

К расчету числа смещений в каскадах столкновений одинаковых частиц

В. М. ЛЕНЧЕНКО

УДК 539.121.7

Расчет полного числа смещений (ионизаций, возбуждений, смещенных атомов и т. д.) является исходным моментом в объяснении физико-химических превращений в веществе, подвергнутом действию ядерных излучений. Если $J(\varepsilon) d\varepsilon$ — поток излучения в энергетическом интервале $\varepsilon, \varepsilon + d\varepsilon$ и $\sigma(\varepsilon, E) dE$ — сечение передачи частице среды энергии в интервале dE , то скорость накопления смещений определяется выражением

$$\dot{N} = n_a \int_{\varepsilon} J(\varepsilon) d\varepsilon \int_{E > E_d} \sigma(\varepsilon, E) v(E) dE. \quad (1)$$

При этом частица считается смещенной, если ей передана энергия E , большая пороговой энергии E_d . Величина $v(E)$ — число смещающих столкновений, вызванных одной первичной частицей, получившей энергию E от проникающего излучения; n_a — плотность атомов.

Будем рассматривать каскады столкновений одинаковых частиц (электрон-электронных, атом-атомных), поскольку образование дефектов связано именно с ними.

Обозначим сечение такого столкновения $\sigma_a(E, \varepsilon)$. Тогда $n_a \sigma_a(E, \varepsilon) d\varepsilon dx$ — число столкновений этого типа с передачей ударяемым частицам энергии в интервале $d\varepsilon$ на пути dx . Умножив это выражение на $v(\varepsilon)$ и проинтегрировав его по $d\varepsilon$ и dx , получим следующее интегральное уравнение для $v(E)$:

$$v(E) = \int_{E_d}^E n_a \left(\frac{dE'}{dx} \right)^{-1} dE' \int_{E_d}^{E'} \sigma_a(E', \varepsilon) v(\varepsilon) d\varepsilon + 1. \quad (2)$$

Здесь $\frac{dE'}{dx}$ — полные потери энергии каскадной частицей на единице пути.

Будем описывать атом-атомные столкновения при невысоких энергиях как столкновения твердых сфер:

$$\sigma_a(E, \varepsilon) = \frac{\sigma_0}{E} \quad (3)$$

и соответствующими потерями энергии:

$$\frac{dE}{dx} = \frac{n_a \sigma_0}{2} \left(E + \frac{q}{E} \right), \quad (4)$$

где σ_0 и q — полуэмпирические постоянные.

Уравнение (2) с учетом выражений (3) и (4) и начальным условием $v=1$ при $E_d \leq E \leq 2E_d$ имеет следующее решение:

$$v(E) = \frac{E}{q} \operatorname{arctg} \frac{q(E - 2E_d)}{q^2 + 2EE_d} + 1. \quad (5)$$

При $q=0$ это выражение переходит в известную формулу Кинчина и Пиза [1]. Электрон-электронные столкновения при нерелятивистских энергиях хорошо описываются формулами

$$\sigma_a(E, \varepsilon) = \frac{A}{E} \cdot \frac{1}{\varepsilon^2}; \quad \frac{dE}{dx} = \frac{An_a}{E} \left(\ln \frac{E}{\varepsilon_i} + a \right), \quad (6)$$

где ε_i — средний потенциал ионизации; A и a — постоянные.

Решение уравнения (2) для этого случая имеет вид

$$v(E) = \frac{E}{\varepsilon_i} \int_{2\varepsilon_i}^E dE' \frac{\ln \frac{E'}{2\varepsilon_i} + 1}{\left(\ln \frac{E'}{\varepsilon_i} + a \right) E'^2} + 1. \quad (7)$$

Отсюда для $E \gg 2\varepsilon_i$ и $a \approx 1$ находим $v \approx \frac{E}{3\varepsilon_i}$, что соответствует известным экспериментальным фактам, согласно которым средние затраты энергии на образование пары ионов в среде равны примерно трем потенциалам ионизации [2]. Для конденсированных сред $a \gg 1$ и поэтому согласно выражению (7) $v \ll \frac{E}{3\varepsilon_i}$.

для газов $a \ll 1$ и поэтому $v \approx \frac{E}{3\varepsilon_i}$. Эти результаты имеют важное значение для радиационной физики, химии и дозиметрии.

(№ 114/3828. Статья поступила в Редакцию 17/V 1966 г., аннотация — 29/VIII 1966 г. Полный текст 0,4 а. л., библиография 6 названий.)

ЛИТЕРАТУРА

1. G. Kinchin, R. Pease. Rept Progr. Phys. 18, 1 (1955); «Усп. физ. наук», 60, 590 (1956).
2. В. С. Вавилов. Действие излучений на полупроводники. М., Физматгиз, 1963.