

Обнаружено влияние внешней подсветки с  $\lambda_2 = 441.6$  нм на оптические свойства и толщину пленок, проявляющееся в фотоиндуцированном изменении эллипсометрических параметров — относительной разности фаз  $\Delta$  и угла отклонения плоскости поляризации  $\Psi$ . Прямыми экспериментами показано, что пропускание пленок не изменяется на длине волны  $\lambda_1$  в пределах точности эксперимента ( $\pm 5\%$ ) от интенсивности такой подсветки в интервале  $10^{-4}$ – $1$  Вт/см<sup>2</sup>. Поэтому обнаруженное явление следует связать с фотоиндуцированным изменением не показателя поглощения, а показателя преломления и толщины пленки. Экспериментальные значения  $\delta\Delta$  и  $\delta\Psi$  соответствуют уменьшению показателя преломления и росту толщины под действием подсветки, причем  $\delta n/n \ll -2 \cdot 10^{-3}$  и  $\delta d/d \leq 2 \cdot 10^4$ . Эффект является обратимым со временем релаксации  $\tau \leq 0.1$  с. В ряде случаев наблюдалась и необратимые изменения оптических констант, величина которых превышает указанные значения.

На основании анализа возможных причин наблюдавшихся явлений фоторефракции и фотоструктурного изменения толщины отвергнуто предположение о связи их с нагревом пленки лазерным излучением, так как не наблюдалось влияние на величину этих изменений длительности облучения. Если учесть, что  $\lambda_2$  попадает в область края поглощения пленок GeO, то при поглощении такого фотона возникает пара свободных носителей заряда, которые могут локализоваться на флуктуационных уровнях в хвостах плотности состояний. Эти уровни можно рассматривать [2] как следствие существования обрванных валентностей, стабилизованных за счет деформации структуры. Изменение зарядовых состояний уровней может привести к релаксации стабилизирующих деформаций, что будет сопровождаться изменением толщины и показателя преломления.

Наличие фотостимулированных изменений оптических констант позволяет предполагать, что в достаточно толстых пленках моноокиси германия в принципе возможна многократная запись объемных фазовых голограмм.

В заключение авторы благодарят Н. А. Власенко и В. А. Тягай за руководство работой.

#### Литература

- [1] Н. А. Власенко, Ф. А. Назаренков, В. А. Стерлигов, В. А. Тягай. Письма ЖТФ, 4, 1037, 1978.  
[2] P. W. Anderson. Phys. Rev. Lett., 34, 953, 1975.

Поступило в Редакцию 31 июля 1978 г.

УДК 539.184.22 : 539.186.01

## РАСЧЕТ СТОЛКНОВИТЕЛЬНЫХ СДВИГОВ И УШИРЕНИЙ ОПТИЧЕСКИХ ЛИНИЙ ЩЕЛОЧНЫХ АТОМОВ В АТМОСФЕРЕ ЛЕГКИХ ИНЕРТНЫХ ГАЗОВ

*В. В. Батыгин, М. Б. Горный и Б. Г. Матисов*

1. В работе [1] было показано в рамках ударного приближения, что контур линии излучения невырожденного перехода  $3 \rightarrow 1$  атома  $A$ , движущегося в не слишком плотном буферном газе  $B$ , имеет простую фойхтовскую форму лишь при  $m_b \ll m_a$  ( $m_a$ ,  $m_b$  — массы активного и буферного атомов). В других рассмотренных в [1] случаях —  $m_b \gg m_a$  и  $N_b \gg z/\sigma_{31}$  — контур отклоняется от контура Фойхта ( $N_b$  — концентрация буферных атомов,  $z$  — волновое число кванта,  $\sigma_{31}$  — сечение перехода  $3 \rightarrow 1$ ). Случай легких буферных атомов интересен также и тем, что при  $m_b \ll m_a$  могут быть получены простые замкнутые выражения параметров формы линии: сдвига и уширения. В работе [2] было показано, что при  $m_b \ll m_a$  сдвиг  $\Delta_{31}$  и уширение  $\Gamma_{31}$  линии перехода  $3 \rightarrow 1$  выражаются сравнительно простыми формулами

$$\Delta_{31} = \int \frac{d^3 q}{(2\pi\hbar)^3} f_b(q) \Delta_{31}(q), \quad (1)$$

$$\Gamma_{31} = \int \frac{d^3 q}{(2\pi\hbar)^3} f_b(q) \Gamma_{31}(q), \quad (2)$$

$$\Delta_{31}(q) \equiv N_b v_b \sigma''_{31}(q) = \frac{\pi\hbar^2 N_b}{m_b q} \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1) \sin [2(\delta_l^{(1)} - \delta_l^{(3)})], \quad (3)$$

$$\Gamma_{31}(q) \equiv N_b v_b \sigma'_{31}(q) = \frac{2\pi\hbar^2 N_b}{m_b q} \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1) (1 - \cos [2(\delta_l^{(1)} - \delta_l^{(3)})]), \quad (4)$$

где  $q$ ,  $v_b$  — импульс и скорость буферного атома,  $\delta_i^{(1)}$  и  $\delta_i^{(3)}$  — асимптотические фазы упругого рассеяния  $A$  в состояниях 1 и 3 на  $B$ .

Движение атомов с большой точностью может считаться квазиклассическим. Лишь для самых легких пар  $A - B$  квантовые поправки могут дать заметный вклад. В работе [3] для линии СТ перехода водорода в буферном гелии были вычислены квантовые поправки к сдвигу; они составили около 12%. Для любых более тяжелых пар они составляют не более 3%, и мы их учитывать не будем.

В квазиклассическом приближении сдвиг фазы в состоянии  $i$  выражается формулой

$$\delta_i^{(i)} = \frac{\sqrt{2m_b}}{\hbar} \int_{R_i}^{\infty} \left\{ \sqrt{\frac{q^2}{2m_b} - \left( u_i(R) + \frac{L^2}{R^2} \right)} - \frac{q}{\sqrt{2m_b}} \right\} dR - \frac{q}{\hbar} R_i + \frac{\pi}{2} (l + 1/2), \quad (5)$$

где  $u_i(R)$  — потенциал межатомного взаимодействия  $A - B$  в состоянии  $i$ ,  $R_i$  — точка поворота,  $L^2 = \frac{\hbar^2}{2m_b} (l + 1/2)^2$ .

Подстановка (5) в (1)–(4) приводит после несложных выкладок к следующим общим выражениям для столкновительных сдвигов и уширения фойхтвского контура линии:

$$\Delta_{31} = - \frac{2\sqrt{2\pi} N_b}{m_b^{1/2} T^{3/2}} \int_0^{\infty} dE e^{-E/T} \int_0^{\infty} dL^2 \sin \left\{ \frac{2}{\hbar} \sqrt{2m_b} \left[ \int_{R_3(E, L^2)}^{\infty} dR \sqrt{E - \left( u_3(R) + \frac{L^2}{R^2} \right)} - \int_{R_1(E, L^2)}^{\infty} dR \sqrt{E - \left( u_1(R) + \frac{L^2}{R^2} \right)} \right] \right\}, \quad (6)$$

$$\Gamma_{31} = \frac{8\sqrt{2\pi} N_b}{m_b^{1/2} T^{3/2}} \int_0^{\infty} dE e^{-E/T} \int_0^{\infty} dL^2 \sin^2 \left\{ \frac{\sqrt{2m_b}}{\hbar} \left[ \int_{R_3(E, L^2)}^{\infty} dR \sqrt{E - \left( u_3(R) + \frac{L^2}{R^2} \right)} - \int_{R_1(E, L^2)}^{\infty} dR \sqrt{E - \left( u_1(R) + \frac{L^2}{R^2} \right)} \right] \right\}. \quad (7)$$

По этим формулам необходимо выполнять расчет сдвигов и уширений в тех случаях, когда существенные значения  $|\delta_i^{(1)} - \delta_i^{(3)}|$  велики, т. е. термы  $u_1(R)$  и  $u_3(R)$  достаточно сильно разнесены.

2. Дальнейшее упрощение можно произвести, когда термы  $u_1$  и  $u_3$  близки, аргументы синусов становятся малыми и можно положить  $\sin x \approx x$ ,  $\ln^2 x \approx x^2$ . Сделав последнее, изменив порядок интегрирования по  $L^2$  и по  $E$ , получим

$$\begin{aligned} \Delta_{31} = & \frac{4\pi N_b}{\hbar} T \int_0^{\infty} dRR^2 \left( e^{-\frac{u_1(R)}{T}} - e^{-\frac{u_3(R)}{T}} \right) - \\ & - \frac{8\sqrt{\pi}}{3\hbar} N_b T \int_0^{\infty} dRR^2 \left[ e^{-\frac{u_1(R)}{T}} \gamma \left( \frac{5}{2}, -\frac{u_1(R)}{T} \right) (1 - \operatorname{sgn} u_1(R)) - \right. \\ & \left. - e^{-\frac{u_3(R)}{T}} \gamma \left( \frac{5}{2}, -\frac{u_3(R)}{T} \right) (1 - \operatorname{sgn} u_3(R)) \right], \end{aligned} \quad (8)$$

где  $\gamma(\alpha, x) = \int_0^x dt t^{\alpha-1} e^{-t}$  — неполная Г-функция,

$$\operatorname{sgn} x = \begin{cases} -1, & x < 0, \\ 0, & x = 0, \\ +1, & x > 0. \end{cases}$$

Аналогичное, но более сложное выражение получается для  $\Gamma_{31}$ .

Если  $|u_3(R) - u_1(R)| \ll T$  в той области  $R$ , где  $|u_1(R)| \approx T$ , то можно выполнить дополнительные упрощения, вынеся  $\exp[-u_1(R)/T]$  [ $u_1(R) \equiv u_1(R)$ ] за скобки в первом и втором интегралах и оставив в разложении  $\exp[-(u_3(R) - u_1(R))/T]$  лишь член первого порядка. В результате получим

$$\Delta_{31} = 4\pi N_b \int_0^\infty dR R^2 \Delta\omega(R) e^{-\frac{u(R)}{T}} [1 + f(R)], \quad (9)$$

где

$$f(R) = \frac{2}{3\sqrt{\pi}} \left( -\frac{u(R)}{T} \right)^{3/2} [1 - \operatorname{sgn} u(R)], \quad (10)$$

$$\begin{aligned} \Gamma_{31} = & \frac{32N_b}{v_b} \int_0^\infty dR R \int_0^R dR' R' \Delta\omega(R) \Delta\omega(R') \exp[-W(R')] \times \\ & \times \int_0^\infty dx \frac{e^{-x}}{\sqrt{x + W(R')}} \ln \left| \frac{R \sqrt{x + W(R')} - W(R) + R' \sqrt{x}}{R \sqrt{x + W(R')} - W(R) - R' \sqrt{x}} \right|. \end{aligned} \quad (11)$$

Здесь

$$W(R') \equiv \begin{cases} \frac{u(R')}{T}, & u(R') > 0, \\ 0, & u(R') \leq 1, \end{cases}$$

$v_b \equiv \sqrt{\frac{2T}{m_b}}$ ,  $\Delta\omega(R) \equiv \frac{u_3(R) - u_1(R)}{\hbar}$  — локальный сдвиг частоты. Формула (9) справедлива,

в частности, для линий СТ перехода. Она имеет естественную статистическую природу и была впервые, по-видимому, написана Моргенгау [4]. В работах [5-7] был дан последовательный кинетический вывод (9) вместе с соответствующей формулой для уширения. Существенно отметить, что в отличие от оптического случая формула (9) для СТ перехода пригодна для любого соотношения  $m_a$  и  $m_b$ .

3. Заметим теперь, что характерной чертой всех формул (6)–(11) является участие в них термов взаимодействия  $u_i(R)$  не только в дальней области притяжения, но и в ближней области отталкивания вплоть до самой точки поворота. Это означает на квазиклассическом языке, что мы рассматриваем не только прямолинейные траектории, отвечающие дальним пролетам, но и ближние траектории, которые не могут считаться прямолинейными. Теоретический анализ [5-7] и ряд расчетов, выполненных нами для сдвигов (H, Rb, Cs—He в [8, 9], H, Rb, Cs — остальные инертные газы — в [10]) и для уширений (H, Li, Na—He в [5]) по формулам (9)–(11), показали, что для СТ перехода было бы абсолютно неправильно ограничиться рассмотрением лишь дальней области и прямолинейных траекторий. Это привело бы к неточному значению сдвига и к уширению, завышенному на несколько порядков. Результаты расчетов сдвига по (9) находятся в согласии с экспериментом [8-10], уширений по (11) — в качественном согласии (точные экспериментальные данные по адиабатическому СТ уширению отсутствуют).

4. В оптическом случае для пар Rb, Cs — He, Ne, когда условие  $m_b \ll m_a$  приближенно выполняется, расчет сдвигов и уширений может быть выполнен для  $D_1$  линий — по формулам (6), (7). В таблице приведены результаты расчета. Потенциалы межатомного взаимодействия взяты из работ [11–13], экспериментальные значения сдвигов и уширений — из работ [14–16]. Из таблицы видно, что результаты расчета сильно зависят от задания межатомного потенциала. Для потенциалов, взятых из [11, 13], расчетные значения удовлетворительно согласуются с экспериментальными.

Столкновительные сдвиг  $\Delta_{31}$  и уширение  $\Gamma_{31} D_1$  линий в МГц/мср

$A - B$	$\Delta_{31}$		$\Gamma_{31}$	
	теория	эксперимент	теория	эксперимент
Rb—He	4 [11]	$6.2 \pm 0.5$ [14]	22 [11]	$18.3 \pm 0.9$ [14]
	3.2 [13]	$5 \pm 1$ [15]	14 [12]	$19 \pm 2$ [15]
	1.6 [12]			
Rb—Ne	0.9 [13]	$-0.6 \pm 0.3$ [14]	6.8 [12]	$8.4 \pm 2$ [14]
	$-2.9$ [12]	$1.7 \pm 0.5$ [15]		$7 \pm 2$ [15]
Cs—He	4.3 [11]		24 [11]	
	4.5 [13]	$4.2 \pm 0.1$ [16]	14 [12]	$25.4 \pm 2$ [16]
	2.1 [12]			
Cs—Ne	1.1 [13]		20 [13]	
	$-2.7$ [12]		6.2 [12]	

## Литература

- [1] В. В. Батыгин, М. Б. Горный, Б. Г. Матисов. Опт. и спектр., 46, 1979.
- [2] В. А. Алексеев, Т. Л. Андреева, И. И. Собельман. ЖЭТФ, 62, 614, 1972.
- [3] В. В. Батыгин, Ю. Г. Гужва, Б. Г. Матисов, И. Н. Топтыгин. Опт. и спектр., 43, 809, 1977.
- [4] L. B. Robinson. Phys. Rev., 117, 1275, 1960.
- [5] В. В. Батыгин, Вит. В. Батыгин, Ю. Г. Гужва, А. Н. Иванов. Квантовая электроника, Тр. ЛПИ № 344, с. 105, 1975.
- [6] В. В. Батыгин, Вит. В. Батыгин, Ю. Г. Гужва, А. Н. Иванов. Вопросы радиоэлектроники, серия ОТ, 7, 423, 1975.
- [7] В. В. Батыгин, Ю. Г. Гужва, Б. Г. Матисов, И. Н. Топтыгин. ЖЭТФ, 73, 2107, 1977.
- [8] В. В. Батыгин, М. Б. Горный, А. Н. Иванов, Б. Г. Матисов. ЖТФ, 47, 2414, 1977.
- [9] В. В. Батыгин, М. Б. Горный, Б. М. Гуревич. ЖТФ, 48, 1097, 1978.
- [10] В. В. Батыгин, М. Б. Горный. Тез. докл. XII научно-технич. конф. молодых специалистов ГОИ, с. 84, 1978.
- [11] E. Rocheff, A. Suzov. J. de Phys., 35, 727, 1974.
- [12] J. F. Kielkopf. J. Chem. Phys., 61, 4733, 1974.
- [13] J. Pascal, J. Vandeplassche. J. Chem. Phys., 60, 2278, 1974.
- [14] С. А. Казанцев, Н. И. Калитовский, О. М. Риш. Опт. и спектр., 44, 204, 1978.
- [15] А. И. Капцеров, М. С. Фриш. Матер. XVIII Всес. съезда по спектр. Прикладная спектроскопия, 89, Горький, 1977.
- [16] S. Y. Chen, R. O. Gagett. Phys. Rev., 144, 59, 66, 1966.

Поступило в Редакцию 16 августа 1978 г.

УДК 535.8+535.854

## НОВЫЕ ФОРМУЛЫ ДЛЯ РАСЧЕТА ДВУХЗЕРКАЛЬНОГО МНОГОЛУЧЕВОГО ОТРАЖАЮЩЕГО ИНТЕРФЕРОМЕТРА

*B. N. Бельтюков*

Известно, что в обычном двухзеркальном многолучевом интерферометре Фабри—Перо с непоглощающим передним зеркалом картина полос на отражение является дополнительной в картине на пропускание. Если же используется переднее зеркало с поглощением, то появляются новые возможности управления формой полос, их асимметрией, контрастом. Однако расчет такого отражающего интерферометра (ОИ) довольно сложен и до сих пор основывается на формуле Ами [1, 4].

$$R(\varphi) = R_1 + \sqrt{R_3} T \frac{T \sqrt{R_3} + 2 \sqrt{R_1} \cos(\Theta - 2\varphi) - 2 \sqrt{R_2 R_3 R_1} \cos \Theta}{1 + R_2 R_3 - 2 \sqrt{R_2 R_3} \cos(2\varphi)}. \quad (1)$$

Здесь  $R_1$  — коэффициент отражения переднего зеркала по интенсивности со стороны источника,  $R_2$  — изнутри интерферометра,  $T$  — коэффициент пропускания переднего зеркала по интенсивности.  $\Theta = \Phi_1 + \Phi_2 - \Psi_1 - \Psi_2$ , где  $\Psi_1, \Phi_1$  — фазы коэффициентов отражения и пропускания по полю переднего зеркала со стороны источника,  $\Psi_2, \Phi_2$  — то же при падении света изнутри интерферометра,  $R_3$  — коэффициент отражения по интенсивности второго зеркала,  $2\varphi$  — изменение фазы волны на двойной проход в интерферометре.

Формула (1) достаточно трудна для анализа и тем более для целенаправленного подбора параметров интерферометра. Поэтому представляет интерес исследование каких-либо частных случаев. Так, в работе Ами найдено условие получения симметричных полос:  $\Theta = 2m\pi, m = 0, 1, 2$ . В работе Дюфура [2] на основе закона сохранения энергии графически найдены ограничения на угол  $\Theta$  (при  $R_3=1$ ), зависящие от поглощения переднего зеркала. Приведена формула для случая слабого поглощения, когда  $R_1 = -R_2$ . Унцигером [3] предложено новое выражение для коэффициента отражения ОИ по полю, получены формулы для расчета максимального  $R_{\max}$ , минимального  $R_{\min}$  значения  $R(\varphi)$  и контраста полос. Установлено условие получения максимального контраста, когда  $R_3 \neq 1$ . В работе Кони [4] в результате анализа формулы Ами найдена возможность получения узких интерференционных максимумов, когда параметры переднего зеркала удовлетворяют определенным условиям (помимо найденных в [1]).