

УДК 535.34-15 : 546.11 + 546.110.22

**О НЕКОТОРЫХ ОСОБЕННОСТЯХ ФОРМЫ ЛИНИЙ
КОЛЕБАТЕЛЬНО-ВРАЩАТЕЛЬНОГО СПЕКТРА ВОДОРОДА
И ДЕЙТЕРИЯ В РАСТВОРАХ**

A. П. Коузов, Н. Д. Орлова и Л. А. Позднякова

Исследованы контуры колебательно-вращательных линий в спектре комбинационного рассеяния водорода и дейтерия, растворенных в жидким аргоне и шестифтористой сере при температурах 90—140 и 230—313 К соответственно. Впервые обнаружено, что линии ветвей O_1 и S_1 , отвечающие переходам с одинаковым изменением вращательной энергии, имеют разную ширину. Это явление удается объяснить в рамках теории Фано при совместном учете колебательно-вращательного взаимодействия и модуляции анизотропной составляющей межмолекулярного потенциала колебаниями активной молекулы.

Спектры комбинационного рассеяния водорода и его изотопических модификаций в жидкой фазе дают уникальную возможность исследовать форму контура отдельных колебательно-вращательных линий при больших плотностях окружения активной молекулы. В нашей предыдущей работе были изучены колебательный (ветвь Q_1) и вращательный (ветвь S_0) спектры водорода и дейтерия в жидким шестифтористой сере и аргоне при температурах 230—313 и 90—140 К соответственно. В настоящей статье мы сообщаем результаты исследования формы колебательно-вращательных линий в тех же системах.

Экспериментальная установка и обработка полученных данных аналогичны описанным в [1]. Возбуждение спектров производилось с помощью Ar^+ лазера ЛГ-106-М1 с мощностью ~ 0.5 Вт в линии 488 нм. Концентрация водорода в SF_6 составляла около 5 молярных %, дейтерия — около 5 и 10%, концентрация H_2 и D_2 в аргоне составляла около 2%.

Были зарегистрированы линии $S_1(J)$ и $O_1(J)$ (переходы с изменением колебательного квантового числа $v_f = 1 \leftarrow v_i = 0$, вращательного квантового числа J соответственно на ± 2) полосы основного колебания водорода и дейтерия; количество наблюденных линий в каждой ветви зависело от температуры и концентрации. Во всех случаях мы измеряли ширины линий, для самых интенсивных линий оказалось возможным проанализировать также форму их контура. Для растворов в Ar колебательно-вращательные линии симметричны и имеют форму близкую к дисперсионной. Линии $S_1(J)$ растворов H_2 и D_2 в SF_6 асимметричны. Это явление наблюдалось ранее [2, 3] и было качественно объяснено в [4]. Основное внимание в настоящей работе было уделено исследованию закономерностей в поведении ширин колебательно-вращательных линий при изменении различных факторов. Значения ширин линий, исправленные на конечную аппаратную функцию прибора, приведены в табл. 1, 2. Для изучаемых систем характерны следующие особенности: ширины линий, как правило, уменьшаются с ростом вращательного квантового числа; линии колебательно-вращательного спектра всегда шире, чем линии вращательного спектра, отвечающие переходам с тех же начальных вращательных уровней; ширины колебательно-вращательных линий не равны сумме ширин колебательных и чисто вращательных линий; ширины $S_1(J)$ - и $O_1(J+2)$ -линний, отвечающих переходам с одинаковым изменением вращательной энергии, не равны; линии $S_1(J)$ шире; ширины линий уменьшаются с ростом температуры и концентрации раствора.

Таблица 1
Ширины некоторых линий ветвей $S_{\Delta v}$ и $O_{\Delta v}$ водорода и дейтерия, в см^{-1}

Линия	Переход $J_i \rightarrow J_f$	H_2/SF_6 , 293 К		D_2/Ar , 135 К	
		$\Delta v = 0$	$\Delta v = 1$	$\Delta v = 0$	$\Delta v = 1$
$S_{\Delta v}(0)$	$0 \rightarrow 2$	2.3 ± 0.2	8.4 ± 0.5	1.1 ± 0.1	3.1 ± 0.2
$S_{\Delta v}(1)$	$1 \rightarrow 3$	2.5 ± 0.2	8.5 ± 0.5	—	—
$O_{\Delta v}(2)$	$2 \rightarrow 0$	2.1 ± 0.2	6.1 ± 0.5	1.2 ± 0.2	2.3 ± 0.3
$O_{\Delta v}(3)$	$3 \rightarrow 1$	2.6 ± 0.2	6.3 ± 0.5	—	—

Таблица 2
Ширины колебательно-вращательных линий дейтерия, растворенного в SF_6 , в см^{-1}

Линии	250 К		283 К		313 К	
	5%	10%	5%	10%	5%	10%
$S_1(0)$	11.8 ± 0.7	11.2 ± 0.3	7.3 ± 0.5	6.7 ± 0.3	6.8 ± 0.5	5.2 ± 0.3
$S_1(1)$	—	10.2 ± 0.6	6.5 ± 1.2	6.3 ± 0.3	—	4.7 ± 0.2
$S_1(2)$	—	9.6 ± 0.4	5.8 ± 0.6	5.5 ± 0.2	4.5 ± 0.4	4.9 ± 0.2
$S_1(3)$	—	—	—	5.5 ± 0.4	—	4.1 ± 0.2
$O_1(2)$	7.6 ± 0.5	9.7 ± 0.7	5.4 ± 0.7	4.9 ± 0.2	5.0 ± 0.5	3.5 ± 0.5
$O_1(3)$	—	—	5.4 ± 1.2	4.7 ± 0.2	—	3.6 ± 0.2
$O_1(4)$	—	—	—	4.8 ± 0.2	—	2.7 ± 0.2
$Q_1(4)$	9 ± 1	8 ± 1	5.0 ± 0.8	3.5 ± 0.8	3.6 ± 0.5	2.8 ± 0.3

Подобная зависимость ширины линии от вращательного квантового числа J характерна для газовых систем, для которых она была обстоятельно интерпретирована в [5], и наблюдалась в чисто вращательном спектре водорода и дейтерия в растворах [1-3]. Уменьшение ширины колебательно-вращательных линий с ростом температуры раствора аналогично поведению линий вращательного и колебательного спектров. Было показано [1], что такой характер зависимости объясняется уменьшением числа столкновений молекул H_2 и D_2 с окружением. Различие в ширинах линий $S_1(J)$ и $O_1(J+2)$ наблюдалось в настоящей работе впервые. Аналогичного явления в спектрах газовых систем, насколько нам известно, не наблюдалось. В чисто вращательном спектре водорода и дейтерия в растворах ширины линий $S_0(J)$ и $O_0(J+2)$ в пределах погрешности измерения совпадают. Некоторые примеры приведены в табл. 2.

Для объяснения наблюдавшихся особенностей колебательно-вращательных спектров водорода и дейтерия в растворах мы использовали теорию Фано [6], которая для случая невзаимодействующих линий предсказывает следующую форму контура линии перехода $i \rightarrow f$ для активной молекулы, «одетой» средним возмущением $\langle W \rangle$:

$$I(\Delta\omega) = \frac{1}{\pi} \frac{\text{Re } \Lambda(\Delta\omega)}{[\Delta\omega - \text{Im } \Lambda(\Delta\omega)]^2 + \text{Re}^2 \Lambda(\Delta\omega)}. \quad (1)$$

Согласно [4] функция $\Lambda(\Delta\omega)$ определяется через временную корреляционную функцию (КФ) $B(t)$, характеризующую возмущение

$$\Lambda(\Delta\omega) = \hbar^{-2} \int_0^\infty e^{i\Delta\omega t} B(t) dt. \quad (2)$$

В формулах (1) и (2) $\Delta\omega = \omega - \omega_{fi}$, ω_{fi} — частота перехода молекулы в среде. Для изотропных сред «одевание» молекулы приводит к сдвигу ее коле-

бательных термов и не затрагивает вращательных состояний. Уширение линий возникает из-за временных флуктуаций возмущения W около среднего значения. Как и в работе [4], будем предполагать, что W записано в виде суммы скалярных произведений неприводимых сферических тензоров Ψ_λ и Γ_λ ранга λ . Слагаемому с $\lambda \neq 0$ отвечает изотропная часть потенциала взаимодействия, члены с $\lambda \neq 0$ обусловлены взаимодействиями, целиком промодулированными углами поворота (Ω_a) молекулы, совершающей оптический переход. Предполагается также, что Γ_λ зависит только от положения активной молекулы относительно частиц термостата, которые для простоты считаем бесструктурными, а компоненты тензора Ψ_λ имеют вид [4]

$$\Psi_\lambda^\mu = (4\pi)^{1/2} C_\lambda(x_a) Y_\lambda^\mu(\Omega_a), \quad (3)$$

где Y_λ^μ — сферическая функция, $C_\lambda(x_a)$ — скалярные сомножители, описывающие зависимость слагаемого потенциала взаимодействия с номером λ от колебательной координаты x_a молекулы. Точность отделения колебательного сомножителя в большой степени зависит от природы межмолекулярных сил и становится высокой, если слагаемое потенциала с данным λ обусловлено взаимодействиями только одного типа (например, дисперсионным). Нетрудно написать и более общие, нежели (3), выражения для зависимости потенциала от x_a , как это сделано, например, в [7]. Это привело бы, однако, к неоправданному, на наш взгляд (если принять во внимание ограниченность экспериментальных данных), увеличению числа независимых параметров теории, расчет которых ab initio в настоящий момент крайне затруднителен.

Ведущее слагаемое в КФ $B(t)$ квадратично по возмущению и имеет вид суммы по λ произведений КФ $S_\lambda^{(n)}(t)$ и $G_\lambda(t)$, описывающих временную автокорреляцию величин Ψ_λ и Γ_λ соответственно [4]. Полагаем также, что доминирующими в (2) являются адиабатические слагаемые, т. е. считаем, что частоты внутримолекулярных переходов значительно превосходят частоты τ_λ^{-1} (τ_λ — характерное время затухания КФ $G_\lambda(t)$). Оценки [4] оправдывают это предположение. Кроме того, будем интересоваться контуром (1) при малых $\Delta\omega$ (порядка полуширины). При этом, как правило, можно пренебречь зависимостью параметра Λ отстройки и контур (1) превращается в дисперсионную кривую с полушириной $\text{Re } \Lambda(0)$.¹ В адиабатической теории, используемой ниже, необходимо знать лишь постоянные слагаемые КФ $S_\lambda^{(n)}(t)$, характеризующие n -ое состояние «одетой» молекулы. Для двухатомной молекулы эти слагаемые равны $|\langle v_n J_n | C_\lambda | v_n J_n \rangle|^2 R_\lambda^2(J_n)$, где $|v_n J_n\rangle$ — колебательная волновая функция с учетом колебательно-вращательного взаимодействия и

$$R_\lambda^2(J) = (2J+1) \begin{pmatrix} J & \lambda & J \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}^2.$$

Для полуширины линии рассеяния света двухатомными симметричными молекулами такая теория дает следующее выражение, в котором учтены лишь слагаемые возмущения с $\lambda=0$ и $\lambda=2$, дающие наибольший вклад

$$\begin{aligned} \text{Re } \Lambda(0) = & \sigma_0 [\langle v_f J_f | C_0 | v_f J_f \rangle - \langle v_i J_i | C_0 | v_i J_i \rangle]^2 + \sigma_2 \left[\langle v_f J_f | C_2 | v_f J_f \rangle^2 R_2^2(J_f) + \right. \\ & + \langle v_i J_i | C_2 | v_i J_i \rangle R_2^2(J_i) - 2R_2(J_f) R_2(J_i) \sqrt{(2J_f+1)(2J_i+1)} \times \\ & \left. \times \begin{Bmatrix} J_f & J_i & 2 \\ J_i & J_f & 2 \end{Bmatrix} \langle v_f J_f | C_2 | v_f J_f \rangle \langle v_i J_i | C_2 | v_i J_i \rangle \right], \end{aligned} \quad (4)$$

где $\sigma_\lambda = \hbar^{-2} \int_0^\infty \text{Re } G_\lambda(t) dt$. Колебательные матричные элементы функции $C_\lambda(x_a)$ найдем, разлагая ее в ряд по безразмерной координате $x_a = (r/r_e) - 1^2$ и огра-

¹ В действительности линии ветвей S_1 для H_2 и D_2 в SF_6 , для которых развивается настоящая теория, имеют асимметричный контур. Однако на полуширине линии асимметрия невелика, и при обсуждении природы ширин линий $S_1(J)$ и $O_1(J+2)$ его учитывать не будем.

² Строго говоря, r_e — равновесная длина «одетой» молекулы. При дальнейших выкладках, однако, полагаем, что r_e и все прочие внутренние параметры «одетой» молекулы пре-небрежимо мало отличаются от параметров свободной молекулы.

ничиваясь первыми тремя членами разложения;

$$C_\lambda(x_a) \approx C_\lambda(0) + C'_\lambda(0)x_a + C''_\lambda(0)x_a^2/2. \quad (5)$$

Для учета колебательно-вращательного взаимодействия можно использовать теорию возмущений, оперирующую малым параметром $\kappa = 2B_e/\hbar\omega_e$ (B_e — вращательная постоянная, ω_e — колебательная частота двухатомной молекулы), что позволяет представить искомые колебательные матричные элементы, а также и коэффициенты при σ_λ в формуле (4), в виде степенных рядов по κ [8]. Исследуем теперь зависимость полуширины линии колебательно-вращательного перехода от массы m примесной молекулы. Поскольку в нашем случае m почти на два порядка меньше массы молекул растворителя, то при расчете КФ $G_\lambda(t)$ можно считать молекулы растворителя неподвижными. Можно показать, что в такой ситуации КФ $G_\lambda(t)$ есть на самом деле функция «безразмерного» времени $\tau = t(kT/m)^{1/2}/\rho$, где ρ есть параметр, имеющий размерность длины и характеризующий пространственное распределение потенциала возмущения. Интегрируя G_λ по t , получим, что $\sigma_\lambda \sim m^{1/2}$. Принимая во внимание, что $\kappa \sim m^{-1/2}$, придем к следующей формуле:

$$\begin{aligned} \text{Re } \Lambda(0) = & \mu^{-1/2}\omega_0(v_f - v_i)^2 + \mu^{-1}\Delta\omega_0 E(J_f, J_i)(v_f - v_i) + \mu^{-1/2}F(J_f, J_i) + \\ & + \Delta\omega_2[(v_f + v_i + 1)F(J_f, J_i) + (v_f - v_i)P(J_f, J_i)], \end{aligned} \quad (6)$$

где μ есть масса примесной молекулы, выраженная в единицах массы наилегчайшего изотопа,

$$F(J_f, J_i) = R_2^2(J_f) + R_2^2(J_i) - 2R_2(J_f)R_2(J_i)\sqrt{(2J_f+1)(2J_i+1)} \begin{Bmatrix} J_f & J_i & 2 \\ J_i & J_f & 2 \end{Bmatrix}$$

есть фактор Френкеля [9], $E(J_f, J_i) = J_f(J_f+1) - J_i(J_i+1)$, $P(J_f, J_i) = R_2^2(J_f) - R_2^2(J_i)$. Параметры ω_0 и $\Delta\omega_2$, входящие в (6), инвариантны к изотопическому замещению и даются выражениями

$$\omega_0 = \sigma_0 [C_0''(0) - 3a_1C_0'(0)]^2 \kappa^2 \mu^{1/2}/4, \quad (7)$$

$$\Delta\omega_0 = \sigma_0 C_0'(0) [C_0'' - 3a_1C_0'(0)] \kappa^3 \mu, \quad (8)$$

$$\omega_2 = \sigma_2 C_2^2(0), \quad (9)$$

$$\Delta\omega_2 = \sigma_2 C_2(0) [C_2''(0) - 3a_1C_2'(0)] \kappa. \quad (10)$$

Их прямой расчет крайне трудоемок (поскольку для этого необходимо предрасчитать КФ $G_\lambda(t)$, характеризующие раствор) и выходит за рамки данной работы. В формулах (7)–(10) $a_1 = -1.603$ [8] есть коэффициент, связанный с кубической ангармоничностью; константа κ для водорода равна 0.029. Отметим, что поскольку при выводе (6) для описания релаксации углового момента использовалась теория возмущений, вращательный вклад в $\text{Re}\Lambda(0)$ оказался учтеным не полностью, о чем, в частности, свидетельствует сравнение с опытом [1]. Тем не менее, формула (6) качественно объясняет наблюдающуюся на опыте неаддитивность колебательного и вращательного вкладов в полуширину колебательно-вращательных линий. Действительно, полученная формула содержит как слагаемые, зависящие только от колебательных или только от вращательных квантовых чисел, так и перекрестные члены. При более строгом подходе к описанию релаксации углового момента вместо F-фактора вошла бы другая функция вращательных квантовых чисел, также инвариантная относительно перестановки $J_f \rightleftharpoons J_i$. На необходимость соблюдения такой инвариантности указывает одинаковая ширина вращательных линий $S_0(J)$ и $O_0(J+2)$ (см. табл. 1).

Проведем количественную проверку выражения (6), применяя его для описания разностей ширин линий $S_1(J)$ и $O_1(J+2)$ изотопических молекул. Из (6) следует, что эта разность $\Delta(J)$ есть

$$\Delta(J) = 2[\mu^{-1}\Delta\omega_0 E(J+2, J) + \Delta\omega_2 P(J+2, J)]. \quad (11)$$

Первое слагаемое в правой части (11) возникает из-за колебательно-вращательного взаимодействия внутри молекулы, второе — из-за зависимости анизо-

тропной части потенциала межмолекулярного взаимодействия от колебательной координаты активной молекулы; для рассматриваемых здесь молекул оба вклада в $\Delta(J)$ оказываются сравнимыми по величине. С целью проверки теории вначале найдем параметры $\Delta\omega_\lambda$ из спектра одного из изотопов и при помощи (11) попытаемся предсказать значения $\Delta(J)$ для другого изотопа. Из спектра H_2 в SF_6 при 293 К имеем для $J=0$ и $J=1$: $\Delta(0)=2.3 \text{ см}^{-1}$, $\Delta(1)=-2.2 \text{ см}^{-1}$. Решая систему (11), найдем $\Delta\omega_0=0.13 \text{ см}^{-1}$, $\Delta\omega_2=1.35 \text{ см}^{-1}$. Полагая $\mu=2$, при помощи формулы (11) получим, что для спектра D_2 при тех же условиях $\Delta(0)=1.55 \text{ см}^{-1}$, $\Delta(1)=0.94 \text{ см}^{-1}$. Экспериментальные значения $\Delta(J)$ для этих линий, равные соответственно 1.8 и 1.1 см^{-1} , удовлетворительно согласуются с предсказаниями теории.

Таким образом, совместный учет колебательно-вращательного взаимодействия и модуляции анизотропной составляющей межмолекулярного потенциала колебаниями активной молекулы позволяет в рамках теории Фано объяснить экспериментальные факты — неаддитивность колебательных и вращательных вкладов в ширину колебательно-вращательных линий и разную ширину линий $S_1(J)$ и $O_1(J+2)$, отвечающих переходам с одинаковыми изменениями вращательной энергии.

Попробуем теперь, опираясь на экспериментальные значения спектральных параметров, получить информацию о свойствах потенциала взаимодействия, ответственного за уширение линий. Как показали исследования индуцированных спектров поглощения [10], в подобных системах основную роль играют силы отталкивания и дисперсионные силы. Из формул (7)–(10) видно, что для вычисления безразмерных отношений $\Delta\omega_\lambda/\omega_\lambda$ нет необходимости знать явный вид КФ $G_\lambda(t)$. Оценим эти отношения для дисперсионного и обменного взаимодействия. Поскольку дисперсионная энергия пропорциональна поляризуемости молекул [11], то $C_0 \sim \alpha(x_a)$, $C_2/C_0 = \alpha(x_a)/3\gamma(x_a)$ (α — средняя поляризуемость, γ — анизотропия поляризуемости). Для молекулы водорода инварианты тензора поляризуемости известны [12]. В атомных единицах (a_0^3) они равны $\alpha(0)=5.14$; $\alpha'(0)=6.03$; $\alpha''(0)=2.93$; $\gamma(0)=1.89$; $\gamma'(0)=4.19$; $\gamma''(0)=-5.24$. С помощью этих значений находим, что $\Delta\omega_0/\omega_0=2.7 \cdot 10^{-2}$, $\Delta\omega_2/\omega_2=0.39$.

Для сил отталкивания будем считать, что влияния колебаний на потенциал обусловлены линейной зависимостью попечерчника взаимодействия σ от координаты x_a , как это делается в теории колебательной релаксации [13]. Другими словами, полагаем, что

$$\frac{\partial\sigma}{\partial x_a} = \frac{\partial}{\partial x_a} \frac{1}{2} (\sigma_{H_2} + \sigma_{SF_6}) = r_e/2$$

($r_e(H_2)=0.741 \text{ \AA}$). Тогда для потенциала отталкивания, взятого в форме

$$U_{\text{отт}} = A \cdot (\sigma/R)^m$$

с $m=12$ [14] при условии, что $\partial A / \partial x_a = 0$, получим

$$C_0^{(n)}(0)/C_0(0) = (r_e/2\sigma)^n m!/(m-n)!$$

Расчет по последней формуле при $\sigma_{H_2}=2.93 \text{ \AA}$, $\sigma_{SF_6}=5.51 \text{ \AA}$ [14] дает $C_0'(0)/C_0(0)=-1.05$; $C_0''(0)/C_0(0)=1.01$. В этом случае имеем $\Delta\omega_0/\omega_0=3.0 \cdot 10^{-2}$. Отношение $\Delta\omega_2/\omega_2$ можно оценить, если предположить, что для потенциала отталкивания зависимости его изотропной и анизотропной частей от колебательной координаты одинаковы, т. е. $C_2^{(n)}(0)/C_2(0)=C_0^{(n)}(0)/C_0(0)$. С учетом этого предположения оценка по формулам (9) и (10) приводит к $\Delta\omega_2/\omega_2=0.18$.

Обрабатывая данные опыта, мы нашли, что $(\Delta\omega_0/\omega_0)_{\text{эксп}}=2 \cdot 10^{-2}$, $(\Delta\omega_2/\omega_2)_{\text{эксп}}=0.2$. Таким образом, расчеты для обеих моделей взаимодействия приводят к значениям $\Delta\omega_\lambda/\omega_\lambda$, которые удовлетворительно (если учесть оценочный характер расчетов и экспериментальную погрешность) согласуются с результатами опыта. Следовательно, на данном этапе по относительным значениям спектральных параметров формулы (6) сделать вывод о преобладании того или иного механизма взаимодействия невозможно. В частности, причиной нечувствительности отношения $\Delta\omega_0/\omega_0$ к модели межмолекулярного взаимодействия является большая величина ангармоничности колебаний молекулы водорода. В результате квадратичные по x_a слагаемые потенциала играют по сравнению с ли-

нейными членами малую роль. Действительно, при $C_0''(0) \ll 3a_1 C_0'(0)$ в (7) можно пренебречь $C_0''(0)$ и $\Delta\omega_0/\omega_0 = -4\kappa\mu^{1/2}/3a_1 = 2.4 \cdot 10^{-2}$ независимо от типа взаимодействия. По всей видимости, решить задачу о выборе модели потенциала межмолекулярного взаимодействия можно только путем расчета абсолютных значений параметров уширения. Последнее потребовало бы гораздо более трудоемких вычислений и могло бы составить задачу нового исследования.

Л и т е р а т у р а

- [1] Н. Д. Орлова, Л. А. Позднякова. Опт. и спектр., 48, 1086, 1980.
- [2] W. Holzeg, Y. Le Duff. Adv. in Raman Spectroscopy, vol. 1, p. 109. London, 1973.
- [3] Н. Д. Орлова, Л. А. Позднякова, Э. Б. Ходос. Опт. и спектр., 37, 602, 1976.
- [4] А. П. Коузов. Опт. и спектр., 49, 1013, 1980.
- [5] J. Van Kranendonk. Can. J. Phys., 41, 433, 1963.
- [6] U. Fano. Phys. Rev., 131, 259, 1963.
- [7] А. П. Коузов. Опт. и спектр., 47, 844, 1979.
- [8] R. H. Tipping. J. Chem. Phys., 59, 6433, 1973.
- [9] D. Frenkel. Thesis, Amsterdam, 1977.
- [10] R. J. Le Roy, J. Van Kranendonk. J. Chem. Phys., 61, 4750, 1974.
- [11] A. D. Buckingham. J. Chem. Phys., 48, 3827, 1968.
- [12] G. B. Vacskay, N. S. Hush. Theor. Chim. Acta, 32, 311, 1974.
- [13] Е. Е. Никитин. Опт. и спектр., 6, 141, 1959.
- [14] Дж. Гиршфельдер, Ч. Кертисс, Р. Берд. Молекулярная теория жидкостей и газов. ИЛ, М., 1961.

Поступило в Редакцию 30 октября 1980 г.