Секция "Аналитические и численные методы исследования в математике" Подсекция 2. "Математический анализ, теория вероятностей и математическая статистика, теория массового обслуживания"

Основными компонентами клеточной стенки лактококков являются муреин и белок. Поэтому клетки обрабатываются ферментом лизоцимом, расщепляющим муреин, и В-меркаптоэтанолом, восстанавливающим дисульфидные связи в белке.

Эффективность образования протопластов определяется по оптической плотности лизатов клеток, т.е. клетки после ферментативной обработки помещают в гипотонический раствор, где протопласты разрываются вследствие чувствительности к осмотическому шоку, а в образующейся суспензии остаются клетки с неразрушенной клеточной стенкой. Т.о. уменьшение оптической плотности отражает увеличение эффективности образования протопластов.

Для исследования процесса получения протопластов проводился эксперимент по изучению зависимости оптической плотности лизатов клеток Lactococcus lactis 549/8 от времени обработки и концентрации ферментов.

Для исследования этой зависимости воспользуемся множественной регрессией. Рассмотрим зависимость:

$$y = a_0 + a_1 \cdot x_1 + a_2 \cdot x_2 + a_3 \cdot x_3 + a_4 \cdot x_4$$

где x_1 - концентрация лизоцима; x_2 - время обработки лизоцимом; x_3 - концентрация В-меркаптоэтанола; x_4 - время обработки В-меркаптоэтанолом; y - оптическая плотность. Используя метод наименьших квадратов, определяем коэффициенты: $a_0=-0.085$; $a_1=0.039$; $a_2=3.25\cdot 10^{-3}$; $a_3=1.789$; $a_4=1.111\cdot 10^{-5}$ Проверим статистическую оценку модели по критерию Фишера: $F^{na6n}=10.75>F^{ma6}_{0.01,23\cdot 19}=3.045$. Т.о. модель можно считать адекватной. Т.к. факторы x_3,x_4 оказывают слабое влияние на результирующий показатель y, то их можно отбросить, при этом получаем:

$$F^{\,\mu a \delta n.} = 6.189 > F^{\,m a \delta n.}_{0.01;23;21} = 2.871 \, .$$

Т.о. получаем линейную зависимость вида: $y = a_0 + a_1 \cdot x_1 + a_2 \cdot x_2$

ОБ ОДНОЙ ВЕРОЯТНОСТНОЙ МОДЕЛИ РЫНКА Н.М. Курносенко, Ю.П. Шкут

(ГГУ им. Ф.Скорины, Гомель)

Рассматривается следующая модель рынка со стохастическим предложением и спросом, предложенная в [1]. Предложение рынка

Материалы VII Республиканской научной конференции студентов и аспирантов "Новые математические методы и компьютерные технологии в проектировании, производстве и научных исследованиях", Гомель 22-24 марта 2004 г.

представляют n фирм, производящих однородный товар. i-ая фирми производит y_i товара ($i = \overline{1, n}$) и получает за это прибыль

$$C_{i} = \frac{1}{2s} y_{i}^{2} + K_{i} y_{i} + C_{f}$$

где K_i — случайный параметр, C_f — фиксированная постоянная, S— параметр масштабирования. Спрос рынка предполагается заданным и описывается соотношением P=a-bY+u, где P—кратковременная равновесная цена, Y— обеспечиваемый выход, a,b— коэффициенты, u—случайный фактор, называемый возмущением $(M(u)=0;D(u)=\sigma_u^{-2})$. В указанной модели делаются предположения, что: 1) $K_i=\alpha+\varepsilon_i$, где случайная величина α отражает общие условия для всех фирм, α и ε_i независимы; $\alpha\sim N(\alpha,\sigma_\alpha^{-2})$, $\varepsilon_i\sim N(0,\sigma_{\varepsilon_i}^{-2})$; 2) каждая фирма считает. что её решение не влияет на равновесную цену; 3) i-ая фирма знает только реализации своего K_i ; 4) производство требует единицы времени для всех фирм.

Функционирование рынка предполагает, что: 1) в некоторый момент времени (t-1) *i*-ая фирма узнает значения своих K_i и формирует свой прогноз цены следующего момента времени t для максимизации прибыли; 2) планы производства выполняют все фирмы за единицу времени между (t-1) и t; 3) в момент времени t все фирмы представляют свои предложения на рынок.

В [1] получены индивидуальная функция прогноза равновесия и индивидуальная функция равновесной цены.

Предлагается некоторое обобщение данной модели рынка, которое позволяет в зависимости от информации о случайных параметрах спроса и предложения построить рациональную стратегию поведения предложений на рынке. Получено выражение для функции прогнозирования i-ой фирмы $(i=\overline{1,n})$.

ЛИТЕРАТУРА

1. Frydman R. Towards an understanding of market processes: individual expectations, learning and convergence to rational expectations equilibrium// Amer.econ.rev - 1982 - 72. - P.652-668.