

## ДИСПЕРСИЯ КОЭФФИЦИЕНТА ПРЕЛОМЛЕНИЯ СВЕТА И ФОТОУПРУГИЙ ЭФФЕКТ В ПОЛУПРОВОДНИКАХ СО СТРУКТУРОЙ ВЮРЦИТА

С. А. Гейдур и А. Д. Яськов

Проведены расчеты дисперсии коэффициента преломления  $n(\hbar\omega)$ , а также естественного  $\Delta n(\hbar\omega)$  и наведенного одноосными механическими деформациями  $C_{\sigma}^L(\hbar\omega) = d(\Delta n(\hbar\omega))/d\sigma$  двойного лучепреломления в полупроводниках со структурой вюрцита. Результаты выполненных расчетов подтверждены экспериментальными данными для SiC(6H), AlN, ZnO, ZnS, CdS, CdSe,  $CdS_xSe_{1-x}$ . Показано, что характер дисперсионных зависимостей  $n(\hbar\omega)$ ,  $\Delta n(\hbar\omega)$  и  $C_{\sigma}^L(\hbar\omega)$  в области вблизи края собственного поглощения определяется краевыми экситонными и зона-зонными оптическими переходами и существенно различается в материалах с прямой и непрямой структурой энергетических зон. Независимым способом определена величина оптической  $\epsilon_{\infty}$  диэлектрической проницаемости.

К настоящему времени были проведены многочисленные рефрактометрические исследования оптических постоянных в полупроводниках, кристаллизующихся в структуру вюрцита: SiC(6H) [1, 2], AlN [4], ZnO [5-8], ZnS [5], CdS [5, 7-14], CdSe [6, 12, 14-16],  $CdS_xSe_{1-x}$  [9].<sup>1</sup> Анализ экспериментальных данных показывает, что дисперсионные зависимости коэффициента преломления  $n(\hbar\omega)$ , а также собственного и наведенного внешними механическими деформациями двойного лучепреломления [ $\Delta n(\hbar\omega)$  и  $C_{\sigma}^L(\hbar\omega)$ ] имеют значительное качественное сходство в различных кристаллах этого класса. Несмотря на это в известной литературе отсутствует единый физически обоснованный подход к описанию дисперсии  $n(\hbar\omega)$ ,  $\Delta n(\hbar\omega)$  и  $C_{\sigma}^L(\hbar\omega)$  в полупроводниках симметрии вюрцита.

Для расчетов частотной зависимости коэффициента преломления в области энергий фотонов ниже края собственного поглощения ( $\hbar\omega < E_g$ ) воспользуемся осцилляторными моделями [17, 18] и представим дисперсию  $n(\hbar\omega)$  в полупроводниках со структурой вюрцита следующими выражениями:

$$n(\hbar\omega) = \left[ 1 + \frac{\langle A \rangle}{\pi} \ln \frac{E_2^2 - (\hbar\omega)^2}{E_0^2 - (\hbar\omega)^2} + \frac{G_1}{E_1^2 - (\hbar\omega)^2} \right]^{1/2} + \delta n(\hbar\omega), \quad (1)$$

или

$$n(\hbar\omega) = \left[ 1 + \frac{\langle A \rangle}{\pi} \ln \frac{(E_1')^2 - (\hbar\omega)^2}{E_0^2 - (\hbar\omega)^2} + \frac{\langle \epsilon_2 \rangle}{\pi} \ln \frac{(E_1'')^2 - (\hbar\omega)^2}{(E_1')^2 - (\hbar\omega)^2} \right]^{1/2} + \delta n(\hbar\omega), \quad (2)$$

где  $\delta n(\hbar\omega)$  — вклад линий экситонного поглощения в дисперсию  $n(\hbar\omega)$ , а остальные обозначения аналогичны использованным ранее в [1, 17]. Численные значения характерных энергий  $E_0$ ,  $E_1$ ,  $E_1'$  и  $E_1''$ , применявшиеся нами для расчетов дисперсии  $n(\hbar\omega)$ ,  $\Delta n(\hbar\omega)$  и  $C_{\sigma}^L(\hbar\omega)$ , определялись из независимых расчетных или экспериментальных данных по ультрафио-

<sup>1</sup> Строго говоря, в структуру типа вюрцита кристаллизуется политип SiC(2H). Однако диэлектрическая проницаемость и двойное лучепреломление SiC определяются в результате усреднения по всем волновым векторам в пределах зоны и слабо зависят от политипизма [3].

Таблица 1

Характерные энергии и дисперсионные параметры, используемые для расчетов  $n(\hbar\omega)$  и  $\Delta n(\hbar\omega)$  в полупроводниках со структурой вюрцита

Материал	SiC (6H)	AlN	ZnO	ZnS	CdS	CdSe	
$T, K$	297	300	300	300	100	300	
$E_0, \text{эВ}$	—	6.2	3.377	3.798	2.568	2.501	1.751
$E_1', \text{эВ}$	7.8	9.3	11.0	7.0	5.5	5.5	5.0
$E_1'', \text{эВ}$	6.7	8.9	8.9	5.5	4.9	4.9	4.3
$E_1''', \text{эВ}$	8.3	10.0	12.4	9.7	6.1	6.1	6.0
$\langle A^0 \rangle$	—	0.281	1.433	1.708	1.135	1.150	1.109
$\Delta \langle A \rangle = \langle A^e \rangle - \langle A^o \rangle$	—	-0.178	-0.019	-0.014	-0.060	-0.060	-0.058
$G_1^0, \text{эВ}^2$	337.72	291.30	206.44	168.93	106.63	107.47	104.39
$\Delta G_1 = G_1^e - G_1^o, \text{эВ}^2$	16.047	31.647	8.7640	0.9696	2.6808	2.9859	3.7762
$\langle \varepsilon_2^o \rangle$	40.318	45.803	8.953	10.314	25.791	26.021	20.208
$\Delta \langle \varepsilon_2 \rangle = \langle \varepsilon_2^e \rangle - \langle \varepsilon_2^o \rangle$	1.9032	4.8916	0.3287	0.0487	0.6009	0.6740	0.6861
$\varepsilon_\infty^o$	6.55	4.44	3.64	5.12	5.09	5.15	5.94

летовому отражению [19-21] и приведены в табл. 1. В первом приближении в качестве  $E_1'$  и  $E_1''$  были приняты энергии особенностей в спектре  $\varepsilon_2(\hbar\omega)$ , ближайšie к главному максимуму при  $\hbar\omega = E_1$ . Параметр  $\langle A^0 \rangle$  для поляризации света  $E \perp c$  рассчитывался аналогично [17] с учетом поправки на электронно-дырочное кулоновское взаимодействие [22]. Для поляризации  $E \parallel c$  параметр  $\langle A^e \rangle$  определялся как  $\langle A^e \rangle = \langle A^o \rangle + \Delta \langle A \rangle$ , где вели-

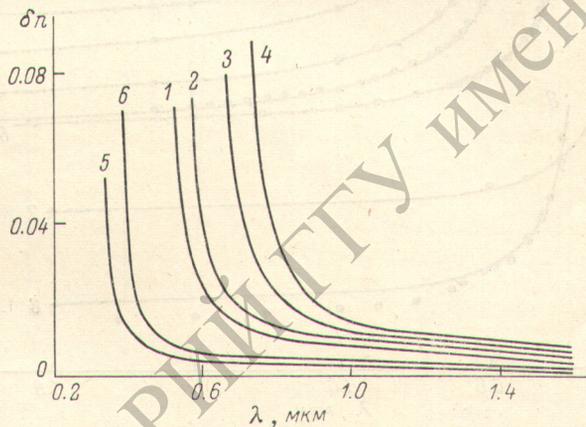


Рис. 1. Вклад экситонных переходов  $\delta n(\hbar\omega)$  в коэффициент преломления гексагональных полупроводников  $A^{II}B^{VI}$  при  $E \perp c$  [расчет по формуле (3)].

1 — CdS, 2 —  $CdS_{0.70}Se_{0.21}$ , 3 —  $CdS_{0.36}Se_{0.64}$ , 4 — CdSe, 5 — ZnS, 6 — ZnO.

чина  $\Delta \langle A \rangle$ , характеризующая дихроизм вблизи пороговых энергий фотон  $\hbar\omega \approx E_1^0$ , рассчитывалась с использованием выражений [7]. Результаты расчетов параметров  $\langle A^o \rangle$  и  $\Delta \langle A \rangle$  также представлены в табл. 1.

Тонкая структура дискретных линий экситонного поглощения  $A, B$  и  $C$  отчетливо наблюдается в соединениях  $A^{II}B^{VI}$  в широкой области температур вплоть до  $T=297 K$  [20, 23]; их вклад  $\delta n(\hbar\omega)$  в дисперсию коэффициента преломления мы рассчитывали в приближении симметричного лоренцова контура [18] как

$$\delta n(\hbar\omega) = \sum_j \frac{c_j (E_j - \hbar\omega)}{(E_j - \hbar\omega)^2 + (\hbar\Gamma_j)^2}, \quad (3)$$

где суммирование выполняется по  $j=A, B, C$  линиям экситонов для  $E \perp c$  и  $j=B, C$  для  $E \parallel c$ . Энергии экситонных пиков  $E_j$ , их полуширины  $\hbar\Gamma_j$ , а также коэффициенты  $c_j$ , определяемые интегральным поглощением в пре-

делах линии, были получены из экспериментальных данных [20, 23]. Результаты расчетов дисперсии  $\delta n(\hbar\omega)$  для соединений  $A^{IV}B^{VI}$ : ZnO, ZnS, CdS, CdSe слабо зависят от поляризации света и для  $E \perp c$  показаны на рис. 1. В соединениях  $A^{IV}B^{IV}$  и  $A^{III}B^{V}$ , где энергии связи экситонов сравнительно малы, вкладом дискретных линий экситонного поглощения  $\delta n(\hbar\omega)$  в дисперсию  $n(\hbar\omega)$  можно пренебречь уже при  $T > 100$  К.

Параметры  $G_1$  в выражении (1) и  $\langle \epsilon_2 \rangle$  — в (2) рассматривались как подгоночные и были определены методом наименьших квадратов из экспери-

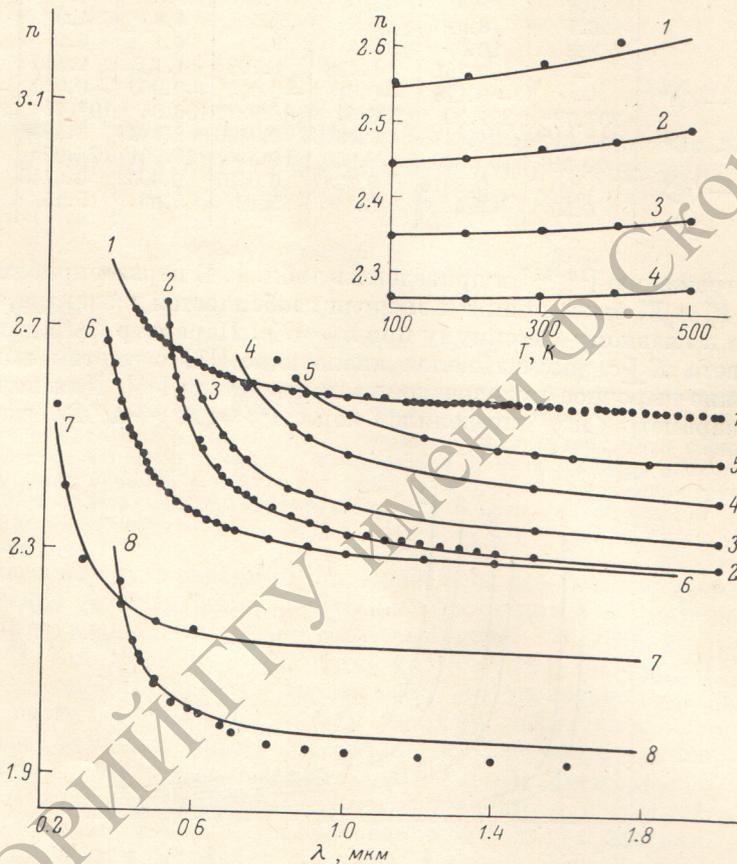


Рис. 2. Дисперсия коэффициента преломления света в полупроводниках со структурой вюрцита при  $E \perp c$ ,  $T \approx 300$  К.

Результаты расчетов по (1)–(3) показаны сплошными линиями. Точки — эксперимент [1, 2, 4–6, 9]: 1 — SiC(6H), 2 — CdS, 3 —  $CdS_{0.79}Se_{0.21}$ , 4 —  $CdS_{0.36}Se_{0.64}$ , 5 — CdSe, 6 — ZnS, 7 — AlN, 8 — ZnO. На вставке показана температурная зависимость коэффициента преломления  $n(T)$  в CdS при  $E \perp c$  [9]. Длина волны  $\lambda$ , мкм: 1 — 0.546, 2 — 0.625, 3 — 0.851, 4 — 5.0.

ментальных данных для SiC (6H) [1, 2], AlN [4], ZnO [5], ZnS [5], CdS [9], CdSe [9] по дисперсии  $n(\hbar\omega)$  вблизи края собственного поглощения; значения  $G_1$  и  $\langle \epsilon_2 \rangle$  приведены в табл. 1 для  $E \perp c$  и  $E \parallel c$ .

Результаты выполненных расчетов дисперсии  $n(\hbar\omega)$  для  $E \perp c$  в SiC(6H), AlN, ZnO, ZnS, CdS, CdSe и  $CdS_xSe_{1-x}$  сравниваются на рис. 2 с экспериментальными данными [1, 2, 4–6, 9]. В твердых растворах  $CdS_xSe_{1-x}$  ( $x=0.36, 0.79$ ) (рис. 2) расчеты  $n(\hbar\omega)$  были выполнены с использованием линейных приближений для концентрационных зависимостей дисперсионных параметров  $c_j$ ;  $G_j$ , а также произведения  $\langle \epsilon_2 \rangle (E_1'' - E_1')$ . Зависимость характерных энергий ( $E_0$ ,  $E_1$ ,  $E_1'$ ,  $E_1''$ ,  $E_A$ ,  $E_B$  и  $E_C$ ) от состава  $CdS_xSe_{1-x}$  описывалась известными квадратичными приближениями [24], в которых коэффициенты нелинейности были приняты  $c_0 = c_A = c_B = c_C \approx 0.37$  [25], а  $c_1 = c_1' = c_1'' \approx 0$ .

Используя выражения (1)–(3), нетрудно рассчитать температурную зависимость коэффициента преломления  $n(T)$  в полупроводниках со структурой вюрцита. На вставке рис. 2 показаны результаты выполненных нами расчетов и экспериментов [9]  $n(T)$  в CdS. Расчеты температурной зависимости  $n(T)$  выполнялись в линейном приближении аналогично [26].

Как показывает анализ расчетных и экспериментальных данных (рис. 2), оба использованных дисперсионных выражения (1) и (2) позволяют

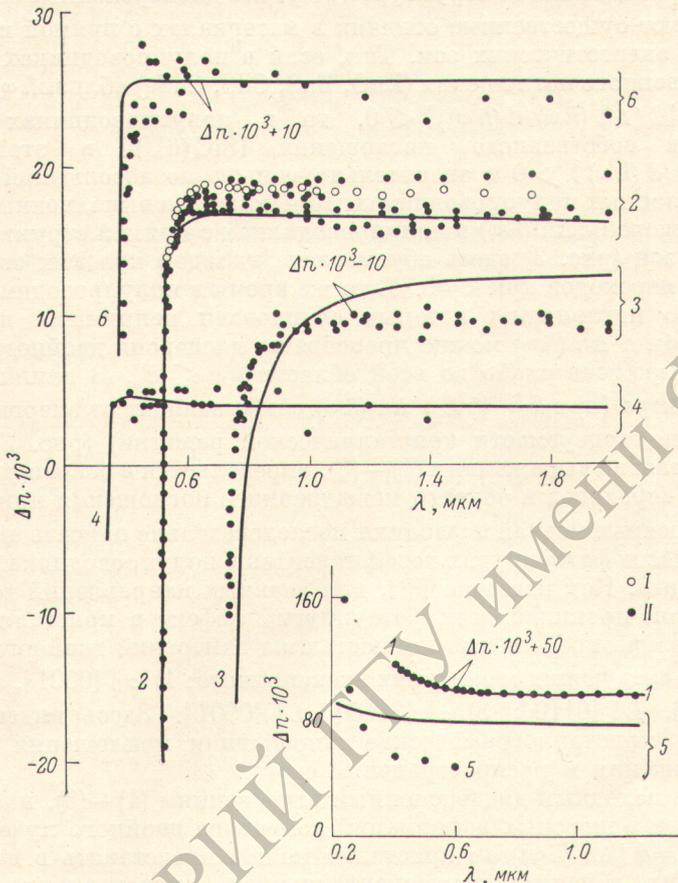


Рис. 3. Спектральная зависимость собственного двойного лучепреломления в полупроводниках со структурой вюрцита ( $T \approx 300$  К).

Расчетные зависимости  $\Delta n(\hbar\omega)$  показаны сплошными линиями [выражения (1)–(3)]; экспериментальные данные — точками; 1 — SiC (6H), 2 — CdS, 3 — CdSe, 4 — ZnS, 5 — AlN, 6 — ZnO (I — настоящая работа; II — данные [1, 2, 4–7, 9–16]).

с высокой степенью точности [как правило, в пределах погрешности измерений  $n(\hbar\omega)$ ] описать дисперсию коэффициента преломления в полупроводниках со структурой вюрцита. Отметим здесь, что дисперсионные выражения (1) и (2) содержат только один подгоночный параметр ( $G_1$  или  $\langle \varepsilon_2 \rangle$ ), который слабо влияет на частотную зависимость  $n(\hbar\omega)$  в области сильной дисперсии вблизи края собственного поглощения и определяет в основном длинноволновое значение коэффициента преломления.

Из выражений (1) и (2) легко вычислить высокочастотные значения диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_\infty$  (при  $\hbar\omega \rightarrow 0$ ); они приведены в табл. 1. Значения  $\varepsilon_\infty$ , вычисленные из выражений (1) и (2), согласуются с точностью не хуже 1%.

Для расчетов дисперсии собственного двойного лучепреломления  $\Delta n(\hbar\omega) = n^e(\hbar\omega) - n^o(\hbar\omega)$  в полупроводниках со структурой вюрцита применялись выражения (1)–(3) и данные табл. 1; рассчитанные зависимости  $\Delta n(\hbar\omega)$  приведены на рис. 3. Там же показаны экспериментальные данные

по дисперсии  $\Delta n(\hbar\omega)$  в SiC (6H) [1, 2], AlN [4], ZnO [5-7], ZnS ([5], CdS [5, 7, 9-14], CdSe [6, 9, 12, 14-16]. Из рис. 3 видно, что расчетные и экспериментальные зависимости  $\Delta n(\hbar\omega)$  согласуются вполне удовлетворительно для всех рассмотренных материалов. Исключение составляет AlN. Однако именно для этого материала опубликованные данные [4] представляются наименее надежными.

Анализ расчетных и экспериментальных данных (рис. 3) показывает, что в полупроводниках со структурой вюрцита дисперсионные зависимости  $\Delta n(\hbar\omega)$  имеют существенные отличия в материалах с прямой и непрямой структурой энергетических зон. Так, если в полупроводниках с прямым краем собственного поглощения (ZnO, ZnS, CdS, CdSe) вблизи  $\hbar\omega \leq E_g^r = E_0$  дисперсия  $[d(\Delta n(\hbar\omega)/d(\hbar\omega))] < 0$ , то в полупроводниках с непрямым краем собственного поглощения [SiC (6H)] в этой области  $[d(\Delta n(\hbar\omega))/d(\hbar\omega)] > 0$  и значительно меньше по абсолютной величине, чем в прямозонных полупроводниках. Как показали выполненные расчеты, сильная дисперсия  $\Delta n(\hbar\omega)$  в полупроводниках с прямой структурой энергетических зон (рис. 3) здесь обусловлена вкладом краевых зона-зонных оптических переходов при  $k=0$ . В то же время в полупроводниках, край собственного поглощения которых обусловлен непрямыми переходами и его вкладом в  $\Delta n(\hbar\omega)$  можно пренебречь, дисперсия двойного лучепреломления выражена слабо во всей области  $\hbar\omega \leq E_g^r$ . В длинноволновой области спектра (при  $\hbar\omega \ll E_g$ )  $\Delta n(\hbar\omega)$  слабо зависит от энергии фотонов (без учета поляризуемости кристаллической решетки) (рис. 3), а величина  $\Delta n$ , согласно выражениям (1) — (3), определяется в основном вкладами оптических переходов в области междузонного поглощения при  $\hbar\omega \geq E_g$ .

Рассмотренные модели позволяют последовательно описать дисперсионные зависимости фотоупругих коэффициентов в полупроводниках со структурой вюрцита. Как известно [27], для главных направлений тензора диэлектрической проницаемости фотоупругий эффект в кристаллах класса симметрии  $6mm$  определяется полностью из измерений двойного лучепреломления в следующих геометриях эксперимента: 1)  $\sigma \parallel [0001]$ ,  $L \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ; 2)  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [01\bar{1}0]$ ; 3)  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [0001]$ . Здесь индексы  $\sigma$  и  $L$  определяют кристаллографические направления приложения механического напряжения и распространения света.

Согласно исходным дисперсионным выражениям (1) — (3), наблюдаемое под действием одноосных деформаций изменение двойного лучепреломления  $C_\sigma^L(\hbar\omega) = d(\Delta n(\hbar\omega))/d\sigma$  кристалла можем представить в виде суммы составляющих, обусловленных экситонными  $C_0$ , краевыми зона-зонными (при  $\hbar\omega \geq E_0$ )  $C_1$ , а также высокоэнергетическими междузонными (при  $\hbar\omega \geq E_0$ )  $C_2$  переходами, т. е.  $C_\sigma^L(\hbar\omega) = C_0 + C_1 + C_2$ . Оптические измерения, выполненные вблизи края собственного поглощения гексагональных полупроводников  $A^{IV}V^{VI}$  [28, 29], показали, что под действием  $\sigma$  происходит расщепление и сдвиг (при  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [0001]$ ) или только сдвиг (при  $\sigma \parallel [0001]$ ,  $L \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$  и  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [01\bar{1}0]$ ) энергетических уровней вблизи  $\hbar\omega \geq E_g$ , а также изменение вероятностей экситонных и междузонных оптических переходов. Структура оптических спектров при этом определяется строением энергетических зон кристаллов классов симметрии  $mm2$  при  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$  или  $6mm$  при  $\sigma \parallel [0001]$ . Тогда в линейном приближении по механическим напряжениям из выражения (3) можем получить

$$C_0 = \sum_j \frac{(E_j - \hbar\omega)}{(E_j - \hbar\omega)^2 + (\hbar\Gamma_j)^2} P_j - \sum_j \frac{c_j^* [(E_j - \hbar\omega)^2 - (\hbar\Gamma_j)^2]}{[(E_j - \hbar\omega)^2 + (\hbar\Gamma_j)^2]^2} Q_j, \quad (4)$$

где  $j = A, B, C$ ;  $P_j = (dc_{j\parallel}^0/d\sigma) - (dc_{j\perp}^0/d\sigma)$ ;  $Q_j = (dE_{j\parallel}/d\sigma) - (dE_{j\perp}/d\sigma)$ ;  $c_j^* = c_j^0$ ; при  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [0001]$ , а также  $P_j = (dc_j^e/d\sigma) - (dc_j^o/d\sigma)$ ;  $Q_j = dE_j/d\sigma$ ;  $c_j^* = c_j^e - c_j^o$  при  $\sigma \parallel [0001]$ ,  $L \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ , и  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [01\bar{1}0]$ . Индексы  $\parallel$  и  $\perp$  определяют направления параллельно и перпендикулярно

приложенному усилию. В (4) параметры  $Q_j$  определялись из независимых экспериментов [28, 29], а параметры  $P_j$  рассчитывались по квазикубической модели [7].

Аналогично из выражений (1) или (2)

$$C_1 = - \frac{E_0 \langle A \rangle}{\pi n [E_0^2 - (\hbar\omega)^2]} R. \quad (5)$$

Относительное изменение  $R$  вероятности зона-зонных (при  $\hbar\omega \geq E_0$ ) переходов определялось расчетным путем; деформационные зависимости матричных элементов краевых переходов принимались согласно [7]. Использованные нами для расчетов дисперсии  $C_\sigma^L(\hbar\omega)$  значения параметров  $Q_j$  [28, 29], а также вычисленные величины  $P_j$ ,  $c_j^*$  и  $R$  приведены в табл. 2.

Таблица 2

Численные значения параметров в выражениях (4)–(7) для расчетов фотоупругих коэффициентов в полупроводниках со структурой вюрцита

Материал	SiC (6H)		ZnO		
	$\sigma_{\parallel} [0001]$ $L_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$	$\sigma_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$ $L_{\parallel} [0001]$	$\sigma_{\parallel} [0001]$ $L_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$	$\sigma_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$ $L_{\parallel} [0001]$	$\sigma_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$ $L_{\parallel} [01\bar{1}0]$
$P_A$ , $10^{-12}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	—	—	0	-1.40	0.70
$P_B$ , $10^{-12}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	—	—	-0.17	1.15	-0.48
$P_C$ , $10^{-12}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	—	—	0.18	0.12	-0.19
$Q_A$ , $10^{-11}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	—	—	-0.21	-0.26	-0.14
$Q_B$ , $10^{-11}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	—	—	-0.20	0.25	0.13
$Q_C$ , $10^{-11}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	—	—	-0.10	0.25	-0.11
$c_A^*$ , $10^{-2}$ эВ	—	—	-0.38	0.38	-0.38
$c_B^*$ , $10^{-2}$ эВ	—	—	0.08	0.25	0.08
$c_C^*$ , $10^{-2}$ эВ	—	—	0.49	0.12	0.49
$R$ , $10^{-11}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	—	—	0.13	0.27	0.18
$dG_1^*/d\sigma$ , $10^{-9}$ эВ <sup>2</sup> ·см <sup>2</sup> /дин	0.074	0.084	0.26	0.39	-0.30
$d\langle \varepsilon_2^* \rangle / d\sigma$ , $10^{-10}$ см <sup>2</sup> /дин	0.088	0.10	0.10	0.15	-0.12

Таблица 2 (продолжение)

Материал	CdS			CdSe		
	$\sigma_{\parallel} [0001]$ $L_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$	$\sigma_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$ $L_{\parallel} [0001]$	$\sigma_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$ $L_{\parallel} [01\bar{1}0]$	$\sigma_{\parallel} [0001]$ $L_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$	$\sigma_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$ $L_{\parallel} [0001]$	$\sigma_{\parallel} [2\bar{1}\bar{1}0]$ $L_{\parallel} [01\bar{1}0]$
$P_A$ , $10^{-12}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	0	-4.50	2.10	0	-1.80	0.94
$P_B$ , $10^{-12}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	-0.70	4.10	-1.70	-0.14	2.00	-0.87
$P_C$ , $10^{-12}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	0.68	0.37	-0.69	0.13	0.044	-0.084
$Q_A$ , $10^{-11}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	-0.49	-0.15	0.16	-0.60	0.03	0.14
$Q_B$ , $10^{-11}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	-0.24	0.13	-0.17	-0.10	0.03	-0.25
$Q_C$ , $10^{-11}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	-0.22	0.13	-0.17	-0.10	0.03	-0.25
$c_A^*$ , $10^{-2}$ эВ	-0.50	0.50	-0.50	-0.41	0.41	-0.41
$c_B^*$ , $10^{-2}$ эВ	0.09	0.34	0.09	0.08	0.28	0.08
$c_C^*$ , $10^{-2}$ эВ	0.65	0.16	0.65	0.44	0.11	0.44
$R$ , $10^{-11}$ эВ·см <sup>2</sup> /дин	0.49	0.91	-0.88	0.87	0.84	-0.94
$dG_1^*/d\sigma$ , $10^{-9}$ эВ <sup>2</sup> ·см <sup>2</sup> /дин	0.34	0.43	-0.35	0.42	0.40	-0.40
$d\langle \varepsilon_2^* \rangle / d\sigma$ , $10^{-10}$ см <sup>2</sup> /дин	0.82	1.00	-0.82	0.80	0.75	-0.77

Из выражений (1) и (2) можем получить также

$$C_2 = \frac{dG_1^*/d\sigma^3}{2n [E_1^2 - (\hbar\omega)^2]}. \quad (6)$$

или

$$C_2 = \frac{d\langle \varepsilon_2^* \rangle / d\sigma}{2n\pi} \ln \frac{(E_1^u)^2 - (\hbar\omega)^2}{(E_1^l)^2 - (\hbar\omega)^2}, \quad (7)$$

где  $G_1^* = G_1^0$ ;  $\langle \varepsilon_2^* \rangle = \langle \varepsilon_2^0 \rangle$  при  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [0001]$  или  $G_1^* = G_1^e - G_1^0$ ;  $\langle \varepsilon_2^* \rangle = \langle \varepsilon_2^e \rangle - \langle \varepsilon_2^0 \rangle$  при  $\sigma \parallel [0001]$ ,  $L \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$  и  $\sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [01\bar{1}0]$ . В литературе отсутствуют необходимые данные по константам деформационных потенциалов, из которых могли бы быть определены параметры  $dG_1^*/d\sigma$

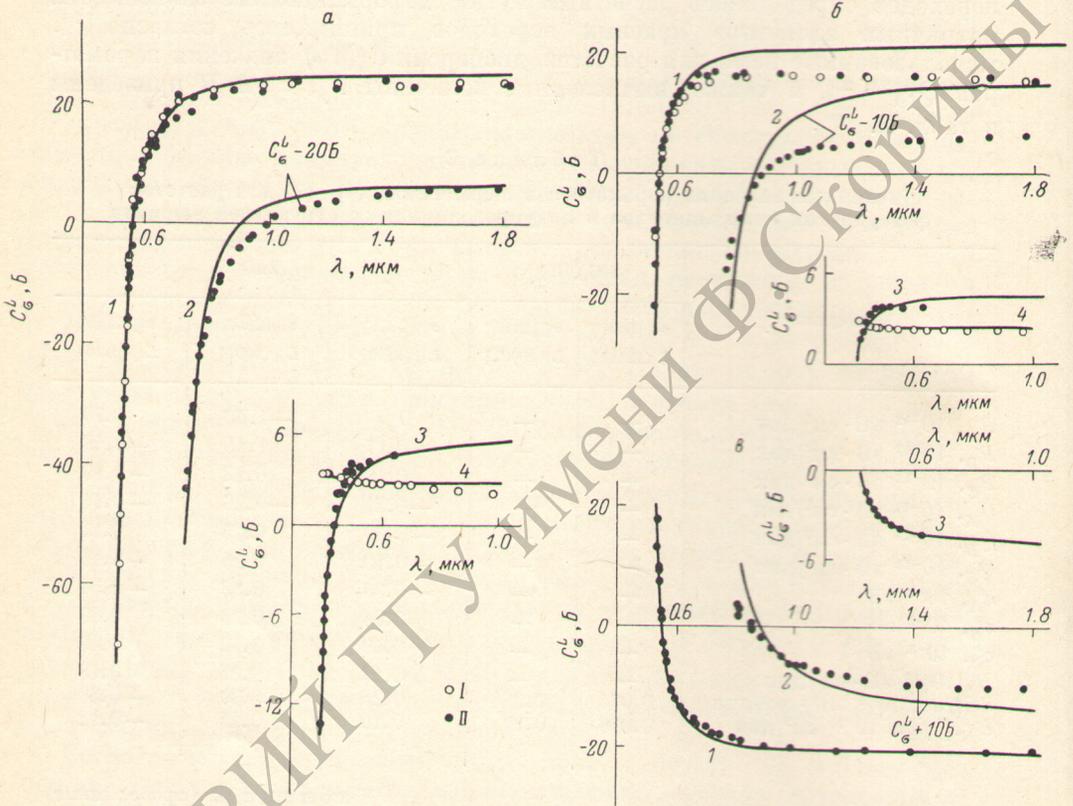


Рис. 4. Дисперсия фотоупругих коэффициентов в полупроводниках со структурой вюрцита ( $T \approx 300$  K).

$\alpha - \sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [0001]$ ;  $\beta - \sigma \parallel [0001]$ ,  $L \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ;  $\gamma - \sigma \parallel [2\bar{1}\bar{1}0]$ ,  $L \parallel [01\bar{1}0]$ . Экспериментальные данные показаны точками: 1 — CdS, 2 — CdSe, 3 — ZnO, 4 — SiC (6H) (I — настоящая работа, II — данные [7, 8, 13, 15]); результаты расчетов — сплошные линии. Величина  $C_\sigma^L$  приводится в Брюстерах ( $1 \text{ Б} = 10^{-13} \text{ см}^2/\text{дин.}$ ).

или  $d\langle \varepsilon_2^* \rangle / d\sigma$ . Поэтому они определялись методом наименьших квадратов из экспериментальных данных по дисперсии  $C_\sigma^L(\hbar\omega)$ . Результаты выполненных расчетов  $dG_1^*/d\sigma$  и  $d\langle \varepsilon_2^* \rangle / d\sigma$  также приведены в табл. 2.

К настоящему времени измерения дисперсии фотоупругих коэффициентов  $C_\sigma^L(\hbar\omega)$  вблизи края собственного поглощения при  $\hbar\omega \leq E_g$  были выполнены в CdS [7, 8, 13], CdSe [15], ZnO [7, 8]. Экспериментальные данные [7, 8, 13, 15] сравниваются с результатами расчетов  $C_\sigma^L(\hbar\omega)$ , выполненных по формулам (4) — (6) и данным табл. 1 и 2, на рис. 4, где видно, что дисперсионные зависимости  $C_\sigma^L(\hbar\omega)$  для CdS, CdSe и ZnO в целом сходны и аналогичны зависимостям  $\Delta n(\hbar\omega)$  в тех же полупроводниках. Отмеченные сходства объясняются тем, что характер дисперсии  $C_\sigma^L(\hbar\omega)$ , так же как и  $\Delta n(\hbar\omega)$ , в полупроводниках с прямой структурой энергетических зон вблизи  $\hbar\omega \leq E_g^l$  определяется преобладающим вкладом краевых оптических переходов (экситонных и прямых междузонных при  $\mathbf{k} \geq 0$ ). Для сопоставления на рис. 4 приведены также данные выполненных нами экспериментов по измерению дисперсии  $C_\sigma^L(\hbar\omega)$  в SiC (6H). При расчетах

фотоупругих коэффициентов в SiC(6H) вкладом краевых оптических переходов в дисперсию  $C_{\sigma}^L(\hbar\omega)$  [выражения (4) и (5)], так же как и в случае  $n(\hbar\omega)$  и  $\Delta n(\hbar\omega)$ , в первом приближении мы пренебрегали.

В заключение отметим, что рассмотренные закономерности и особенности дисперсионных зависимостей основных рефрактометрических параметров близки в полупроводниках со структурой вюрцита и цинковой обманки [17, 30] и являются, вероятно, общими для всего класса алмазоподобных полупроводников, причем характер дисперсии  $n(\hbar\omega)$ ,  $\Delta n(\hbar\omega)$  и  $C_{\sigma}^L(\hbar\omega)$  в них вблизи пороговых энергий фотонов ( $\hbar\omega \lesssim E_g$ ) определяется типом абсолютного минимума зоны проводимости.

Авторы искренне благодарны А. Н. Пихтину за помощь в проведении расчетов и экспериментов, а также полезные обсуждения результатов настоящей работы.

#### Литература

- [1] А. Н. Пихтин, В. Т. Прокопенко, В. С. Рондарев, А. Д. Яськов. *Опт. и спектр.*, 43, 744, 1977; С. А. Гейдур, В. Т. Прокопенко, А. Д. Яськов. *ФТП*, 20, 2858, 1978.
- [2] В. А. Одарич. *Ж. прикл. спектр.*, 15, 160, 1974.
- [3] Л. Патрик. В кн.: *Карбид кремния*, 142. Под ред. Г. Хениша и Р. Роя. «Мир», М., 1972.
- [4] L. Roskocsová, J. Pastrňák, R. Vabušková. *Phys. St. Sol.*, 20, K29, 1967; J. Pastrňák, L. Roskocsová. *Phys. St. Sol.*, 14, K5, 1966.
- [5] Е. М. Воронкова, Б. Н. Гречушников, Г. И. Дистлер, И. П. Петров. *Оптические материалы для инфракрасной техники*. «Наука», М., 1965.
- [6] W. L. Bond. *J. Appl. Phys.*, 36, 1674, 1965.
- [7] Р. У. Ю, М. Кардона. *J. Phys. Chem. Sol.*, 34, 29, 1973.
- [8] R. Berkowicz, T. Skettrup. *Phys. Rev.*, B11, 2316, 1975.
- [9] М. Р. Lisitsa, L. F. Gudymenko, V. N. Malinko, S. F. Терехова. *Phys. St. Sol.*, 31, 389, 1969.
- [10] М. П. Лисица, В. Н. Малинко, С. Ф. Терехова. *ФТП*, 6, 926, 1972.
- [11] С. А. Абагян, Г. А. Иванов, Е. В. Марков, Г. А. Королева, Н. Н. Погорелова. *ФТП*, 5, 2043, 1974; С. А. Абагян, Г. А. Иванов, Ю. А. Ломов, Ю. Е. Шанурин. *ФТП*, 4, 2379, 1970.
- [12] И. В. Баранец, А. Х. Зильберштейн, Л. Е. Соловьев. *Опт. и спектр.*, 37, 285, 1974.
- [13] G. Babonas, A. Reza, A. Šileika. *Phys. St. Sol. (b)*, 55, 321, 1973.
- [14] А. А. Реза, Г. А. Бабонас, А. Ю. Шилейка. *ФТП*, 9, 1494, 1975.
- [15] А. А. Реза, Г. А. Бабонас. *ФТП*, 16, 1414, 1974.
- [16] С. А. Абагян, Г. А. Иванов, А. А. Картушина, Г. А. Королева. *ФТП*, 5, 1630, 1971.
- [17] А. Н. Пихтин, А. Д. Яськов. *ФТП*, 12, 1047, 1978.
- [18] F. Stern. *Phys. Rev.*, 133, A1653, 1964.
- [19] J. A. Van Vechten. *Phys. Rev.*, 187, 1007, 1969.
- [20] *Физика и химия соединений А<sup>IV</sup>В<sup>VI</sup>*. Пер. с англ. под ред. С. А. Медведева. «Мир», М., 1970.
- [21] П. И. Баранский, В. П. Клочков, И. В. Потыкевич. *Полупроводниковая электроника*. «Наукова думка», Киев, 1975.
- [22] Т. Мосс, Г. Баррел, Б. Эллис. *Полупроводниковая оптоэлектроника*, 78. «Мир», М., 1976.
- [23] В. В. Соболев, В. И. Донецких, Е. Ф. Загайнов. *ФТП*, 12, 1089, 1978.
- [24] А. Н. Пихтин. *ФТП*, 11, 425, 1977.
- [25] J. A. Van Vechten, T. K. Bergstresser. *Phys. Rev.*, B1, 3351, 1970.
- [26] А. Н. Пихтин, В. Т. Прокопенко, В. С. Рондарев, А. Д. Яськов. *Ж. прикл. спектр.*, 27, 308, 1977.
- [27] Г. Л. Бир, Г. Е. Пикус. *Симметрия и деформационные эффекты в полупроводниках*. «Наука», М., 1972.
- [28] D. W. Langer, R. N. Euwema, K. Ega, T. Koda. *Phys. Rev.*, B2, 4005, 1970.
- [29] O. Goede, H. J. Krug, A. Horst. *Phys. St. Sol. (b)*, 85, 239, 1978.
- [30] С. А. Гейдур, А. Н. Пихтин, В. Т. Прокопенко, А. Д. Яськов. *Опт. и спектр.*, 46, 714, 1979; В. Т. Прокопенко, А. Д. Яськов. *Письма ЖТФ*, 4, 7, 1978.

Поступило в Редакцию 20 августа 1979 г.