

Подобно [1], приближенную формулу для поправки второго порядка теории возмущений естественно записать в виде

$$E'_2 = - \sum_n \frac{q_n (\lambda'_n)^2}{2n^2}, \quad (2)$$

где n — главное квантовое число, q_n — число электронов в n -оболочке, λ'_n — константа оболочечного экранирования, которая может быть выражена через поправку первого порядка E_1 [1]. В таблице приведены приближенные (формула (2)) и точные значения поправки второго порядка теории возмущений для состояний типа $1s^2 2s^2 2p^n$, $1s^2 2p^{n+2}$, $1s 2s^2 2p^n$, $1s 2p^{n+2}$. Как видно, приближенные и точные E_2 [2] согласуются в пределах 10%.

Если по каким-либо причинам решение секулярного уравнения затруднено, и, следовательно, точное значение E_1 неизвестно, то вместо (1) имеем в первом порядке без учета наложения конфигураций

$$E = Z^2 E_0 + Z V_{11}, \quad (3)$$

где V_{11} — диагональный матричный элемент электростатического взаимодействия электронов. Можно попытаться улучшить точность формулы (3) за счет использования теории экранирования, добавляя

$$E''_2 = - \sum_n \frac{q_n (\lambda''_n)^2}{2n^2}. \quad (4)$$

Значения констант λ''_n и поправки второго порядка E''_2 будут отличаться от приведенных ранее. Как видно из таблицы, величины E'_2 и E''_2 значительно меньше отличаются друг от друга, чем от точного значения E_2 , и, следовательно, неучет наложения конфигураций не очень сильно сказывается на эмпирических значениях E'_2 .

Таким образом, метод экранирования, развитый в [1], дает возможность получать удовлетворительные значения энергий, не обращаясь к трудоемким расчетам поправок второго порядка теории возмущений как для невырожденных, так и для квазивырожденных состояний атомных систем.

Литература

- [1] Л. А. Вайнштейн, А. В. Виноградов, И. С. Рублев, У. И. Сафронова. *Опт. и спектр.*, 48, 424, 1980.
 [2] У. И. Сафронова, А. Н. Иванова, В. В. Толмачев. *Лит. физ. сб.*, 7, 303, 1967.

Поступило в Редакцию 16 декабря 1981 г.

УДК 535.36

РАССЕЯНИЕ И ОСЛАБЛЕНИЕ ИЗЛУЧЕНИЯ «МЯГКИМИ» ЦИЛИНДРАМИ КОНЕЧНОЙ ДЛИНЫ

А. Г. Петрушин

Ослабление и рассеяние излучения «мягкими» несферическими частицами изучалось в работах [1-5]. Однако только в одной из них получены выражения для факторов эффективности ослабления, рассеяния и поглощения поглощающей несферической частицей конечного объема (эллипсоида вращения) с произвольной ориентацией относительно направления распространения падающего излучения [5], этого недостаточно для выявления влияния формы «мягких» частиц на ослабление и рассеяние излучения.

В настоящей работе рассмотрено ослабление и рассеяние излучения поглощающим «мягким» круговым цилиндром конечной длины с произвольным отно-

шением его длины l к диаметру ($2a$) и ориентацией относительно падающего излучения. Угол ориентации α определен как угол дополнительный углу между направлением распространения падающего излучения и осью цилиндра.

Для факторов эффективности ослабления K_{oc} , рассеяния K_p и поглощения K_n излучения выпуклой частицей произвольной формы в указанном приближении имеются следующие выражения [2]:

$$K_{oc} = \frac{2}{S} \operatorname{Re} \int_S (1 - e^{-i\rho}) dS, \quad (1)$$

$$K_n = \frac{1}{S} \int_n (1 - e^{-2\operatorname{Re}(i\rho)}) dS, \quad (2)$$

$$K_p = K_{oc} - K_n, \quad (3)$$

где $\rho = kl'(m-1)$, $k = 2\pi/\lambda$ — волновое число, l' — длина пути излучения в рассеивающей частице, S — площадь сечения частицы, перпендикулярная направлению распространения падающего излучения, $m = n - ix$ — комплексный показатель преломления.

При произвольной ориентации цилиндра относительно падающего излучения «оптически активное сечение» [1] есть эллипс с малой осью, равной a , и большой, равной $a/\cos \alpha$. В зависимости от места проникновения лучей в цилиндр данный эллипс ограничивается секущими прямыми, параллельными малой оси эллипса.

После громоздких математических преобразований для значений факторов эффективности получаем следующие выражения:

$$K_{oc} = 2 - \frac{2}{S} \operatorname{Re} A_{1,2}, \quad (4)$$

$$K_n = 1 - \frac{1}{S} A_{2,2}, \quad (5)$$

где при $0 \leq \alpha \leq \operatorname{arctg} \frac{l}{2a}$,

$$A_{1,2} = 4 \left[B_{1,2} + \frac{1}{2} \int_{2a \sin \alpha}^{l \cos \alpha} F_{1,2}(0, a, 2t) dt + \int_{a \sin \alpha}^{2a \sin \alpha} F_{1,2}^0(x) F_{1,2} \left(0, \sqrt{\frac{2ax}{\sin \alpha} - \frac{x^2}{\sin^2 \alpha}}, 2t \right) dx + \int_{a \sin \alpha}^{2a \sin \alpha} F_{1,2} \left(\sqrt{\frac{2ax}{\sin \alpha} - \frac{x^2}{\sin^2 \alpha}}, a, 2t \right) dx \right], \quad (6)$$

при $\operatorname{arctg} \frac{l}{2a} < \alpha \leq \operatorname{arctg} \frac{l}{a}$,

$$A_{1,2} = 4 \left\{ \int_{a \sin \alpha}^{l \cos \alpha} F_{1,2}^0(x) F_{1,2} \left(0, \sqrt{\frac{2ax}{\sin \alpha} - \frac{x^2}{\sin^2 \alpha}}, 2t \right) dt + B_{1,2} + C_{1,2} + \int_{a \sin \alpha}^{l \cos \alpha} F_{1,2} \left(\sqrt{\frac{2ax}{\sin \alpha} - \frac{x^2}{\sin^2 \alpha}}, a, 2t \right) dx + \int_0^{a \sin \alpha - \frac{l}{2} \cos \alpha} F_{1,2} \left[\sqrt{a^2 - \left(l \operatorname{ctg} \alpha + \frac{x}{\sin \alpha} - a \right)^2}, a, 2t \right] dx \right\}, \quad (7)$$

при $\operatorname{arctg} \frac{l}{a} < \alpha \leq \frac{\pi}{2}$,

$$A_{1,2} = 4 \left\{ \int_0^{l \cos \alpha} F_{1,2}^0(x) F_{1,2} \left(0, \sqrt{\frac{2ax}{\sin \alpha} - \frac{x^2}{\sin^2 \alpha}}, t \right) dx + C_{1,2} + \int_{a \sin \alpha - \frac{l}{2} \cos \alpha}^{a \sin \alpha} F_{1,2} \left[\sqrt{a^2 - \left(l \operatorname{ctg} \alpha - \frac{x}{\sin \alpha} - a \right)^2}, a, 2t \right] dx \right\}, \quad (8)$$

В выражениях (6) — (8) использованы следующие обозначения:

$$S = \pi a^2 \sin \alpha + 2al \cos \alpha, \quad (9)$$

$$F_1^0(x) = \exp \left[\frac{ik(m-1) \left(a - \frac{x}{\sin \alpha} \right)}{\cos \alpha} \right], \quad (10)$$

$$F_2^0(x) = \exp \left[\frac{kx \left(a - \frac{x}{\sin \alpha} \right)}{\cos \alpha} \right] \quad (11)$$

$$F_1(a_0, b, t) = \int_{a_0}^b e^{-\frac{it}{\cos \alpha}} dy, \quad F_2(a_0, b, t) = \int_{a_0}^b e^{-\frac{kx}{\cos \alpha}} dy, \quad (12)$$

$$t = \sqrt{a_0^2 - y^2}, \quad (13)$$

$$F_1'(l) = \exp \left[\frac{ik(m-1)l}{\sin \alpha} \right], \quad (14)$$

$$F_2'(l) = \exp \left(-kx \frac{l}{\sin \alpha} \right), \quad (15)$$

$$B_{1,2} = \int_0^{a \sin \alpha} F_{1,2}^0(x) F_{1,2}' \left(0, \sqrt{\frac{2ax}{\sin \alpha} - \frac{x^2}{\sin^2 \alpha}}, t \right) dt, \quad (16)$$

$$C_{1,2} = F_{1,2}'(l) \left\{ \left[\frac{\pi a^2}{2} - \frac{l \operatorname{ctg} \alpha}{4} \sqrt{a^2 - l^2 \frac{\operatorname{ctg}^2 \alpha}{4}} - \frac{a^2}{2} \arcsin \left(\frac{l}{2a} \operatorname{ctg} \alpha \right) \right] + \right. \\ \left. + \int_0^{a \sin \alpha - \frac{l}{2} \cos \alpha} F_{1,2}^0(x) F_{1,2}' \left(\sqrt{\frac{2ax}{\sin \alpha} - \frac{x^2}{\sin^2 \alpha}}, \sqrt{a^2 - \left(l \operatorname{ctg} \alpha + \frac{x}{\sin \alpha} - a \right)^2}, t \right) dx \right\}. \quad (17)$$

С использованием полученных выражений были проведены численные расчеты на ЭВМ факторов эффективности для цилиндра с произвольной ориентацией в пространстве. Полученные результаты сравнивались со значениями факторов эффективности для случайно ориентированных эллипсоидов вращения [2]. Показано, что при отношении $\frac{x}{(n-1)} \leq 0.1$ и усредненном фазовом сдвиге $P = \frac{kV(n-1)}{S_0} < 10$, где V, S_0 — объем и усредненное геометрическое сечение частицы, значения K_{oc} для цилиндров и эллипсоидов отличаются не более чем на 0.3.

Литература

- [1] Г. Ван де Хюлст. Рассеяние света малыми частицами. ИЛ, М., 1961.
- [2] F. D. Bruant, P. Latimer. J. Col. Int. Sci., 30, 293, 1969.
- [3] D. H. Narber. Kolloid Z. u. Z. Polymere, 218, 44, 1967.
- [4] А. Я. Перельман, К. С. Шифрин. Опт. и спектр., 45, 1207, 1979.
- [5] М. Гринберг. Межзвездная пыль. Мир, М., 1970.

Поступило в Редакцию 23 декабря 1981 г.