

необходимость строгого контроля за содержанием лития в химических реактивах, вводимых в первый контур реактора.

Поступило в Редакцию 8.XII.77

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Аболмасов Ю. П. и др. «Атомная энергия», 1977, т. 43, вып. 1, с. 52.
2. Бекурц К., Виртц К. Нейтронная физика. М., Атомиздат, 1968.

УДК 539.12.172

## К вопросу о пространственно-угловых распределениях быстрых нейtronов в железе

БАРКОВСКИЙ А. Н., ПОПКОВ К. К.

Возможности метода сведения уравнения Больцмана к системе интегральных уравнений при решении задач физики защиты от излучений изучены недостаточно. Попытки применения этого метода для подобных целей ограничивались транспортным приближением в представлении индикаторисы рассеяния [1, 2], хотя система интегральных уравнений для произвольной индикаторисы получена давно [2]. Есть основания предполагать, что метод интегральных уравнений может быть использован для изучения детальных характеристик полей нейтронного и  $\gamma$ -излучений, что, в частности, дает возможность получить тонкую структуру угловых распределений, поскольку позволяет найти точное решение уравнения переноса для данного представления индикаторисы рассеяния.

Используя многогрупповое приближение кинетического уравнения в плоской геометрии, путем преобразований, описанных в работе [2], и введения оптической координаты  $x$  можно получить систему интегральных уравнений для угловых моментов плотности потока излучений  $\varphi_{kl}(x)$ . После тождественных преобразований эта система принимает следующий вид:

$$\begin{aligned} \varphi_{kl}(x) = & F_{kl}(x) - \sum_{i=0}^{L-1} \beta_{\{12-l\}\{6-i\}} \times \\ & \times [\varphi_{k, l-2i-2}(x) - F_{k, l-2i-2}(x)] + \\ & + \beta_{l0} \sum_{i=0}^L \int_0^{x_0} S_{ki}(t) E_i^l(|x-t|) [\text{sign}(x-t)]^{i+l} dt, \quad (1) \end{aligned}$$

где

$$\varphi_{kl}(x) = \int_{-1}^1 \varphi_k(x, \omega) P_l(\omega) d\omega;$$

$$F_{kl}(x) = \int_{-1}^1 P_l(\omega) [e^{-x/\omega} \Psi_{1k}(\omega) +$$

$$+ (-1)^l e^{-(x_0-x)/\omega} \Psi_{2k}(-\omega)] d\omega;$$

3. Плотников И. М., Голубчикова И. Г. В кн.: Десятилетний опыт эксплуатации Нововоронежской АЭС. Нововоронеж, 1974, с. 126.
4. Овчинников Ф. Я. и др. Опыт эксплуатации Нововоронежской АЭС. М., Атомиздат, 1972.
5. Полузектов Н. С. и др. Аналитическая химия лития. М., «Наука», 1975.
6. Палмер Г. В кн.: Успехи масс-спектрометрии. М., Изд-во иностр. лит., 1963, с. 95.

$$\begin{aligned} S_{ki}(x) &= \sum_{n=1}^k \Sigma_{ti}(x) \alpha_i^{n-k}(x) + Q_{ki}(x); \\ \alpha_i^{n-k}(x) &= (2i+1) \pi \int_{-1}^{+1} \alpha_i^{n-k}(x, \mu) P_i(\mu) d\mu; \\ Q_{ki}(x) &= \frac{2i+1}{2\Sigma_{tk}(x)} \int_{-1}^{+1} q_k(x, \omega) P_i(\omega) d\omega; \\ \alpha_s^{n-k}(x, \mu) &= \Sigma_s^{n-k}(x, \mu) / \Sigma_{tk}(x); \\ E_i^l(x) &= \sum_{k=0}^{E(i/2)} \beta_{lk} E_{l+i+1-2k}(x); \\ E_n(x) &= x^{n-1} \int_x^{\infty} \frac{e^{-t}}{t^n} dt, \end{aligned}$$

$k$  — номер энергетической группы;  $q_k(x, \omega)$  — плотность независимых источников  $k$ -й энергетической группы;  $\varphi_k(x, \omega)$  — угловой поток в направлении аргуса  $\omega$ ;  $\mu$  — косинус угла рассеяния;  $\Sigma_{tk}(x)$ ,  $\Sigma_s^{n-k}(x)$  — полное сечение и сечение перехода из  $n$ -й в  $k$ -ю группу;  $x_0$  — оптическая толщина пластины;  $E(e)$  — целая часть  $e$ ;  $\beta_{lk}$  — двумерная матрица, состоящая из постоянных коэффициентов;  $L$  — число членов ряда, оставленных в разложении;  $\Psi_{1k}(\omega) = \varphi_k(0, \omega)|_{\omega>0}$ ,  $\Psi_{2k}(\omega) = \varphi_k(x_0, \omega)|_{\omega<0}$ .

Система уравнений (1) положена в основу алгоритма программы ОПУС-п. Эта программа написана на языке АЛГОЛ и позволяет получить пространственно-энергетические и угловые распределения плотности потоков излучений (нейтронов и  $\gamma$ -квантов) в плоской одномерной геометрии. При этом погрешность результатов определяется точностью задания индикаторисы рассеяния, т. е. числом членов разложения ее в ряд по полиномам Лежандра, а также точностью использованных квадратурных формул. Программа ОПУС-п обеспечивает возможность использования до 13 членов этого

ряда. Шаги представления углового распределения произволен.

Возможности программы, а также точность методики изучались специально. Были выполнены расчеты про-

странственно-энергетических и угловых распределений плотности потока излучений в тестовых веществах с заданными параметрами взаимодействия. Сравнение этих результатов с данными, полученными с помощью

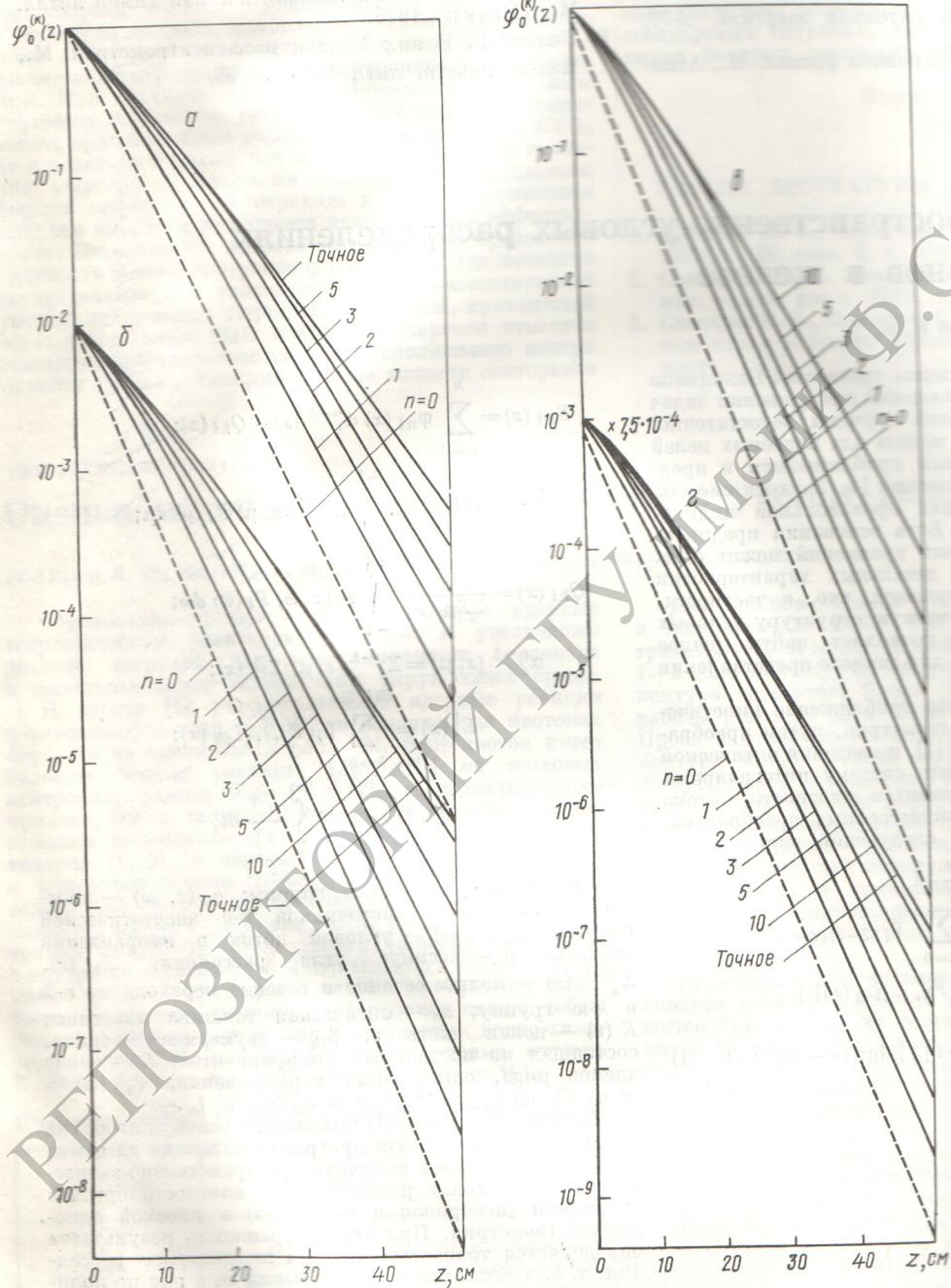


Рис. 1. Пространственное распределение плотности потока нейтронов в железе, рассчитанное с учетом различной кратности рассеяния  $n$ . Источник нейтронов — плоский, мононаправленный с начальной энергией 10,5—14,0 (а); 6,5—10,5 (б); 4,0—6,5 (в); 2,5—4,0 МэВ (г)

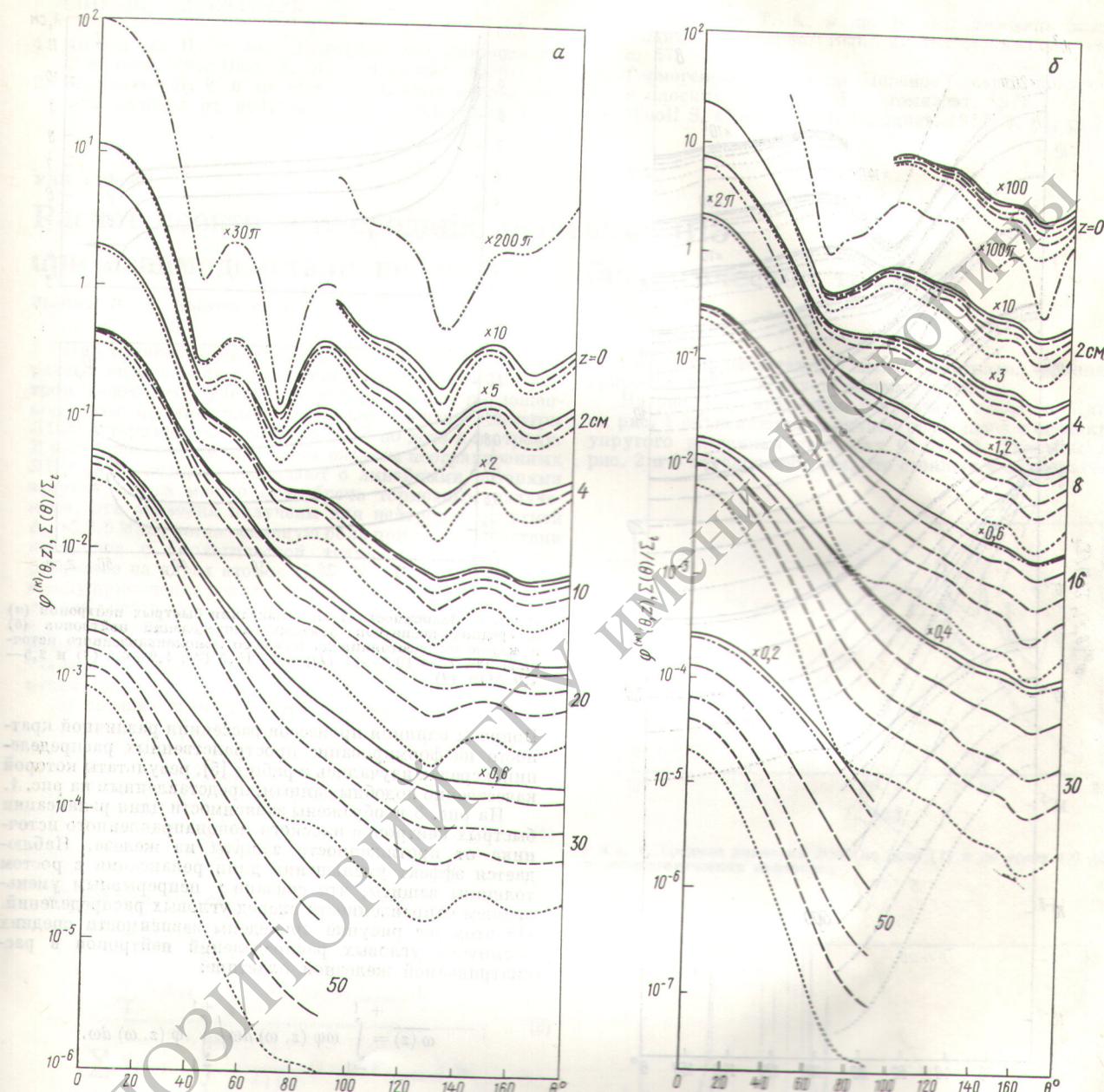


Рис. 2. Угловые распределения плотности потоков нейтронов в железе при  $E = 10.5-14$  (а);  $6.5-10.5$  (б) и  $4-6.5$  Мэв (в), рассчитанные с учетом кратности рассеяния  $n = 2$  (...), 3 (—), 4 (—), 6 (—) и 11 (—·—); — точное решение.

программы РОЗ [3], свидетельствует о достаточно высокой точности метода: среднее расхождение указанных результатов составляет 3–5%.

Система уравнений (1) решалась методом итерации источника. При этом если принять в качестве нулевой итерации решение уравнения с независимыми источниками, то  $n$ -я итерация определяет функцию распределения, рассчитанную с учетом  $n$ -кратного рассеяния.

Таким образом, рассматривая функции распределения, полученные в результате различных итераций, можно изучать влияние процессов рассеяния различной кратности на пространственное и угловое распределения плотности потоков излучений. Подобное исследование было проведено для быстрых нейтронов плоского мононаправленного источника в железе с привлечением групповых констант из работы [4]. На рис. 1 и 2 пред-

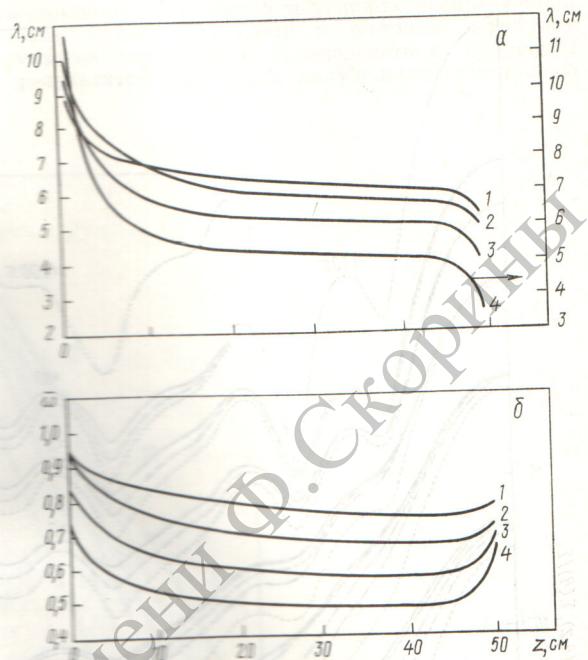
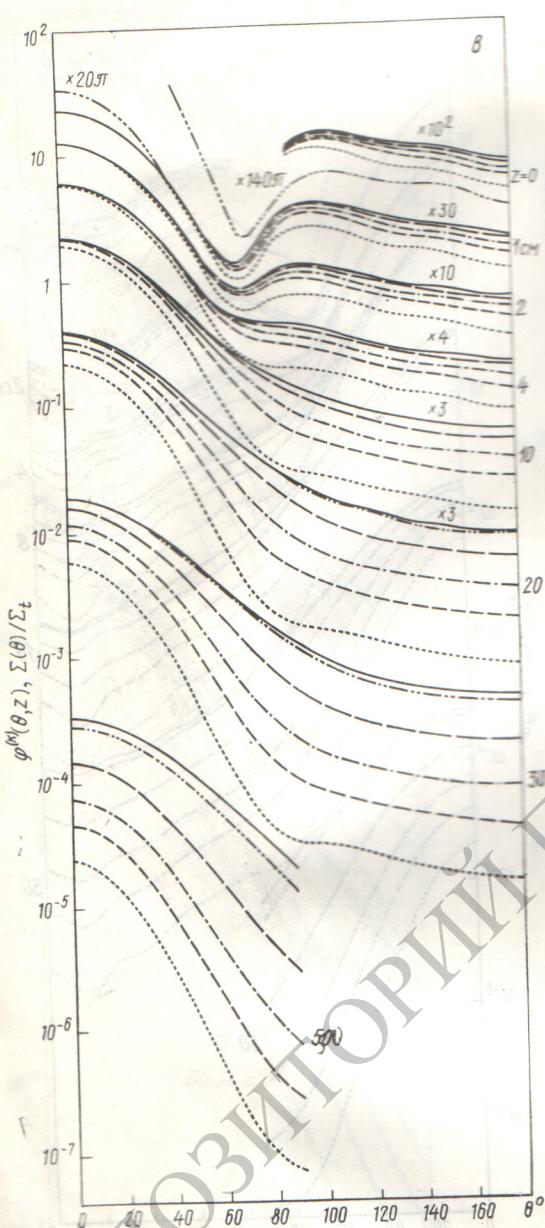


Рис. 2. Зависимость длии релаксации быстрых нейтронов (а) и средних коэффициентов угловых распределений нейтронов (б) в зависимости от расстояния до плоского мононацелененного источника для  $E = 10,5-14$  (1);  $6,5-10,5$  (2);  $4,0-6,5$  (3) и  $2,5-4,0$  MeV (4).

Вопросы влияния процессов рассеяния различной кратности на формирование пространственных распределений в средах изучались в работе [5], результаты которой качественно подобны данным, представленным на рис. 1.

На рис. 3 изображены зависимости длии релаксации быстрых нейтронов плоского мононацелененного источника от протяженности защиты из железа. Наблюдаются эффект уменьшения длии релаксации с ростом толщины защиты, что связано с непрерывным уменьшением направленности вперед угловых распределений. На этом же рисунке приведены зависимости средних косинусов угловых распределений нейтронов в рассматриваемой железной пластине:

$$\bar{\omega}(z) = \int_{-1}^{+1} \omega \varphi(z, \omega) d\omega / \int_{-1}^{+1} \varphi(z, \omega) d\omega.$$

Значения  $\bar{\omega}(z)$  монотонно уменьшаются с ростом толщины  $z$  вплоть до областей вблизи внешней границы пластины, где начинают проявляться краевые эффекты. Влияние этих эффектов приводит к резкому уменьшению длии релаксации и к увеличению направленности вперед угловых распределений и проявляется в основном в пределах слоя толщиной  $\lambda_{rel}$ .

В заключение авторы выражают глубокую признательность Ю. А. Платовских за плодотворное обсуждение работы.

Поступило в Редакцию 13.XII.77  
В окончательной редакции 12.V.78

ставлены рассчитанные с учетом процессов рассеяния различной кратности пространственные и угловые распределения плотности потоков быстрых нейтронов различной энергии в железной пластине толщиной 50 см. Из рисунков видно, что для малой толщины защиты ( $x < 1$ ) форма углового распределения по ходу зависимости в значительной степени повторяет структуру дифференциального углового сечения. С ростом толщины непрерывно возрастает роль многократного рассеяния в процессе формирования полного потока нейтронов; причем влияние многократного рассеяния оказывается в большей степени в области  $\theta > 90^\circ$ .

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Князев А. П. В кн.: Радиационная безопасность и защита АЭС. Вып. 2. М., Атомиздат, 1976.
- Бергельсон Б. Р. и др. Многогрупповые методы расчета защиты от нейтронов. М., Атомиздат, 1970.

- Гермогенова Т. А. и др. В кн.: Вопросы физики защиты реакторов. Вып. 2. М., Атомиздат, 1966, с. 57.
- Гермогенова Т. А. и др. Перенос быстрых нейтронов в плоских защитах. М., Атомиздат, 1971.
- Woolf S. «Nucl. Sci. and Engng», 1977, v. 62, p. 278.

УДК 539·109

## Расчет спектров и средних значений ЛПЭ при взаимодействии нейтронов с биологической тканью

ЗЫБИН В. А., РЫКОВ В. А.

При сравнении биологического действия нейтронов разных энергий или с различным энергетическим спектром необходимо учитывать распределение поглощенной дозы по линейным передачам энергии (спектры ЛПЭ) и усредненные значения ЛПЭ по дозе и по треку. В настоящей работе проведены расчеты неограниченных ЛПЭ ( $L_\infty$ ), которые совпадают с линейными потерями энергии, когда можно пренебречь тормозным излучением. Эти значения получены для нейтронов энергией  $E_n \leq 6,5$  МэВ, когда основную роль при взаимодействии нейтронов с биологической тканью играет упругое рассеяние на ядрах атомов Н, С, N, O. При этом, имея в виду применение результатов к малым объемам, ослаблением нейтронов пренебрегали. Расчеты проводили с учетом потерь энергии ядер отдачи на ядерное торможение [1—3]. Формулы для расчетов при облучении ткани моноэнергетическими нейтронами имеют следующий вид:

а) среднее значение ЛПЭ по дозе:

$$\bar{L}_D(E_n) = \frac{\sum_i N_i \sigma_{ei} \int_0^{E_i, \text{ макс}} L_i(\varepsilon) (1 - \varepsilon/E_i, \text{ макс}) d\varepsilon}{\sum_i N_i \sigma_{ei} E_i, \text{ макс}/2}; \quad (1)$$

б) среднее значение ЛПЭ по треку:

$$\bar{L}_T(E_n) = \frac{\sum_i N_i \sigma_{ei} \int_0^{E_i, \text{ макс}} (1 - \varepsilon/E_i, \text{ макс}) d\varepsilon}{\sum_i N_i \sigma_{ei} \int_0^{E_i, \text{ макс}} \frac{1}{L_i(\varepsilon)} (1 - \varepsilon/E_i, \text{ макс}) d\varepsilon}; \quad (2)$$

в) распределение дозы по ЛПЭ:

$$D_L = \sum_i \frac{N_i \sigma_{ei} (1 - \varepsilon/E_i, \text{ макс})}{dL_i(\varepsilon)/d\varepsilon}, \quad (3)$$

где  $N_i$  — число атомов в  $1 \text{ см}^3$  ткани;  $\sigma_{ei}$  — сечения упругого рассеяния нейтронов на ядрах атомов ткани;  $L_i(\varepsilon)$  — линейные передачи энергии ядер отдачи в ткани, включая потери на ядерное торможение;  $E_i, \text{ макс}$  — максимальная энергия ядер отдачи после столкновения нейтрона с энергией  $E_n$ . Формулы (1)–(3) нетрудно

обобщить при расчетах для спектра нейтронов, проинтерпелировав их по всему заданному спектру.

На рис. 1–3 приведены результаты расчетов. Пики на рис. 1 объясняются наличием резонансов в сечениях упругого рассеяния на ядрах С, N, O. Разрывы на рис. 2 и 3 обусловлены тем, что стоящая в знаменателе

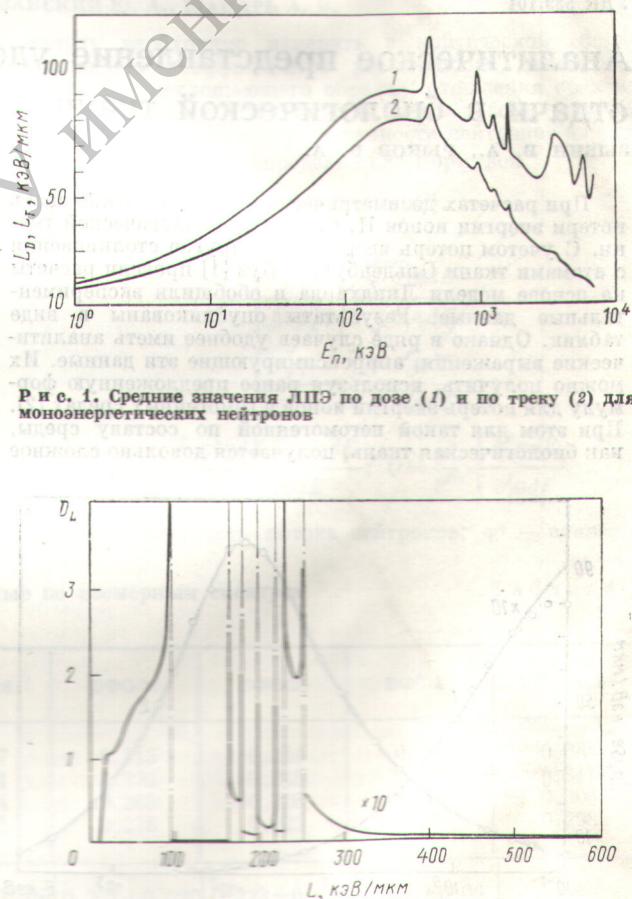


Рис. 1. Средние значения ЛПЭ по дозе (1) и по треку (2) для моноэнергетических нейтронов

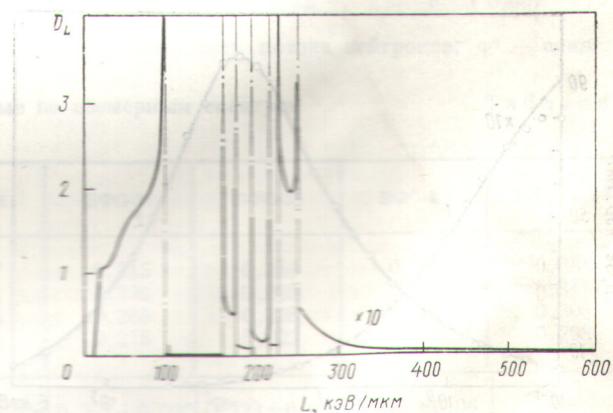


Рис. 2. Распределение дозы по ЛПЭ для нейтронов канала П-2 ( $E_n = 350$  кэВ) реактора БР-10 (увеличение относится ко всей части графика с  $L > 100$  кэВ/мкм).