

стремумах и ширина линии. Сравнение теоретических и экспериментальных данных приведено на рис. 1 и 2. Совпадение можно считать удовлетворительным.

Теоретические зависимости построены на основе выражений (4) и (5). При этом  $\tau$  вычислено по формуле  $\tau = 1/\sigma v N$  для известного давления в ячейке 1 Тор. Используя известные величины  $\sigma = 7.6 \cdot 10^{-16} \text{ см}^2$  [6],  $v = 2.06 \cdot 10^5 \text{ см/с}$  [7] и  $N = 3.5 \cdot 10^{16} \text{ см}^{-3}$ , получим  $\tau = 1.82 \cdot 10^{-7} \text{ с}$ . Отношение  $T'/T = 250$  определено по наилучшему совпадению с экспериментальными данными. Используя эту величину, можно вычислить все остальные временные характеристики для  $\text{He}^3$  следующим образом. Величину  $T'$  можно определить из выражения  $T' = -1/\gamma_1 \Delta H_0^*$  по наименьшей наблюдаемой полуширине линии, равной  $\Delta H_0^* = 0.5 \text{ нТ}$ . Тогда величина  $T$  определяется из отношения  $T'/T = 250$ . Полагая далее, что  $\tau_R$  целиком определяется диффузией к стенке  $\tau_R = r^2/\kappa D$  ( $r$  — радиус ячейки,  $D$  — коэффициент диффузии для давления 1 Тор) и используя величину  $T_R = 100 \text{ с}$  [2], из выражения (2) можно определить  $\tau_p$ . Используя известные величины  $D = 1400 \text{ см}^2/\text{с}$  [8],  $r = 2.5 \text{ см}$ ,  $\gamma_1 = 2.04 \cdot 10^4 \text{ рад}/(\text{с} \cdot \text{э})$ , получим  $T' = 10 \text{ с}$ ,  $T = 0.04 \text{ с}$ ,  $\tau_R = 4.5 \cdot 10^{-4} \text{ с}$  и  $\tau_p = 2.8 \cdot 10^{-4} \text{ с}$ . Эти величины согласуются с оценкой в работе [2].

Рассмотренное влияние модулирующего поля необходимо учитывать при использовании эффекта Ханле на  $\text{He}^3$  для магнитометрических целей [9].

#### Литература

- [1] Ю. К. Доломанский, В. М. Рыжков. Опт. и спектр., 23, 334, 1976.
- [2] J. Dupont-Roc, M. Leduc, F. Laloe. J. Physiq., 34, 961, 1973.
- [3] R. C. Timsit, I. M. Daniels. Can. J. Phys., 49, 545, 1971.
- [4] G. G. Greenhow. Phys. Rev., 136, A660, 1964.
- [5] Ю. К. Доломанский, В. М. Рыжков, П. Н. Сальников, В. А. Фадеев. Депонир. в ВИНИТИ, № 1990-80 ДЕП. РЖГФиз, 9А70 ДЕП, 1980.
- [6] J. Dupont-Roc., M. Leduc, F. Laloe. Phys. Rev. Lett., 27, 467, 1971.
- [7] L. D. Scheafer. Phys. Rev., Ser. 2, 160, 76, 1967.
- [8] J. Grossell. In: Atomic Physics 3, Proc.  $\text{He}^3$  Internat. Conf. on Atomic Physics, Boulder, Colorado, Plenum Press, 1972.
- [9] Ю. К. Доломанский, В. М. Рыжков. Письма ЖТФ, 3, 377, 1977.

Поступило в Редакцию 9 февраля 1982 г.

УДК 535.34 : 537.311.3

## ПОЛЯРИЗАЦИОННАЯ ЗАВИСИМОСТЬ НЕЛИНЕЙНОГО ВНУТРИЗОННОГО ПОГЛОЩЕНИЯ СВЕТА В ПОЛУПРОВОДНИКАХ

Б. Л. Малевич

Нелинейному поглощению света свободными носителями в полупроводниках был посвящен ряд статей [1-8]. Во всех этих работах был исследован лишь случай линейно поляризованного света, не учитывалось также влияние электромагнитной волны на функцию распределения электронов. Между тем в работах [9-11] было показано, что даже в полупроводниках с изотропным энергетическим спектром имеет место зависимость многофотонного межзонного поглощения света от его поляризации.

В настоящем сообщении приводятся результаты теоретического исследования поляризационной зависимости нелинейного внутризонного поглощения света в полупроводниках со сферическим энергетическим спектром. Коэффициент поглощения вычислим в квадратичном приближении по амплитуде световой волны, т. е. ограничимся учетом одно- и двухквантовых переходов.

Как и в [9-11], коэффициент поглощения можно представить в виде разложения по линейно независимым сферическим инвариантам, составленным из век-

торов  $\mathbf{e}$  и  $\mathbf{e}^*$ , где  $\mathbf{e}$  — вектор поляризации света. В результате для коэффициента поглощения  $\alpha$  будем иметь

$$\alpha = \alpha_0 (1 + b |\mathbf{e} \cdot \mathbf{e}|^2 + d |\mathbf{e} \times \mathbf{e}^*|^2), \quad (1)$$

$\alpha_0$  — одноквантовый коэффициент поглощения.

Далее достаточно ограничиться рассмотрением двух предельных случаев — линейно и циркулярно поляризованного света. Рассмотрим случай циркулярной поляризации. Будем предполагать, что энергия кванта света много больше средней энергии электронов и рассеяние носителей в основном происходит на акустических фононах.

Общее выражение для многоквантового коэффициента поглощения получается из квантового кинетического уравнения [12] для высокочастотной части функции распределения и имеет следующий вид

$$\alpha = \frac{16\pi^2\Omega}{cnE^2} \sum_{\mathbf{q}, \mathbf{p}} \sum_{l=1}^{\infty} |C_{\mathbf{q}}|^2 (2N_{\mathbf{q}} + 1) J_l^2(a) \ln_p [\delta(\epsilon_{\mathbf{p}+\mathbf{q}} - \epsilon_{\mathbf{p}} - l\Omega) - \delta(\epsilon_{\mathbf{p}+\mathbf{q}} - \epsilon_{\mathbf{p}} + l\Omega)]. \quad (2)$$

Здесь  $\bar{n}_{\mathbf{p}}$  — стационарная функция распределения электронов по каноническим импульсам  $\mathbf{p}$ ,  $C_{\mathbf{q}}$  — матричный элемент электрон-фононного взаимодействия,  $\mathbf{q}$  — волновой вектор фона,  $N_{\mathbf{q}}$  — функция распределения фононов,  $\Omega$  и  $E$  — частота и амплитуда световой волны,  $\epsilon_{\mathbf{p}} = p^2/2m$ ,  $a = eEq_{\perp}/\sqrt{2m}\Omega^2$ ,  $m$  — эффективная масса электрона,  $q_{\perp}$  — проекция вектора  $\mathbf{q}$  на плоскость поляризации,  $c$  — скорость света в вакууме,  $n$  — показатель преломления; используется система единиц, в которой  $\hbar = 1$ .

Подставляя функцию распределения  $\bar{n}_{\mathbf{p}}$ , найденную в [13], в (2) и раскладывая функции Бесселя по степеням аргумента, после суммирования по  $\mathbf{q}$  и  $\mathbf{p}$  получим

$$\alpha = \alpha_0 \left[ 1 + \frac{\beta}{10} \left( \frac{13\sqrt{2}}{3} - 1 \right) + \frac{\beta}{3\sqrt{\pi}} \frac{(kT)^2 I(\eta)}{ms^2\Omega} \right], \quad (3)$$

$$I(\eta) = \int_0^{\infty} dy \sqrt{y} e^{-y} [(2y + \eta) \sqrt{y + \eta} - (2y - \eta) \sqrt{y - \eta}] \Theta(y - \eta) \times \\ \times \left\{ \int_0^y dx \frac{e^x}{x^2} \left[ \gamma\left(\frac{3}{2}, x\right) - \gamma\left(\frac{3}{2}, x - \eta\right) \Theta(x - \eta) \right] - \frac{2}{\sqrt{\pi}} (2G + 1) \right\}, \quad (4)$$

где  $T$  — температура решетки,  $s$  — скорость звука,  $\Theta(x)$  — ступенчатая функция Хевисайда,  $\beta = e^2 E^2 / m\Omega^3$ ,  $\eta = \Omega/kT$ ,  $\gamma(r, x)$  — неполная гамма-функция,  $G = 0.91597\dots$  — постоянная Каталана. Электронный газ предполагался невырожденным.

Сравнивая (3) с (1), найдем

$$d = \frac{\beta}{10} \left( \frac{13\sqrt{2}}{3} - 1 \right) + \frac{\beta}{3\sqrt{\pi}} \frac{(kT)^2 I(\eta)}{ms^2\Omega}. \quad (5)$$

Аналогичный расчет, проведенный для линейно поляризованного света, дает

$$b = \frac{\beta}{10} \left( \frac{22\sqrt{2}}{3} - 3 \right) + \frac{\beta}{3\sqrt{\pi}} \frac{(kT)^2 I(\eta)}{ms^2\Omega}. \quad (6)$$

Подставляя (5), (6) в (1) и используя соотношение  $|\mathbf{e} \cdot \mathbf{e}|^2 + |\mathbf{e} \times \mathbf{e}^*|^2 = |\mathbf{e} \cdot \mathbf{e}^*|^2 = 1$ , для коэффициента поглощения получим

$$\alpha = \alpha_0 \left[ 1 + \frac{\beta}{3\sqrt{\pi}} \frac{(kT)^2 I(\eta)}{ms^2\Omega} + \frac{\beta}{10} \left( \frac{22\sqrt{2}}{3} - 3 \right) |\mathbf{e} \cdot \mathbf{e}|^2 + \frac{\beta}{10} \left( \frac{13\sqrt{2}}{3} - 1 \right) |\mathbf{e} \times \mathbf{e}^*|^2 \right]. \quad (7)$$

Поляризационная зависимость поглощения света определяется двумя последними слагаемыми в (7) и обусловлена динамическим влиянием излучения на рассеяние электронов, а также деформацией распределения электронов по импульсам (вторая сферическая гармоника функции распределения). Второе

слагаемое в (7) связано с разогревом электронов светом и вклада в дихроизм не дает.

В заключение отметим, что в принципе можно разделить разогревный и динамический вклады в нелинейность поглощения, используя их различие в инерционности.

#### Литература

- [1] В. М. Буймистров, В. П. Олейник. ФТП, 1, 85, 1967.
- [2] Е. Джаксимов. ФТТ, 11, 203, 1969; 15, 644, 1973.
- [3] В. А. Паздзерский. ФТП, 6, 758, 1972.
- [4] В. Л. Малевич, Э. М. Эпштейн. Опт. и спектр., 35, 591, 1973.
- [5] В. В. Павлович, Э. М. Эпштейн. ФТП, 8, 159, 1974.
- [6] Н. И. Балмуш, Е. П. Покатилов, А. А. Клюканов, В. М. Фомин. ФТП, 10, 234, 1976.
- [7] Аи. В. Виноградов. ЖЭТФ, 68, 1091, 1975; 70, 999, 1976.
- [8] Д. А. Паршин. ФТТ, 19, 2039, 1977.
- [9] Е. Л. Ивченко. ФТТ, 14, 3489, 1972.
- [10] А. М. Данилевский, Е. Л. Ивченко, С. Ф. Кочегаров, М. И. Степанова. Письма ЖЭТФ, 16, 625, 1972.
- [11] Е. Л. Ивченко, Е. Ю. Перлин. ФТТ, 15, 2781, 1973.
- [12] Э. М. Эпштейн. ФТТ, 12, 3461, 1970.
- [13] Э. М. Эпштейн. Изв. вузов, Радиофизика, 13, 1398, 1970.

Поступило в Редакцию 9 февраля 1982 г.

УДК 535.818.8

## АБЕРРАЦИИ В ВЕРТИКАЛЬНОЙ СИММЕТРИЧНОЙ ЗЕРКАЛЬНОЙ СХЕМЕ СПЕКТРАЛЬНОГО ПРИБОРА С ПЛОСКОЙ ДИФРАКЦИОННОЙ РЕШЕТКОЙ

И. В. Пейсахсон

В книге [1] приведены формулы aberrаций вертикальной симметричной зеркальной схемы спектрографа и монохроматора с плоской решеткой для случая, когда коллиматорное и фокусирующее зеркала имеют общий центр кривизны. Однако в практике спектрального приборостроения в качестве объективов нередко используют два зеркала, установленные независимо друг от друга. Тогда величина угла  $\delta$ , образуемого с плоскостью главного сечения решетки падающими и дифрагированными лучами, идущими из центра входной щели, не связана с углами  $\alpha$  между главными лучами в вершинах зеркал  $O_1$  и  $O_2$  (рисунок). Минимальные значения углов  $\alpha$  и  $\delta$  определяются конструктивными условиями.

Пусть  $f$  — фокусное расстояние обоих зеркал,  $x$  — расстояние от зеркал до решетки,  $H$  — длина штрихов решетки,  $h$  — высота щели. Тогда при  $x \leq f$  пучок, расходящийся от входной щели, и пучки, сходящиеся к их изображениям на фотослой или выходной щели, не задевают решетку, если

$$\alpha > (2/\tilde{x} - 1) \frac{H}{2f} - (2 - \tilde{x}) \frac{h}{2f}, \quad (1)$$

где  $\tilde{x} = x/f$ . Если же  $x \geq f$ , то щель и спектр не попадают в пучки света, падающие на решетку и отраженные от нее, когда

$$\alpha > \frac{H + h\tilde{x}}{2f}. \quad (2)$$

Угол  $\delta$  должен удовлетворять условию

$$\delta > \frac{H}{2x} + \frac{h}{4f}. \quad (3)$$

С учетом размеров оправ зеркал и решетки реальные значения углов  $\alpha$  и  $\delta$  выбирают, как правило, в 1.5—2 раза больше, чем из условий (1)—(3).