 0$   $(n_2)_{y=0} = n_{2\infty} = C_2$  и

$$n_2 - n_{2\infty} = [(n_2)_{y=0} - n_{2\infty}] e^{y/l_2}. \quad (29)$$

Дифференцируем (29):

$$\frac{dn_2}{dy} = [(n_2)_{y=0} - n_{2\infty}] \frac{1}{l_2} e^{y/l_2}$$

$$\text{и при } y = 0 \left( \frac{dn_2}{dy} \right)_{y=0} = [(n_2)_{y=0} - n_{2\infty}] \frac{1}{l_2}. \quad (30)$$

Но, с другой стороны, согласно граничному условию (20),

$$\left( \frac{dn_2}{dy} \right)_{y=0} = \mp \frac{w_2 (n_2)_{y=0}}{D_2}. \quad (31)$$

Из (30) и (31) следует, что

$$(n_2)_{y=0} = \frac{n_{2\infty}}{1 \pm \frac{w_2 l_2}{D_2}} \quad (l_2 < 0).$$

Из условия постоянства давления (17) следует, что

$$n_{1\infty} (T_{n\infty}) - (n_1)_{y=0} = (n_2)_{y=0} - n_{2\infty} (T_{n\infty}).$$

Введем обозначения:

$$\Delta n_{\text{д.х}} \equiv n_{1\infty} (T_{n\infty}) - (n_1)_{y=0};$$

$$\Delta T_{\text{д.х}} \equiv T_{n\infty} - (T_n)_{y=0};$$

$$\Delta n_{\Phi} \equiv (n_1)_{y=0} - n_{1\infty} (T_{\text{к}}); \quad \Delta T_{\Phi} \equiv (T_n)_{y=0} - T_{\text{к}};$$

$$\Delta n = \Delta n_{\text{д.х}} + \Delta n_{\Phi} = n_{1\infty} (T_{n\infty}) - n_{1\infty} (T_{\text{к}});$$

$$\Delta T = \Delta T_{\text{д.х}} + \Delta T_{\Phi}.$$



Индекс «д.х» относится к величинам, связанным с диффузионно-химическим сопротивлением. Условный скачок концентраций, возникающий за счет фазового перехода, находим из равенства (14'')

$$\Delta n_{\Phi} = \pm \frac{q_m}{2} \sqrt{\frac{2\pi m}{kT_{\infty}}} \approx \pm \frac{q_m}{2} \sqrt{\frac{2\pi m}{kT_{n\infty}}}. \quad (32)$$

Используя зависимость  $n_{1\infty}(T_{\infty})$  (см. таблицу), легко перейти от разностей концентраций к соответствующим разностям температур.

Для случая конденсации и испарения натрия при скорости конденсации (испарения)  $q_m = 1,5 \cdot 10^{20}$  атомов/ $\text{см}^2 \cdot \text{сек}$  (тепловой поток  $q = 233 \text{ квт}/\text{м}^2$ ) были подсчитаны разности концентраций  $\Delta n_{\text{д.х}}$ ,  $\Delta n_{\Phi}$ ,  $\Delta n$  и соответствующие им разности температур  $\Delta T_{\text{д.х}}$ ,  $\Delta T_{\Phi}$ ,  $\Delta T$ . В таблице приведены исходные данные, ход и результаты этого расчета.

Диффузионно-химическое сопротивление существенно зависит от кинетики реакции димеризации. Отсутствие надежных данных по кинетике этой реакции, а также возможная зависимость коэффициента конденсации  $a_2$  от степени отклонения от равновесия ( $q_m/q_{m\text{ макс}}$ ), изменения структуры жидкости с температурой и других неизвестных нам факторов не позволяют более детально проанализировать этот процесс.

Тем не менее можно сказать, что коэффициенты теплоотдачи в области давлений, близких к атмосферному, весьма велики (больше  $150 \text{ квт}/\text{м}^2 \cdot \text{град}$ ) даже при учете диффузионно-химического сопротивления (конечно, при условии отсутствия загрязнений, неконденсирующихся газов и других посторонних факторов, снижающих теплоотдачу). Из таблицы видно, что для принятой схемы испарения ( $a_2 = 0$ ) диффузионно-химическое сопротивление должно расти с понижением давления насыщенного шара. Это объясняется резким уменьшением скорости химической реакции при понижении давления. Однако измерения полей температур в шаре вблизи поверхности конденсата, проведенные авторами при конденсации паров калия [9] и натрия, показали, что в области низких давлений ( $1-100 \text{ мм рт. ст.}$ ) диффузионно-химическое сопротивление отсутствует, несмотря на то, что доля двухатомных молекул при этих давлениях достаточно велика (1–12%).

Значительно меньшие примеси неконденсирующегося газа (аргона) дают в том же диапазоне давлений диффузионные сопротивления, в десятки раз превышающие сопротивление фазового перехода, и приводят к появлению гра-

Расчет диффузионно-химических сопротивлений при конденсации и испарении натрия ( $q = 233 \text{ квт}/\text{м}^2$ )

Параметр	Температура насыщенного пара, $^{\circ}\text{К}$		
	973	1056	1130
$n_{1\infty}$ , молекул/ $\text{см}^3$	$0,875 \cdot 10^{18}$	$2,09 \cdot 10^{18}$	$4,17 \cdot 10^{18}$
$n_{2\infty}$ , молекул/ $\text{см}^3$	$0,125 \cdot 10^{18}$	$0,36 \cdot 10^{18}$	$0,82 \cdot 10^{18}$
$\bar{v} \sqrt{8kT/\text{лм}},$ $\text{см}^3/\text{сек}$	94 500	98 500	102 000
$k_r = \bar{v} \sigma 4 \pi r^3 / 3,$ $\text{см}^6/\text{сек}$ ( $\sigma = 10^{-15} \text{ см}^2$ ; $r = 2 \cdot 10^{-8} \text{ см}$ )	$0,316 \cdot 10^{-32}$	$0,33 \cdot 10^{-32}$	$0,346 \cdot 10^{-32}$
$B, \text{сек}^{-1}$	-25 900	-132 000	-510 000
$D_2, \text{см}^2/\text{сек}$	8,83	3,75	1,91
$w_2 = q_m / 2n_0,$ $\text{см}^3/\text{сек}$	75	30,6	15
$w_2 / 2D_2, \text{см}^{-1}$	4,25	4,08	3,93
$(w_2 / 2D_2)^2, \text{см}^{-2}$	48	16,7	15,4
$B / D_2, \text{см}^{-2}$	-2 930	-35 200	-267 000
$l_2, \text{см}$	-0,0187 (-0,020)	-0,00535 (-0,00544)	-0,00194 (-0,00195)
$w_2 l_2 / D_2$	-0,145 (-0,17)	-0,0437 (-0,0444)	-0,0152 (-0,0153)
$(n_2)_y=0,$ молекул/ $\text{см}^3$	$0,146 \cdot 10^{18}$ (0,1068 $\cdot 10^{18}$ )	$0,377 \cdot 10^{18}$ (0,345 $\cdot 10^{18}$ )	$0,833 \cdot 10^{18}$ (0,807 $\cdot 10^{18}$ )
$\Delta n_{\text{д.х}},$ молекул/ $\text{см}^3$	$2,1 \cdot 10^{16}$ (-1,82 $\cdot 10^{16}$ )	$1,7 \cdot 10^{16}$ (-1,5 $\cdot 10^{16}$ )	$1,3 \cdot 10^{16}$ (-1,3 $\cdot 10^{16}$ )
$\Delta T_{\text{д.х}}$	$2,1^{\circ}$	$0,85^{\circ}$	$0,4^{\circ}$
$\Delta T_{\Phi}$	$(-1,82^{\circ})$	$(-0,75^{\circ})$	$(-0,4^{\circ})$
$\Delta T = \Delta T_{\text{д.х}} +$ $+ \Delta T_{\Phi}$	$\pm 0,3^{\circ}$	$\pm 0,15^{\circ}$	$\pm 0,1^{\circ}$
Коэффициент теплоотдачи $q / \Delta T,$ $\text{квт}/\text{м}^2 \cdot \text{град}$	2,4 (-2,12)	1 (-0,9)	0,5 (-0,5)
	97 (110)	233 (260)	465 (465)

П р и м е ч а н и е. Цифры в скобках относятся к случаю испарения.

диента температуры в слое пара у поверхности жидкости. Такие градиенты были измерены авторами настоящей работы в опытах при конденсации ртути и щелочных металлов. Отсутствие диффузионно-химического сопротивления для чистого пара в области низких давлений означает, что в данной области давлений коэффициент конденсации двухатомных молекул близок к единице.

В области низких давлений испарение происходит путем испускания поверхностью жидкости не только одноатомных, но и двухатомных молекул. Если для высоких давлений справедлива принятая схема испарения, согласно которой димеризация происходит в паре, то должна

существовать переходная область, где  $\alpha_2$  меняется от нуля до единицы.

Поступила в Редакцию 20/XI 1965 г.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Сб. «Жидкометаллические теплоносители». Перев. под ред. А. Е. Шейндлина. М., Изд-во иностр. лит., 1958.
2. Э. Э. Шпильрайн, Э. И. Асиновский. «Инж.-физ. ж.», V, № 4 (1962).

3. F. Metzger, E. Miescher. Helv. phys. acta, 16, 205, 323 (1943).
4. O. Knacke, I. Stranski. Progr. Metal. Phys., 6, 181 (1956).
5. Я. Б. Зельдович, Ю. П. Райзнер. Физика ударных волн и высокотемпературных гидродинамических явлений. М., Физматгиз, 1963, стр. 285.
6. Р. Я. Кучеров, Л. Э. Рикенглаз. ЖЭТФ, 37, вып. 1 (1959).
7. Р. Я. Кучеров, Л. Э. Рикенглаз. «Докл. АН СССР», 133, № 5 (1960).
8. В. И. Субботин и др. «Теплофизика высоких температур», 2, № 4 (1964).

## Исследование термических деформаций твэлов

Е. Я. САФРОНОВ, Б. А. БРИСКМАН,  
В. Д. БОНДАРЕВ, В. С. ШИШОВ

Рассчитаны температурные перепады в стенках твэлов кассетного типа в условиях радиального градиента нейтронного потока. Измерены термические деформации стенок в рабочем диапазоне перепадов температур.

■ В твэлах ядерных реакторов, расположенных рядом с отражателем, регулирующими или компенсирующими стержнями, возникает радиальный градиент нейтронного потока, вызванный всплеском в отражателе или поглощением нейтронов в стержнях. Одновременно с градиентом нейтронного потока в твэле создается и радиальный градиент тепловыделения, который при одинаковых условиях теплосъема по периметру твэла приводит к появлению перепада температур по радиусу твэла, а следовательно, и термических деформаций рубашек твэла [1]. Аналитическое вычисление деформаций при сложной геометрической конфигурации твэлов крайне затруднительно, поэтому экспериментальный метод определения деформаций в таких случаях оказывается практически единственным \*.

Для получения более широкого представления о работе твэлов было проведено исследование термических деформаций макета кассетного твэла, имеющего сечение в виде шестигранника.

### Аналитическое определение перепадов температур

Расчет ведется для наружной шестигранной рубашки в виде тонкой пластины. Запишем

\* В распоряжении авторов настоящей работы имелись некоторые результаты экспериментального определения деформаций макета твэла, полученные в филиале Ленинградского физико-технического института им. А. И. Иоффе.

уравнение теплопроводности для тонкой пластины (одномерная задача) с внутренними источниками тепла:

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{q_v}{\lambda} = 0. \quad (1)$$

Здесь

$$q_v = q_{v1} + q_{v2}; \quad (2)$$

$$q_{v1} = q_{v\min} \left[ 1 + \frac{x}{L} (n - 1) \right] \quad (3)$$

(градиент тепловыделения примем линейным);

$$q_{v2} = -\alpha \frac{S}{V} (T - t_0), \quad (4)$$

где  $n$  — степень неравномерности тепловыделения;  $L$  — длина полупериметра рубашки макета твэла;  $\lambda$  — коэффициент теплопроводности;  $\alpha$  — коэффициент теплоотдачи от стенки к воде;  $q_{v\min}$  — величина минимального тепловыделения;  $t_0$  — средняя температура охлаждающей воды;  $\frac{S}{V}$  — отношение поверхности к объему;  $T$  — температура рубашки.

При граничных условиях

$$\left( \frac{\partial T}{\partial x} \right)_{x=0} = 0; \quad (5)$$

$$\left( \frac{\partial T}{\partial x} \right)_{x=L} = 0 \quad (6)$$

решением уравнения (1) служит выражение

$$\Delta T = \frac{q(n-1)\delta}{2\alpha} - \frac{q(n-1)\delta}{LaB} \cdot \frac{e^{BL} - 1}{e^{BL} + 1}, \quad (7)$$

где  $\delta$  — толщина стенки.

$$\text{Здесь } B^2 = 2 \frac{\alpha}{\lambda \delta}.$$

В исследуемом интервале значений тепловыделения  $\Delta T_0$  меняется при  $n = 1,5$  от 12,5 до 20,2° С, а при  $n = 2$  от 25 до 40,4° С.