

ПРОВЕРКА УРАВНЕНИЯ БАЛАНСА ДЛЯ ВОЗБУЖДЕННЫХ УРОВНЕЙ НЕОНА С ПОМОЩЬЮ СТАТИСТИЧЕСКИХ МОДЕЛЕЙ

В. С. Крисченкова и А. Д. Хахаев

В условиях вольтового столба в неоне при давлениях газа 1–30 мм рт. ст. и в диапазоне изменения силы тока от 10 до 400 ма в цилиндрической трубке диаметром 28 мм исследованы электрокинетические характеристики плазмы и заселенности возбужденных состояний. С помощью дисперсионного анализа выявлена зависимость отношения числа ступенчатых возбуждений к числу квантов, излучаемых с рассматриваемых уровней от условий в плазме, и показано, что для различных по квантовой природе состояний влияние условий эксперимента существенно различно. Установлены особенности взаимодействия возбужденных атомов в состояниях, соответствующих различным электронным конфигурациям, с компонентами плазмы и найдены количественные оценки для характеристик этого взаимодействия.

В работах [1–6] показано, что в условиях средних давлений основным процессом заселения возбужденных уровней инертных газов является ступенчатое возбуждение электронным ударом, основным процессом разрушения — спонтанное излучение. При больших давлениях ($p \geq 10$ мм рт. ст.) замечено влияние дополнительных процессов. Природа этих процессов осталась невыясненной.

Примем в качестве нулевой гипотезы, что уравнение баланса для некоторого возбужденного уровня x неона включает только ступенчатое возбуждение и спонтанное излучение. Тогда можно записать

$$\frac{n_e \sum_i n_i \langle \sigma v \rangle_{ix}}{n_x \sum_k A_{xk}} = 1, \quad (1)$$

где n_e , n_i , n_x — концентрация электронов, концентрация атомов на уровнях $2p^53s$, концентрация атомов на уровне x соответственно; $\langle \sigma v \rangle_{ix}$ — усредненное по распределению скоростей электронов сечение ступенчатого возбуждения; A_{xk} — вероятность спонтанного перехода $x \rightarrow k$. Если подобное уравнение баланса не имеет места, то отношение, записанное в левой части уравнения (1), будет некоторой функцией условий эксперимента

$$\frac{n_e \sum_i n_i \langle \sigma v \rangle_{ix}}{n_x \sum_k A_{xk}} = K(i, p). \quad (2)$$

Соотношение (1) было проверено для возбужденных уровней неона при следующих условиях эксперимента: разряд в постоянном токе в трубке диаметром 28 мм при давлении 1–30 мм рт. ст. и токах 0.4–0.025 а. Для этого методом двух зондов [7] были определены значения напряженности электрического поля и электронной температуры. Концентрация электронов вычислялась из уравнения токового баланса. Значения концентрации атомов в состояниях $2p^53s$ находились двумя методами: для

давлений 1–3 мм рт. ст. использован метод определения коэффициента поглощения по контурам спектральных линий [8], для более высоких давлений использовался интегральный метод поглощения [9]. Абсолютная интенсивность излучения спектральных линий находилась путем сравнения излучения разряда с эталонным источником сплошного излучения (банд-лампой). Вероятности спонтанных переходов вычислялись по методу Бейтса—Дамгаард [10] в предположении, что для возбужденного атома неона справедлива jI -связь [11–13]. При вычислении усредненных по распределению скоростей сечений ступенчатого возбуждения уровней радиальные интегралы также определялись по методу Бейтса—Дамгаард. Для уровней $2p^53s$ использовалась LS -связь, для остальных возбужденных уровней — jI -связь. Значения $\langle \sigma v \rangle_{ex}$ вычислялись с помощью таблиц, приведенных в [14]. Отношение числа ступенчатых возбуждений уровня x к числу его спонтанных разрушений было вычислено для всех условий эксперимента (40 точек). Для обработки и анализа экспериментальных данных применялись методы математической статистики.

Как известно [15], выполнение основных предпосылок статистического анализа экспериментальных данных сводится к следующему.

- 1) значения результатов наблюдений $K_1, K_2, \dots, K_N$ представляют собой независимые нормально распределенные случайные величины;
- 2) дисперсии $\sigma^2\{K\}$ равны друг другу (выборочные оценки $s^2\{K\}$ однородны);
- 3) ошибка эксперимента ξ_{ik} — случайная величина, имеющая нормальное распределение, нулевое среднее и дисперсию $\sigma^2\{K\}$;
- 4) независимые переменные, относительно которых проводится анализ, измеряются с пренебрежимо малой ошибкой по сравнению с ошибкой в определении значения выходной величины K и не взаимодействуют друг с другом.

Выполнимость этих предпосылок для параметра K проверялась следующим образом.

1. Проверка гипотезы нормальности распределения результатов наблюдений K была проведена с помощью критерия ω^2 по совокупности малых выборок [16]. Были рассмотрены выборки, состоящие из 4 значений параметра K при одних и тех же условиях ($i=100$ ма, $p=10$ мм рт. ст.) для 40 уровней неона ($n=40$). Вычисленное значение $n\omega^2$ лежит в области допустимых значений, левее критического предела.

2. Проверка гипотезы об однородности ряда дисперсий осуществлялась с помощью приема Бартлетта [16]. Для величины $G_{\max}$

$$G_{\max} = \frac{s_{\max}^2}{s_1^2 + s_2^2 + \dots + s_m^2} \quad (3)$$

(где m — число выборок, 1, 2, ..., m — номер выборки) известен закон распределения, с помощью которого построены таблицы. Для подтверждения гипотезы об однородности должно выполняться условие $G_{\max} < G_{\text{табл.}}$. Результаты проверки однородности дисперсий представлены в табл. 1.

Таблица 1
Проверка однородности ряда дисперсий

	$N_{kib} = n_x A_{xk},$ $\lambda = 5031 \text{ \AA}$	n_e	T_e	E	n_g
$G_{\max}$	0.103	0.14	0.138	0.112	0.275
$G_{\text{табл.}}$	0.138	0.158	0.158	0.158	0.3

3. Так как случайная ошибка определяется в основном неточностью установления давления или тока в разрядной трубке, колебаниями напряжения в сети, инерционностью регистрирующей системы и т. п., то естественно ожидать, что средняя величина случайной ошибки $M\xi_{ik}=0$.

Если имеются систематические погрешности, то их наличие следует учитывать при интерпретации результатов.

4. В качестве независимых параметров были выбраны ток, протекающий через разрядную трубку (i) и давление газа (p) в трубке при выключенном разряде. Очевидно, что ошибки в определении значений i и p много меньше, чем ошибки в определении значений K .

Дисперсионный анализ значений параметра K , проведенный при 5%-м уровне значимости, выявил 4 различных по поведению типа уровней

$$K = \text{const}, K = f(i), K = f(p), K = f(i, p). \quad (4)$$

Однако, уравнения (2), (4) не дают информации о том, какие процессы влияют на заселенность возбужденных уровней. Чтобы подойти к решению этой задачи, необходимо выразить параметр K как функцию концентраций нейтральных и заряженных частиц. Вид этой функции определяется совокупностью тех процессов (за исключением рассмотренных), которые могут влиять на заселенность возбужденных уровней неона.

Основываясь на литературных данных [1, 2, 17], в которых рассмотрены многочисленные процессы, способные влиять на заселенность возбужденных уровней инертных газов, запишем уравнение баланса для возбужденного уровня x в виде

$$\begin{aligned} & n_e n_0 \langle \sigma v \rangle_{0x} + n_e \sum_j n_j \langle \sigma v \rangle_{jx} + \sum_j n_j A_{jx} + \sum_k n_k B_{kx} \rho(\nu_{kx}) + n_e^2 \langle \sigma v \rangle_{ex} + \\ & + n_e \sum_j n_j \langle \sigma v \rangle_{jx}^e + n_e \sum_k n_k \langle \sigma v \rangle_{kx}^e + n_0 \sum_j n_j \langle \sigma v \rangle_{jx}^a + n_0 \sum_k n_k \langle \sigma v \rangle_{kx}^a + \\ & + n_e n_x^+ \langle \sigma v \rangle_{x+} + n_e n_x^+ \langle \sigma v \rangle_{x+}^e + n_x^+ B_{x+} \rho(\nu_{x+}) = n_x \sum_j n_j \langle \sigma v \rangle_{jx} + n_e n_x \sum_j \langle \sigma v \rangle_{xj}^e + n_e n_x \times \\ & \times \sum_k \langle \sigma v \rangle_{xk}^e + n_0 n_x \sum_j \langle \sigma v \rangle_{xj}^a + n_0 n_x \sum_k \langle \sigma v \rangle_{xk}^a + n_e n_x \langle \sigma v \rangle_{xx} + n_e n_x \langle \sigma v \rangle_{x0} + \\ & + n_x \sum_j B_{xj} \rho(\nu_{xj}) + n_x B_{x+} \rho(\nu_{x+}) + n_e n_x \langle \sigma v \rangle_{xx}^e + n_e^2 n_x \langle \sigma v \rangle_{xx}^e. \end{aligned} \quad (5)$$

Здесь n_j, n_k, n_0 — концентрация атомов на уровнях $j, k, 0$ соответственно; n_x^+, n_x^- — концентрация возбужденных молекул и молекулярных ионов соответственно; $\langle \sigma v \rangle$ — усредненные по распределению скоростей сечения различных процессов; B — коэффициенты фотопоглощения, фотоионизации, фотодиссоциации; $\rho(\nu)$ — плотность излучения; A — вероятность спонтанных переходов.

В левой части уравнения (5) записаны последовательно следующие процессы, ведущие к заселению уровня x : прямое возбуждение электронным ударом, ступенчатое возбуждение электронами, каскадные переходы, поглощение излучения, рекомбинация электронов и атомарных ионов, удары 2-го рода с электронами, удары 1-го рода с атомами, диссоциативная рекомбинация, диссоциация электронным ударом, фотодиссоциация.

В правой части уравнения записаны процессы, ведущие к разрушению уровня x : спонтанное излучение, удары 1-го рода с электронами, ведущие к возбуждению, удары 2-го рода с электронами, удары 1-го рода с атомами, удары 2-го рода с атомами, удары 1-го рода с электронами, ведущие к ионизации, столкновения с атомами, ведущие к образованию молекул или молекулярных ионов, диссоциация при столкновении с возбужденным атомом, перезарядка, фотовозбуждение, фотоионизация, тройные столкновения возбужденных атомов с нормальными атомами и электронами, тройные столкновения возбужденных и нормальных атомов.

Уравнение (5) показывает, что параметр K следует искать в виде следующей функции концентраций электронов и атомов:

$$K = b_0 + b_1 \tilde{n}_e + b_2 \tilde{n}_a + b_{12} \tilde{n}_e \tilde{n}_a + b_{11} \tilde{n}_e^2 + b_{22} \tilde{n}_a^2. \quad (6)$$

Здесь $\bar{n}_e = n_e \cdot 10^{-11} \text{ см}^{-3}$, $\bar{n}_a = n_a \cdot 10^{-16} \text{ см}^{-3}$,

$$b_0 = 1 + \frac{\sum_j B_{xj} \varphi(\nu_{jx})}{\sum_k n_x A_{xk}} + \frac{B_{xi} \varphi(\nu_i)}{\sum_k A_{xk}} - \frac{\sum_j n_j A_{jx}}{\sum_k n_x A_{xk}} - \frac{\sum_k n_k B_{kx} \varphi(\nu_{xk})}{\sum_k n_x A_{xk}} - \frac{n_x^* B_{xx} \varphi(\nu)}{\sum_k n_x A_{xk}}, \quad (7)$$

$$b_1 = \left(\frac{\sum_j \langle \sigma v \rangle_{xj}^e}{\sum_k A_{xk}} + \frac{\sum_k \langle \sigma v \rangle_{xk}^e}{\sum_k A_{xk}} + \frac{\langle \sigma v \rangle_{xi}}{\sum_k A_{xk}} + \frac{\langle \sigma v \rangle_{x0}}{\sum_k A_{xk}} - \frac{\sum_j n_j \langle \sigma v \rangle_{jx}^e}{\sum_k n_x A_{xk}} - \frac{\sum_k n_k \langle \sigma v \rangle_{kx}^e}{\sum_k n_x A_{xk}} - \frac{n_x^* \langle \sigma v \rangle_{mx}^*}{\sum_k n_x A_{xk}} - \frac{n_x^+ \langle \sigma v \rangle_{mx}^+}{\sum_k n_x A_{xk}} \right) \cdot 10^{11}, \quad (8)$$

$$b_2 = \left(\frac{\sum_j \langle \sigma v \rangle_{xj}^a}{\sum_k A_{xk}} + \frac{\sum_k \langle \sigma v \rangle_{xk}^a}{\sum_k A_{xk}} + \frac{\langle \sigma v \rangle_{xm}}{\sum_k A_{xk}} - \frac{\sum_k n_k \langle \sigma v \rangle_{kx}^a}{\sum_k n_x A_{xk}} - \frac{\sum_j n_j \langle \sigma v \rangle_{xj}^a}{\sum_k n_x A_{xk}} \right) \cdot 10^{16}, \quad (9)$$

$$b_{12} = \left(\frac{\langle \sigma v \rangle_{ea}^{tr}}{\sum_k A_{xk}} - \frac{\langle \sigma v \rangle_{0x}}{\sum_k n_x A_{xk}} \right) \cdot 10^{27}, \quad (10)$$

$$b_{11} = \left(- \frac{\langle \sigma v \rangle_{ix}^r}{\sum_k n_x A_{xk}} \right) \cdot 10^{22}, \quad (11)$$

$$b_{22} = \left(\frac{\langle \sigma v \rangle_{aa}^{tr}}{\sum_k A_{xk}} \right) \cdot 10^{32}. \quad (12)$$

Численные значения коэффициентов b уравнения (6) были определены путем регрессионного анализа [15] параметров K . В качестве независимых переменных по-прежнему брались ток и давление. Регрессионный анализ параметров K позволил найти для каждого из уровней явный вид функции (4). Регрессионный анализ значений концентраций электронов и атомов определил вид функций

$$n_e = \varphi(i, p), \quad n_a = \gamma(i, p). \quad (13)$$

Совокупность (4) и (13) определяет функцию $K = F(n_e, n_a)$, т. е. позволяет находить численные значения коэффициентов уравнения (6).

Оценка значимости коэффициентов регрессии определялась по критерию Стьюдента (для уровня надежности 95%). Значения коэффициентов b приведены в табл. 2.

В табл. 3 показана устойчивость коэффициентов регрессии по отношению к ошибкам эксперимента для некоторых уровней неона.

Пять уравнений с различными значениями коэффициентов b получены при регрессионном анализе варьируемых параметров K , концентраций электронов и концентраций нормальных атомов. Уровень вариаций определялся значениями $s\{K\}$, $s\{n_e\}$, $s\{n_a\}$, умноженными на случайные числа, распределенные по закону Гаусса. При этом уровень надежности был задан равным 95%.

Как следует из табл. 2, для всех уровней неона коэффициент $b_0 > 0$. Для уровней конфигураций с одинаковым l коэффициенты b_0 уменьшаются с увеличением главного квантового числа n . При малых токах и давлениях всеми коэффициентами уравнения баланса, кроме коэффициентов b_0 , можно пренебречь. Если при этом значение K близко к единице, то такие уровни при малых токах и давлениях могут быть описаны уравнением баланса типа (1). Для неона это уровни $2p^53p$, а также большинство уровней $2p^54d$, $2p^55d$ -конфигураций. Из соотношения (8) видно, что коэффициент b_1 определяется разностью вкладов процессов заселения и

Таблица 2

Коэффициенты уравнения регрессии для уровней неона

Уровень	b_0	b_1	b_2	b_{12}	b_{11}	b_{22}
$2p^53p$						
$2p_1$	1.6	0	0	0	0	0
$2p_2$	1.6	0	0	0	0	0
$2p_3$	3.2	0	-0.092	0	0	0.0016
$2p_4$	1.2	0	0	0	0	0
$2p_5$	1.8	0	0	0	0	0
$2p_6$	1.7	0	0	0	0	0
$2p_7$	2.7	-0.11	-0.06	0.03	-0.0005	0
$2p_8$	2.1	0	-0.074	0	0	0.0026
$2p_9$	2.9	-0.14	-0.016	0.0054	0	-0.001
$2p_{10}$	1.4	0	0.042	0	0	0
$2p^54p$						
$3p_1$	36	1.3	-1.7	0.092	-0.032	0.016
$3p_2$	0.088	-0.023	$-5.2 \cdot 10^{-4}$	$1.8 \cdot 10^{-4}$	0	$-3.2 \cdot 10^{-5}$
$3p_3$	0.53	0.019	-0.019	$4.5 \cdot 10^{-4}$	-0.0013	$1.6 \cdot 10^{-4}$
$3p_4$	0.12	0	0	0	0	0
$3p_5$	0.55	0	0	0	0	0
$3p_6$	1.9	0	-0.059	0	0	$7.2 \cdot 10^{-4}$
$3p_7$	0.45	0.0054	-0.015	0	0	$1.9 \cdot 10^{-4}$
$3p_8$	0.021	0.0025	$-4.4 \cdot 10^{-4}$	$5.8 \cdot 10^{-5}$	$-1.7 \cdot 10^{-4}$	$-5.2 \cdot 10^{-6}$
$3p_9$	0.45	0.0054	-0.015	0	0	$2 \cdot 10^{-4}$
$3p_{10}$	0.0031	$2.6 \cdot 10^{-4}$	$-5.9 \cdot 10^{-5}$	$-5.9 \cdot 10^{-6}$	0	$1.1 \cdot 10^{-6}$
$2p^53d$						
$3s'_1$	2.4	0	0.06	0	0	0
$3s'_1''$	23	0	0.5	0	0	0
$3d_2$	4.7	0	0.18	0	0	0
$3d_3$	1.9	0.061	0.15	0.019	0	-0.034
$3d_5$	23	-1.9	0.81	0.16	0	-0.028
$3d_3$	0.56	0	0.1	0	0	0
$2p^54d$						
$4s'_1$	1.3	0	0	0	0	0
$4s'_1''$	1.2	0	0.053	0	0	0
$4s'_1'''$	2.8	0	0	0	0	0
$4s'_1''''$	-0.075	0.034	0.02	0	0	0
$4d_1'$	0.28	0	0.016	0	0	0
$4d_1''$	0.87	0	0.041	0	0	0
$4d_2$	0.97	0	0.049	0	0	0
$4d_3$	0.21	0.07	0.029	0	0	0
$4d_4$	20	1.1	0.37	0	0	0
$4d_5$	1.5	0.082	0.032	0	0	0
$4d_6$	2.0	-0.079	0.013	0.0059	0	-0.0011
$2p^55d$						
$5s'_1$	0.47	0	0	0	0	0
$5s'_1''$	1.6	0	0	0	0	0
$5d_1'$	0.34	0	0	0	0	0
$5d_1''$	0.24	0.04	0.016	0	0	0
$5d_2$	0.5	0	0	0	0	0

Таблица 2 (продолжение)

Уровень	b_0	b_1	b_2	b_{12}	b_{11}	b_{22}
---------	-------	-------	-------	----------	----------	----------

 $2p^55p$

$4p_1$	5.2	-0.16	-0.24	0.0039	-0.11	0.0026
$4p_2$	0.0023	0	0	0	0	0
$4p_3$	0.092	0	-0.012	0	0	0
$4p_4$	0.0039	0	$-4.4 \cdot 10^{-5}$	0	0	0
$4p_5$	0.01	0	0	0	0	0
$4p_6$	0.058	$-6.5 \cdot 10^{-4}$	$-1.7 \cdot 10^{-3}$	$5.2 \cdot 10^{-4}$	0	$7.5 \cdot 10^{-6}$
$4p_7$	0.05	$6 \cdot 10^{-4}$	$-1.5 \cdot 10^{-3}$	0	0	$1.7 \cdot 10^{-5}$
$4p_8$	0.0017	$8.6 \cdot 10^{-5}$	$-6.6 \cdot 10^{-5}$	$2 \cdot 10^{-6}$	$-6 \cdot 10^{-6}$	$4.5 \cdot 10^{-7}$
$4p_9$	0.032	0	$-8.9 \cdot 10^{-4}$	0	0	$9.9 \cdot 10^{-6}$
$4p_{10}$	0.0031	0	$-3.6 \cdot 10^{-5}$	0	0	0

 $2p^55s$

$3s_2$	4.9	0	0	0	0	0
$3s_3$	0.66	0.26	0.058	0	0	0
$3s_4$	0.92	0	0	0	0	0
$3s_5$	0.39	-0.014	0	0.0018	$-3.3 \cdot 10^{-4}$	0

 $2p^56s$

$4s_2$	0.6	0	0	0	0	0
$4s_3$	0.072	0.019	0.012	0	0	0
$4s_4$	0.23	0	0	0	0	0
$4s_5$	0.15	-0.0027	0.002	$4.9 \cdot 10^{-4}$	0	$-8.7 \cdot 10^{-5}$
$5d_3$	0.41	0	0	0	0	0
$5d_4$	2.6	0.2	0.016	0	0	0
$5d_5$	0.02	0.063	0.02	0	0	0
$5d_6$	0.92	0	0	0	0	0

Таблица 3

Устойчивость коэффициентов регрессии

№ п/п	Уровень					
	$2p_7$		$2p_{10}$		$2p_8$	
	b_0	b_2	b_0	b_2	b_0	b_{22}
1	1.74	0.020	1.2	0.042	2.4	0.0026
2	1.54	0.020	1.0	0.042	2.0	0.0025
3	1.54	0.025	1.0	0.048	2.0	0.0025
4	1.6	0.026	1.2	0.047	2.0	0.0023
5	1.57	0.022	1.4	0.038	1.9	0.0021
Среднее	1.6	0.023	1.16	0.043	2.06	0.0024
$\Delta b/b, \%$	5	12	15	4	10	10

разрушения уровней при взаимодействии с электронами и может иметь разные знаки, что и наблюдается в табл. 2. Коэффициенты b_2 определяются, согласно (9), разностью процессов заселения и разрушения уровней при взаимодействии с невозбужденными атомами. Из табл. 2 видно, что для p -уровней неона коэффициент $b_2 < 0$, для s - и d -уровней — $b_2 > 0$. В связи с этим можно высказать предположение о преимущественном разрушении уровней s - и d -конфигураций атомным ударом с переводом возбужденных атомов в p -состояния. Следует отметить, что коэффициенты b_{12} , b_{11} , b_{22} дают заметный вклад в уравнения баланса только при больших значениях концентраций электронов и атомов.

Из данных табл. 2 следует, что для уровней d -конфигураций с ростом n вид уравнений баланса упрощается — в уравнениях исчезают квадратичные члены; для уровней s -конфигураций с ростом n вид уравнений не меняется, зато четко выражено различное поведение «резонансных» уровней s_2 и s_4 и «метастабильных» s_3 и s_5 .

В заключение можно сказать, что выбор соответствующих условий эксперимента и увеличение точности экспериментальных и расчетных результатов относительно параметра K позволят подойти к определению сечений различных процессов, входящих в уравнение баланса.

Авторы выражают благодарность Л. А. Луизовой за ценные замечания и дискуссию по результатам работы.

Литература

- [1] С. Э. Фриш, В. Ф. Ревалд. Опт. и спектр., 15, 726, 1963.
- [2] Ю. М. Каган, Р. И. Лягушанко, А. Д. Хахаев. Опт. и спектр., 14, 5, 1963.
- [3] Ю. М. Каган, Р. И. Лягушанко, А. Д. Хахаев. Опт. и спектр., 15, 13, 1963.
- [4] В. С. Кривченкова, Л. М. Федорова, А. Д. Хахаев. Ж. прикл. спектр., 13, 6, 1970.
- [5] Э. Г. Гнезихина, В. С. Кривченкова, В. Н. Тихонов, И. П. Шибасов, А. Д. Хахаев. Опт. и спектр., 22, 539, 1967.
- [6] Л. Б. Разумовская. Опт. и спектр., 23, 845, 1967.
- [7] Ю. М. Каган, В. И. Перель. Усп. физ. наук, 81, 3, 1963.
- [8] Л. А. Луизова, А. Д. Хахаев. Опт. и спектр., 22, 640, 1967.
- [9] С. Э. Фриш, О. П. Бочкова. Вестн. ЛГУ, № 16, 1961.
- [10] D. Bates, A. Damgaard. Phil. trans. Roy. Soc., A242, 101, 1949.
- [11] И. И. Собельман. Введение в теорию атомных спектров. Физматгиз, М., 1963.
- [12] А. Н. Беннет. Усп. физ. наук, 31, 119, 1963.
- [13] В. Я. Велдре, А. В. Ляш, Л. Л. Рабик. Опт. и спектр., 19, 319, 1965.
- [14] Л. А. Вайнштейн, И. И. Собельман. Препринт ФИАН СССР, № 66, М., 1967.
- [15] В. В. Налимов, Н. А. Чернова. Статистические методы планирования экстремальных экспериментов. Изд. «Наука», М., 1965.
- [16] Н. В. Смирнов, И. В. Дунин-Барковский. Курс теории вероятности и математической статистики для технических приложений. Изд. «Наука», М., 1969.
- [17] С. Э. Фриш. Оптические спектры атомов. Физматгиз, М.—Л., 1963.

Поступило в Редакцию 26 февраля 1973 г.