ISSN 2077-8708

— ТЕХНИКА -

УДК 621.382.049.77

DOI: https://doi.org/10.54341/20778708\_2023\_3\_56\_75 EDN: XCTKQN

# НЕЛИНЕЙНАЯ МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ПРОЦЕССА ТЕПЛОМАССОПЕРЕНОСА В ТЕХНОЛОГИЯХ ТЕРМОХИМИЧЕСКОЙ ОБРАБОТКИ АЛМАЗА

### Е.Б. Шершнев

Гомельский государственный университет имени Франциска Скорины

# NONLINEAR MATHEMATICAL MODEL OF THE HEAT AND MASS TRANSFER PROCESS IN DIAMOND THERMOCHEMICAL PROCESSING TECHNOLOGIES

## **E.B.** Shershnev

Francisk Skorina Gomel State University

Аннотация. Разработана нестационарная нелинейная осесимметричная модель процесса лазерной термохимической обработки алмаза. Рассчитаны значения температуры и диффузионных коэффициентов в трёхфазной системе «водород – металл – алмаз». Определены значения диффузионных коэффициентов и проведена оценка скорости удаления алмаза в диапазоне плотностей мощности теплового источника  $q = 10^4 - 10^7$  Вт/м<sup>2</sup> и толщин металлического покрытия h = 10 нм до 1 мкм.

Ключевые слова: лазерная обработка, алмаз, диффузия, углерод.

Для цитирования: Шершнев, Е.Б. Нелинейная математическая модель процесса тепломассопереноса в технологиях термохимической обработки алмаза / Е.Б. Шершнев // Проблемы физики, математики и техники. – 2023. – № 3 (56). – С. 75–80. – DOI: https://doi.org/10.54341/20778708\_2023\_3\_56\_75. – EDN: XCTKQN

Abstract. A non-stationary nonlinear axisymmetric model of the process of laser thermochemical processing of diamond has been developed. The values of temperature and diffusion coefficients in the three-phase system "hydrogen – metal – diamond" are calculated. The diffusion coefficients are determined and the diamond removal rate is estimated in the range of heat source power densities  $q = 10^4 - 10^7$  W/m<sup>2</sup> and metal coating thicknesses h = 10 nm to 1 µm.

Keywords: laser processing, diamond, diffusion, carbon.

For citation: Shershnev, E.B. Nonlinear mathematical model of the heat and mass transfer process in diamond thermochemical processing technologies / E.B. Shershnev // Problems of Physics, Mathematics and Technics. – 2023. – № 3 (56). – P. 75–80. – DOI: https://doi.org/10.54341/20778708\_2023\_3\_56\_75 (in Russian). – EDN: XCTKQN

#### Введение

В настоящее время обработка алмазов (природных и синтетических) в технологиях микро- и наноэлектроники осуществляется как механическим способом, так и с использованием лазерного излучения. При традиционном применении лазерного излучения (лазерная резка, гравировка и т.п.) происходит графитизация обрабатываемой поверхности с последующим удалением материала по заданной траектории обработки [1]. При этом перспективным представляется термохимический способ обработки алмаза. Основная идея этого способа – использование химических свойств алмаза [2]. А именно: алмаз приводят в контакт с металлом, который способен растворять в себе углерод (например, с молибденом), а для обеспечения непрерывности протекания процесса его проводят в атмосфере газа, который взаимодействует с растворенным в металле углеродом, но не реагирующим непосредственно с алмазом. В качестве такого газа может быть использован водород, способный создавать с атомами углерода летучие соединения [3].

В основе термохимического способа обработки алмаза лежит процесс каталитического взаимодействия углерода, входящего в состав алмаза с водородом или смесями водорода с водяным паром и углекислым газом [4].

Для выбора оптимальных режимов указанного способа обработки необходимо исследовать физико-химические механизмы протекающих тепловых и диффузионных процессов. Для локализации теплового источника на поверхности металла используется лазерное излучение. Упрощённая схема термохимической обработки представлена на рисунке 1.1 [4].

Поскольку лазерное излучение формирует осесимметричный тепловой источник [5], то следует решать трехмерную задачу в цилиндрической системе координат, что сводит её к двухмерной, но усложняет форму оператора Лапласа [6].

Таким образом, рассматривается нестационарная нелинейная задача тепломассопереноса в трехслойной системе «водород – металл – алмаз».

© Шершнев Е.Б., 2023

<sup>1</sup> Постановка задачи

При этом будем полагать, что конвективный теплообмен с газовой фазой отсутствует, поскольку тепловой поток за счет конвекции по сравнению с радиационным составляет не более 3 %, и газ поддерживается при постоянной температуре Т<sub>0</sub>. Начальные температуры алмаза и металлического покрытия так же равны Т<sub>0</sub>. В целом рассматриваемую систему можно считать теплоизолированной. Лазерное излучение воздействует на поверхность металла, формируя при этом поверхностный тепловой источник с плотностью мощности q, равномерно распределённой по сечению лазерного пятна. Это обеспечивает нагрев металлического слоя и его насыщение углеродом, а также активирует диффузионные процессы на обеих границах фаз: «металл – алмаз» и «водород – металл».



Рисунок 1.1 – Схема лазерной термохимической обработки алмаза

1 – металл,

2 – алмаз,

4 – газовая среда

Кроме того, при постановке задачи приняты следующие разумные допущения:

 диапазон температур, при которых проводится лазерная обработка, ограничен температурой плавления металла при нормальных условиях;

 давление в газовой фазе соизмеримо с нормальным атмосферным и не превышает его.

В общем случае решение задачи тепломассопереноса в описанной системе сводится к решению системы дифференциальных уравнений, включающих уравнения теплопроводности со смешанными граничными условиями, а также уравнения диффузии в трёх средах.

$$c_{1}(T_{1})\rho(T_{1})\frac{\partial T_{1}}{\partial \tau} =$$

$$= \frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r}\left(\lambda_{1}(T_{1})r\frac{\partial T_{1}}{\partial \tau}\right) + \frac{\partial}{\partial x}\left(\lambda_{1}(T_{1})\frac{\partial T_{1}}{\partial x}\right); \quad (1.1)$$

$$c_{2}(T_{2})\rho(T_{2})\frac{\partial T_{2}}{\partial \tau} =$$

$$= \frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r}\left(\lambda_{2}(T_{2})r\frac{\partial T_{2}}{\partial \tau}\right) + \frac{\partial}{\partial x}\left(\lambda_{2}(T_{2})\frac{\partial T_{2}}{\partial x}\right). \quad (1.2)$$

В формулах: индекс «1» – для металла, «2» – для алмаза соответственно; c,  $\rho$  и  $\lambda$  – теплоёмкость, плотность и теплопроводность материалов, зависящие от температуры T.

При этом на границах «водород – металл» и «водород – алмаз» реализованы граничные условия II-го рода.

$$x = 0: \begin{cases} -\lambda_1(T_1) \frac{\partial T_1}{\partial x} = q, & 0 \le r \le R_0; \\ \lambda_1(T_1) \frac{\partial T_1}{\partial x} = 0, & r \ge R_0; \end{cases}$$
(1.3)  
$$x = L_2: \lambda_2(T_2) \frac{\partial T_2}{\partial x} = 0,$$
(1.4)

где  $R_0$  — радиус лазерного пятна на поверхности металла,  $L_2$  — координата нижней границы раздела «алмаз — водород», q — плотность мощности теплового источника.

На границе раздела «металл – алмаз», координата которой  $x = L_1$ , реализованы граничные условия IV-го рода в форме (1.5):

$$= L_1 : \lambda_2(T_2) \frac{\partial T_2}{\partial x} = \lambda_1(T_1) \frac{\partial T_1}{\partial x}.$$
 (1.5)

Система (1.1)-(1.5) решается совместно с уравнениями диффузии для всех трёх сред, представленными в форме (1.6):

$$\frac{\partial C}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial x} \left( D(T) \frac{\partial C}{\partial x} \right), \tag{1.6}$$

где *С* – массовая концентрация углерода каждой из трёх рассматриваемых фаз, при этом коэффициенты диффузии *D* принимаются зависящими от температуры (уравнение Аррениуса):

$$D(T) = D_0 \exp\left(-\frac{E}{kT}\right), \qquad (1.7)$$

где  $D_0$  – фактор диффузии, E – соответствующая энергия активации реакции диссоциации (ассоциации) углерода,  $k = 1,38 \cdot 10^{-23}$  Дж/К – постоянная Больцмана.

При задании начальных условий считается, что температура системы в начальный момент времени постоянна во всех точках:

$$\tau = 0: \ T_1 = T_2 = T_3 = T_0. \tag{1.8}$$

Также в начальный момент времени заданы значения массовых концентраций углерода во всех фазах:

 $\tau = 0$ :  $C_1 = C_{01}$ ;  $C_2 = C_{02}$ ;  $C_3 = C_{03}$ . (1.9) При этом на границах фаз x = 0 и  $x = L_1$ должны быть реализованы условия неразрывности потока массы:

$$D(T)_i \frac{\partial C_i}{\partial x} = D(T)_j \frac{\partial C_j}{\partial x}.$$
 (1.10)

2 Моделирование и область применения модели

Представленную дифференциальную задачу (1.1)–(1.5) можно аппроксимировать конечноразносной схемой, выполненной с первым

Проблемы физики, математики и техники, № 3 (56), 2023

порядком точности по времени *t* и вторым по пространственным координатам *x* и *r*. При этом была выбрана неявная разностная схема, поскольку она является наиболее устойчивой [7], т. е. позволяет проводить интегрирование краевой задачи с любым малым разностным шагом по времени.

Поскольку теплофизические свойства алмаза существенно изменяются в исследуемых температурных режимах, то это было учтено в линейном приближении следующим образом: коэффициент теплопроводности  $\lambda(T) = 628 - 0,148 \cdot T \text{ Вт/(м·K)}$  и удельная теплоёмкость  $c = 344 + 1,445 \cdot T \text{ Дж/(кг·K)}$  [8].

В среде Mathcad были разработаны файлысценарии для динамического моделирования температурного поля представленной двумерной осесимметричной задачи. Это позволило, варьируя существенные параметры в широком диапазоне, получать мгновенные значения диффузионных коэффициентов в любых точках рассматриваемой трёхфазной системы, в том числе и на границах раздела фаз. Фрагмент файла-сценария представлен на рисунке 2.1.





Разработанная модель позволяет определять осесимметричное распределение температуры в двухслойной системе («металл» – «алмаз») в любой момент времени в широком диапазоне интенсивностей лазерного излучения для произвольных зависимостей теплофизических параметров от температуры, а также для различных типов металлического покрытия.

На рисунке 2.2 представлены поля температур в координатах: *х* – глубина, *г* – радиус, для плотности мощности теплового источника  $q = 10^6 \text{ Br/m}^2$  в различные моменты времени воздействия лазерного излучения.

Полученные значения температуры позволяют на основании соотношений (7–10) оценить коэффициенты диффузии в любой точке исследуемой двухслойной системы в произвольный момент времени, а также оценить скорость диффузионных процессов в любой области системы.





На рисунке 2.3 представлено распределение значений диффузионных коэффициентов D в различные моменты времени для плотности мощности теплового источника  $q = 10^6$  BT/m<sup>2</sup>.

Представленная модель позволят также оценить зависимость диффузионных коэффициентов от толщины металлического покрытия кристаллов алмаза как непосредственно в самом покрытии, так и на границе раздела фаз «металл – алмаз». Что позволит сделать выводы об эффективности удаления алмаза методом лазерной термохимической обработки в зависимости от теплофизических и геометрических параметров металлического слоя.

На рисунке 2.4 представлена зависимость значений диффузионных коэффициентов на границе раздела фаз «металл – алмаз» от расстояния r до центра лазерного пятна на поверхности при различных значениях толщины h металлического покрытия при плотностях мощности поверхностного теплового источника  $q = 10^6$  Вт/м<sup>2</sup> и  $q = 10^5$  Вт/м<sup>2</sup>, радиусе лазерного пятна на поверхности  $r_0 = 100$  мкм.



Рисунок 2.3 – Поле коэффициентов диффузии D (10<sup>-11</sup> м<sup>2</sup>/с) двухслойной системы «металл – алмаз» в различные моменты времени воздействия лазерного излучения



Рисунок 2.4 – Зависимость значений диффузионных коэффициентов от толщины металлического покрытия *h* и плотности мощности теплового источника, сформированного лазерным излучением *q* 

Результаты моделирования показали, при фиксированной плотности мощности лазерного теплового источника и изменении толщины металлического покрытия в 8–10 раз, изменение диффузионного коэффициента отличаются лишь на 2–3%. При этом показано, что при уменьшении плотности мощности теплового источника в пределах одного порядка диффузионные коэффициенты так же уменьшаются по абсолютному значению на 35–40% в пределах всей зоны термического влияния лазерного излучения. Этот факт, очевидно, свидетельствует о снижении интенсивности диффузионных процессов, а значит и уменьшении скорости удаления алмаза в целом.

Problems of Physics, Mathematics and Technics, № 3 (56), 2023

## 3 Результаты и выводы

Разработана нестационарная двухмерная осесимметричная нелинейная математическая модель тепломассопереноса в системе водород металл – алмаз, в которой учтены температурные зависимости теплофизических свойств и коэффициентов диффузии при нагреве поверхности металла лазерным излучением. Анализ результатов моделирования (в частности, значений диффузионных коэффициентов и соответствующей им интенсивности диффузионных процессов) в диапазоне плотностей мощности теплового источника  $q = 10^4 - 10^7$  Вт/м<sup>2</sup> и толщин металлического покрытия h = 10 нм до 1 мкм позволяет установить наиболее эффективные режимы термохимической обработки и обеспечить скорость удаления алмаза (1,2-1,8)·10<sup>-10</sup> кг/(м<sup>2</sup>·с), минуя стадию графитизации при точности обработки (10–30)·10<sup>-6</sup> м.

### ЛИТЕРАТУРА

1. *Митягин, А.Ю.* Технология и оборудование для обработки алмазных материалов современной техники / А.Ю. Митягин, А.А. Алтухов, А.Б. Митягина // Технология и конструирование в электронной аппаратуре. – 2009. – № 1. – С. 53–58.

2. Григорьев, А.П. Механизм гидрирования углерода в присутствии никеля, железа и платины / А.П. Григорьев, С.У. Лифшиц, П.П. Шамаев // Кинетика и катализ. – 1977. – Т. 18, № 4. – С. 948–952.

3. Изучение влияния параметров обработки на протекание поверхностных нанопроцессов при формообразовании синтетических алмазов / В.А. Емельянов [и др.] // Известия Гомельского государственного университета имени Ф. Скорины. – 2021. – № 6 (129). – С. 159–163.

4. Термохимическая лазерная обработка монокристаллов алмаза / В.А. Емельянов, Е.Б. Шершнев, А.Н Купо, С.И. Соколов // Квантовая электроника: материалы XIII Междунар. науч.-техн. конференции, Минск, 22–26 ноября 2021 г. / БГУ, НИИ прикладных физических проблем им. А.Н. Севченко БГУ, Ин-т физики им. Б.И. Степанова НАН Беларуси, Белорусский республиканский фонд фундаментальных исследований; [редкол.: М.М. Кугейко (отв. ред.), А.А. Афоненко, А.В. Баркова]. – Минск: БГУ, 2021. – С. 382–385.

5. Взаимодействие лазерного излучения с металлами / А.М. Прохоров [и др.]. – Бухарест: Academiei; Москва: Наука, 1988. – 537 с.

6. Козлов, В.П. Двумерные осесимметричные нестационарные задачи теплопроводности / В.П. Козлов; под ред. А.Г. Шашкова. – Минск: Наука и техника, 1986. – 392 с.

7. Кузнецов, Г.В. Разностные методы решения задач теплопроводности: учебное пособие / Г.В. Кузнецов, М.А. Шеремет. – Томск: Изд-во ТПУ, 2007. 172 с.

8. Физические свойства алмаза. Справочник; под ред. академика АН УССР Н.В. Новикова. – «Навукова думка», 1987. – 188 с.

Поступила в редакцию 29.06.2023.

#### Информация об авторах

Шершнев Евгений Борисович – к.т.н., доцент