

Полагая  $\{p_i\}$  известными, определение искомым компонентом разложения  $\{a_i\}$  сводится к решению данной системы. Определение значений указанных интегралов может быть осуществлено методами дискретной обработки информации с применением известных интерполяционных процедур. Программа для реализации алгоритма была разработана в среде Mathcad с использованием решения системы уравнений по методу Крамера.

Результат разложения тест-функции вида  $f(t) = 3e^{-0,8t}$ , где  $a = 3$ , а  $p = 0,8$  представлен на рисунке 1, а. Видно, что при совпадении  $p$  с одним из  $p_i$ , разложение не имеет погрешности.

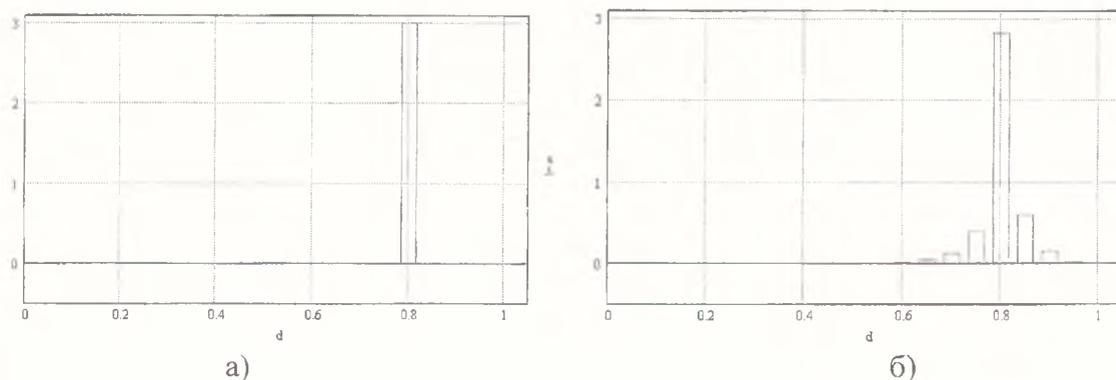


Рисунок 1 – Результат разложения тест-функции:  
а)  $p = 0,8$ ; б)  $p = 0,81$

В случае, когда базис разложения не совпадает с параметром затухания экспоненты ни в одной своей точке, дельта импульс в разложении заменяется на колоколообразный импульс в окрестности параметра затухания (рисунок 1, б), причем наибольшей ширины он достигает, когда параметр затухания тест-функции располагается точно между дискретами разложения. При этом следует отметить, что применение в качестве тест-функции дельтаобразного сигнала является наиболее критичной процедурой проверки работоспособности любого алгоритма и малоинформативно с точки зрения его реальной применимости ввиду того, что физически дельта-импульс не реализуем. Для проверки действительной работоспособности необходимо использование тест-функции, более приближенной к реальности, т. е. обладающей конечной шириной в лапласовом представлении.

## АСИМПТОТИКА ПОВЕДЕНИЯ СТРОЧНЫХ АППРОКСИАЦИЙ ПАДЕ ФУНКЦИИ МАРКОВА МЕРЫ ЭРМИТА

*Д. А. Рыкачев* (УО «ГТУ им. Ф. Скорины»)  
Научн. рук. *А. П. Старовойтов*,  
доктор физ.-мат. наук, профессор

Рассмотрим меру Эрмита:

$$d\mu(x) = e^{-x^2} dx, \text{ где } x \in [-\infty; +\infty]$$

Функция Маркова данной меры имеет вид:

$$\begin{aligned} \tilde{\mu}(\omega) &= \omega \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-x^2} dx \left( 1 + \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(2n-1)!!}{2^n} \omega^n \right) = \\ &= \omega \sqrt{\pi} \left( 1 + \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(2n-1)!!}{2^n} \omega^n \right). \end{aligned}$$

В дальнейшем будем работать с функцией

$$f(z) = 1 + \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(2n-1)!!}{2^n} z^n.$$

**Лемма 1.** Если  $n \geq m \geq 2$ , то

$$\frac{D_{n,m,1}}{D_{n,m}} = \frac{m!}{2^{n+1}} \prod_{i=1}^{n+1} (2i-1),$$

$$\frac{D_{n,m,k}}{D_{n,m,1}} = \frac{(k)_m}{2^{k-1} m!} \prod_{i=1}^{k-1} (2n+2i+1) = \frac{(k)_m}{2^{k-1} m!} \frac{(2n+2k-1)!!}{(2n+1)!!}.$$

**Лемма 2.** Знаменатель дроби Паде функции  $f(z)$  имеет вид:

$$Q_{n,m}(z) = D_{n,m} \sum_{j=0}^m \frac{(-1)^j}{2^j} \prod_{i=1}^j (2n-2i+5) C_j^m z^j.$$

### Литература

1 Бейкер, Дж. Аппроксимации Паде / Дж. Бейкер, Дж. П. Грейвс-Моррис. – М. : Мир, 1986. – 502 с.

2 Старовойтов, А. П. Об асимптотике строк таблицы Паде аналитических функций с логарифмическими точками ветвления / А. П. Старовойтов, Н. А. Старовойтова // Математические заметки. – 2008. – Т. 4. – № 43. – С. 409–419.

## МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ЭНЕРГОСБЕРЕЖЕНИЯ В ШКОЛЬНОМ КУРСЕ ФИЗИКИ

*И. В. Симакова (УО «ГГУ им. Ф. Скорины»)*

*Научн. рук. Н. А. Алешкевич,  
канд. физ.-мат. наук, доцент*

Энерго- и ресурсосбережение является одной из самых серьезных задач современности. Президентом и правительством Республики Беларусь постоянно проводится политика, направленная на модернизацию и трансформацию топливно-энергетического комплекса, снижение энергоемкости всех видов продукции, разработку и внедрение в народном хозяйстве энергосберегающих технологий. От результатов решения энергетических проблем зависит место нашего общества в ряду развитых в экономическом отношении стран и уровень жизни наших граждан.

Такой сложный и многогранный процесс, как энерго- и ресурсосбережение требует соответствующей подготовки, что обусловлено множеством возрастных и социальных факторов. Это в свою очередь определяет формы и методы обучения. Школьные программы ряда стран включают в себя вопросы энергосбережения. Например, в Швеции основы солнечной энергетики изучаются в средней школе всех уровней. В Чехии на лабораторных работах школьники измеряют радиус Солнца, энергию падающего солнечного излучения, работают с макетами солнечных печей для плавки металлов и т. д. Аналогичные вопросы должны быть введены в школьные образовательные программы и в нашей Республике.

Вместе с тем введение в школах республики элементов подготовки по вопросам энергосбережения не должно допускать как чрезмерной перегрузки школьников, так и нарушения уже существующих учебных программ. С этой целью, подход к организации такой подготовки должен быть весьма дифференцированным и зависеть от типа школы. Дифференцированный подход к подготовке школьников в области энергосбережения, в частности, означает, что в общеобразовательных школах (в особенности, в младших классах), а также в лицеях и гимназиях гуманитарного профиля следует, по-видимому, использовать такую