## Л.С. Гайда, А.Ч. Свистун, Е.В. Матук УО «Гродненский государственный университет имени Янки Купалы», Гродно, Беларусь

## СФЕРОИДАЛЬНАЯ ЧАСТИЦА В ПОЛЕ СВЕТОВОГО ДАВЛЕНИЯ ГАУССОВОГО ПУЧКА

#### Введение

Управление локализацией наночастиц с помощью лазерного излучения широко используется при исследовании вирусов и бактерий, молекул ДНК, процессов, происходящих внутри живой клетки, и др. [1]. На сегодняшний день существует множество работ, посвященных перемещению наночастиц сферической формы под действием сил светового давления лазерным излучением (назовем лишь некоторые из них [1-4]). В этих же работах можно найти ссылки и на результаты исследований других авторов по данной тематике.

Одним из примеров светового давления на наночастицы в жидкости является случай несферических наночастиц (сфероидов). Для сфероидов значение компонент силы светового давления значительно отличается от тех же компонент, действующих на сферические наночастицы, что связано с ориентацией частиц в электромагнитном поле падающей волны. Сфероиды являются более адекватными, чем сферы, моделями для многих биологических частиц, в частности, эритроцитов и их линейных агрегатов [5, 6]. Правильный выбор фазовой функции рассеяния света, как отдельным эритроцитом, так и эритроцитарными агрегатами и другими сфероидальными частицами важен при моделировании распространении света в крови и в содержащих кровь тканях [6].

#### 1. Основные соотношения

При рассмотрении сил светового давления, действующих на наночастицу, условно выделяют две составляющие: компоненту силы, действующую вдоль градиента интенсивности поля и отличную от нуля только в неоднородном электрическом поле, т.е. градиентную силу  $F^{grad}$  ( $F^{grad,x}$  и  $F^{grad,y}$  – компоненты силы, действующие поперек лазерного луча, и  $F^{grad,z}$  – компонента, действующая вдоль лазерного луча), и силу, действующую вдоль направления распространения излучения, являющуюся суммой сил поглощения  $F^{abs}$  и рассеяния  $F^{scat}$ . Таким образом, полную силу светового давления можно представить в виде [2, 4]:

$$\vec{F}^{light} = \vec{F}^{grad} + \vec{F}^{abs} + \vec{F}^{scat} \quad . \tag{1}$$

Для сферических наночастиц общий вид для всех компонент силы светового давления можно найти в работах [2, 4], для частиц произвольной формы и объема задача вычисления силы светового давления является весьма сложной. Поэтому в настоящей работе мы будем рассматривать частицу в форме сфероида.

Для получения явного вида выражений для компонент силы светового давления рассмотрим сфокусированный тонкой линзой пучок гауссовой формы распространяющийся вдоль оси z в декартовой системе координат (x, y, z). В случае поглощающей наночастицы в приближении Рэлея, когда размеры наночастицы малы по сравнению с длиной волны излучения, компоненты силы светового давления имеют вид [7, 8]:

$$F^{grad} = \frac{2\pi n_m |\alpha(x, y, z)|}{c} \nabla I(x, y, z), \quad F^{abs} = \frac{n_m I(x, y, z)\sigma_{abs}(z)}{c}$$

$$F^{scat} = \frac{n_m I(x, y, z)\sigma_{scat}(z)}{c}, \quad (2)$$

где  $\alpha(x,y,z) = \alpha'(x,y,z) + i\alpha''(x,y,z)$  – поляризуемость металлической наночастицы, I(x,y,z) – интенсивность излучения действующего на наночастицу,  $\nabla$  – оператор градиента,  $\sigma_{abs}(z)$  и  $\sigma_{scat}(z)$  – сечение поглощения и рассеяния, c – скорость света в вакууме,  $n_m$  – показатель преломления жидкости.

Выражение для интенсивности падающего электромагнитного поля имеет вид [9-11]:

$$I(x, y, z) = \frac{I_0}{(1 - z/f)^2 + (z/z_{\mathcal{A}})^2} \cdot \exp\left\{-\frac{x^2 + y^2}{\rho_0 \left[(1 - z/f)^2 + (z/z_{\mathcal{A}})^2\right]}\right\},$$
(3)

где  $f - \phi$ окусное расстояние линзы,  $I_0$  – входная интенсивность излучения в центре пучка,  $z_{\mathcal{A}} = k_m \rho_0^2 - ди \phi$ ракционная длина пучка,  $\rho_0$  – радиус пучка,  $k_m$  – волновое число.

# 2. Зависимость сечения поглощения и рассеяния от формы сфероида

С точки зрения практического применения больший интерес имеют наночастицы в форме сплюснутых или вытянутых сфероидов, которые получаются вращением эллипса вокруг короткой или длинной осей соответственно (рисунок 1). В случае вытянутого сфероида две

его малые полуоси равны друг другу, тогда как в случае сплющенного сфероида две его большие полуоси равны друг другу. На рисунке 1 а изображен вытянутый сфероид  $R_{\perp} < R_{\parallel}$ , где  $R_{\perp}$  – малая полуось сфероида,  $R_{\parallel}$  – большая полуось. В случае сплюснутого сфероида (рисунок 1 б),  $R_{\parallel} < R_{\perp}$ , где  $R_{\perp}$  – большая полуось сфероида,  $R_{\parallel}$  – малая полуось [12].



Рисунок 1 – Геометрия вытянутых сфероидальной наночастицы (а) и сплюснутой сфероидальной наночастицы (б)

Значение поляризуемости для сфероида изменяет свое значение в зависимости от положения частицы. Выражения для поляризуемости вдоль оси x = y и z имеют вид [12]:

$$\alpha(x) = \alpha(y) = \frac{R_{II}R_{\perp}^{2}}{3} \frac{\varepsilon_{p}(\omega) - \varepsilon_{m}}{\varepsilon_{m} + L_{\perp}(\varepsilon_{p}(\omega) - \varepsilon_{m})},$$

$$\alpha(z) = \frac{R_{II}R_{\perp}^{2}}{3} \frac{\varepsilon_{p}(\omega) - \varepsilon_{m}}{\varepsilon_{m} + L_{II}(\varepsilon_{p}(\omega) - \varepsilon_{m})},$$
(4)

где  $L_{II}$  и  $L_{\perp}$  – геометрические факторы деполяризации [13] удовлетворяют соотношению  $L_{II} + 2L_{\perp} = 1$  и для сфер L = 1/3,  $\varepsilon_m$  – диэлектрическая проницаемость среды в которой расположен сфероид,  $\varepsilon_p(\omega)$  – диэлектрическая проницаемость металлической наночастицы, зависящая от частоты надающего излучения  $\omega$ .

Геометрический фактор деполяризации сфероида  $L_{II}$ , в случае  $R_{I} < R_{II}$ , имеет вид [<u>14</u>]:

$$L_{II} = (e_s^2 - 1)(\frac{e_s}{2}\ln\frac{1 + e_s}{e_s - 1} - 1),$$
(5)

где  $e_s = \sqrt{1 - R_{\perp}/R_{II}}$  – эксцентриситет сфероида.

В случае  $R_{II} < R_{\perp}$  геометрический фактор деполяризации  $L_{II}$  имеет вид

$$L_{II} = (1 + e_s^2)(1 - e_s arctge_s) .$$
(6)

Выражения для сечения поглощения и рассеяния имеют вид [12]:

$$\sigma_{abs} = \frac{4\pi}{3} k_m \operatorname{Im}(\alpha(x, y, z))$$

$$\sigma_{scat} = \frac{8\pi}{9} k_m^4 \alpha^2(x, y, z)$$
(7)

#### Заключение

Показано, что силы светового давления существенно зависит от формы частицы, а также от ее ориентации по отношению к направлению падающего излучения. Получены численные значения для трех компонент силы светового давления, действующих на серебряную сфероидальную наночастицу, находящуюся на оси лазерного пучка.

Результаты работы могут стать основой для дальнейших теоретических и экспериментальных исследований по влиянию сил светового давления лазерного излучения гауссовой формы на металлические сфероидальные наночастицы в жидкостях.

## Литература

1. Гайда, Л.С. Сила светового давления, действующая на металлическую сферическую наночастицу в интерференционном поле двух плоских монохроматических электромагнитных волн / Л.С. Гайда, Д.В. Гузатов, А.А. Афанасьев// Вестник ГрГУ им. Я. Купалы. Сер. 2. – 2008. – № 3 (73). – С. 84–89.

2. Кац, А.В. Радиационная сила, действующая на частицу в электромагнитном поле при произвольном соотношении между размером частицы и длиной волны / А.В. Кац // Изв. высш. уч. зав. Радиофиз. – 1975. – Т. XVIII, №. 4. – С. 566–575.

3. Эшкин, А. Давление лазерного излучения / А. Эшкин // УФН. – 1973. – Т. 110, № 1. – С. 101–116.

4. Гузатов, Д.В. Теоретическое исследование силы светового давления, действующей на сферические наночастицы в поле лазерного излучения / Д.В. Гузатов, Л.С. Гайда // Вестник БГУ: Серия 1. – 2010. – № 3. – С. 29–33.

5. Ярославская, А.Н. Оптическая биомедицинская диагностика / А.Н. Ярославская и др. // М: Физматлит. – 2007. – Гл.2. – С.157–196.

6. Луговцов, А.Е. Лучеволновое приближение для расчета рассеяния лазерного излучения прозрачной диэлектрической сфероидальной частицей / А.Е. Луговцов, С. Ю.Никитин, А. В. Приезжев // Квантовая электроника. – 2008. – Т.38. – № 6. – С.606–611.

7. Bosanac, L. Efficient Optical Trapping and Visualization of Silver Nanoparticles / Lana Bosanac, Thomas Aabo, Poul M. Bendix, and Lene

B. Oddershede // NANO LETTERS. - 2008. - Vol. 8, No. 5. - P.1486-1491.

8. Матук, Е.В. Движение металлической наночастицы вблизи поверхности пузырька воздуха в жидкости под действием силы светового давления /Е.В. Матук, Л.С. Гайда, Д.В. Гузатов // Проблемы физики, математики и техники. – 2015. – № 3. – С.17–20.

9. Ахманов, С.А. Физическая оптика / С.А. Ахманов, С.Ю. Никитин. – Москва: Наука, 2004. – 654 с.

10. Афанасьев, А.А. О радиационных силах, действующих на прозрачную наночастицу в поле сфокусированного лазерного пучка / А.А. Афанасьев, Л. С. Гайда, Д. В. Гузатов, А. Н. Рубинов, А. Ч. Свистун // Квантовая электроника. – 2015. – Т.45. – № 10. – С.604–607.

11. Афанасьев, А.А. Движение серебряных наночастиц в жидкости с различной вязкостью под действием сил светового давления /А. А. Афанасьев, Л.С. Гайда, Е.В. Матук, А. Ч. Свистун // Проблемы физики, математики и техники. – 2016. – № 4(29). – С.7–12.

12. Климов, В.В. Наноплазмоника / В.В. Климов. – Москва: Физмалит, 2009. – 480 с.

13. Хлебцов, Н.Г. Оптика и биофотоника наночастиц с плазмонным резонансом / Н. Г. Хлебцов // Квантовая электроника. – 2008. – 38(6), – 504 с.

14. Ландау, Л.Д. Электродинамика сплошных сред / Л.Д. Ландау, Е.М. Лившиц. – Москва: Наука, 1982. – 620 с.

# Ю.А. Гришечкин, В.Н. Капшай

УО «Гомельский государственный университет имени Франциска Скорины», Гомель, Беларусь

# РЕШЕНИЕ КВАЗИПОТЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ С ЛИНЕЙНЫМ ЗАПИРАЮЩИМ В РЕЛЯТИВИСТСКОМ КОНФИГУРАЦИОННОМ ПРЕДСТАВЛЕНИИ ПОТЕНЦИАЛОМ

### Введение

Рассмотрим решение ковариантных двухчастичных уравнений квазипотенциального типа [1, 2] с одним из вариантов модели линейного запирающего потенциала в релятивистском конфигурационном представлении (РКП) [3], имеющего форму