

Член-корреспондент АН СССР К. Я. КОНДРАТЬЕВ,  
Ю. М. ТИМОФЕЕВ, Е. М. ШУЛЬГИНА

**О ВОЗМОЖНОСТИ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ХАРАКТЕРИСТИК  
ПОВЕРХНОСТНОГО СЛОЯ ПОЧВЫ ПО ЕГО ТЕПЛОВОМУ  
РАДИОИЗЛУЧЕНИЮ**

По-видимому, наиболее перспективная методика дистанционного определения характеристик поверхностных слоев грунта, ледового покрова или водных бассейнов состоит в использовании для этой цели данных измерений микроволнового излучения соответствующих сред. Ниже рассматривается такого рода методика, пригодная для определения характеристик почвы.

В микроволновом диапазоне выражение для радиояркостной температуры теплового излучения однородной полубесконечной среды в направлении нормали имеет вид

$$T'_{\text{я}} = \int_0^{\infty} \alpha(z) T(z) \exp \left[ - \int_0^z \alpha(z') dz' \right] dz,$$

где  $\alpha$  — коэффициент поглощения;  $T(z)$  — распределение температуры в почве в зависимости от глубины  $z$ , отсчитываемой по направлению распространения излучения.

Радиояркостная температура, измеряемая на уровне земной поверхности, связана с температурой излучения среды  $T'_{\text{я}}$  следующим соотношением (если пренебречь малосущественным в рассматриваемом диапазоне спектра вкладом отраженного излучения атмосферы):

$$T_{\text{я}} = T'_{\text{я}} (1 - R^2),$$

где  $R$  — френелевский коэффициент отражения земной поверхности, при нормальном падении равный

$$R = (\sqrt{\varepsilon} - 1) / (\sqrt{\varepsilon} + 1)$$

( $\varepsilon$  — диэлектрическая проницаемость почвы).

Диэлектрическая проницаемость почвы в диапазоне сантиметровых и дециметровых волн незначительно изменяется в зависимости от длины волн и линейно возрастает с увеличением влажности <sup>(1, 4)</sup>. Поэтому можно не учитывать зависимости  $R$  от длины волн при измерениях на нескольких близких длинах волн в микроволновом диапазоне. Коэффициент поглощения грунта возрастает с увеличением влажности примерно линейным образом и увеличивается с ростом частоты, в первом приближении по экспоненциальному закону <sup>(2)</sup>. Сильная зависимость коэффициента поглощения от влажности определяет обусловленность радиояркостной температуры излучения грунта метеорологическими условиями.

Представим теперь формулу для радиояркостной температуры в виде

$$T_{\text{я}} = [1 - R(w)^2] \int_0^{\infty} \alpha(z, w) T(z) \exp \left[ - \int_0^z \alpha(z', w) dz' \right] dz, \quad (1)$$

где  $w$  — влажность почвы (вообще говоря, зависящая от глубины).

Анализ данных по температурному режиму почвы, приведенных в работе (3), показал, что температурные профили удачно аппроксимируются соотношением

$$T(z) = \{[T'(0) + \gamma(T_0 - T_2)]z + T_0 - T_2\}e^{-\gamma z} + T_2, \quad (2)$$

где  $T_0$  — температура при  $z = 0$ ;  $T'(0)$  — температурный градиент у поверхности;  $T_2$  — асимптотическое значение температуры при  $z \rightarrow \infty$ ;  $\gamma$  — эмпирический параметр. По данным работы (3) летом в любое время суток  $T = T_2$  уже на глубине около 40 см.

Вообще говоря, аппроксимация температурного профиля выражением (2) возможна для любого профиля, характеризуемого монотонным переходом к  $T_2$  или обладающего одним максимумом или минимумом.

В качестве первого приближения рассмотрим случай  $a = \text{const}$ . Этот случай осуществляется в области длин волн, для которых коэффициент поглощения достаточно велик, чтобы на расстоянии эффективной глубины проникновения излучения в почву ( $0 < z < 1/a$ ) влажность, а вместе с ней и коэффициент поглощения не успевали заметно изменяться (случай пустынь и засушливых степей является примером условий, когда учет влияния влажности может быть вообще несущественным).

Выполняя интегрирование в (1) с учетом (2), получим

$$T_{\text{я}} = \left[ \frac{T'(0)}{a(1 + \gamma/a)^2} + \frac{\gamma}{a} \frac{T_0 - T_2}{(1 + \gamma/a)^2} + \frac{T_0 - T_2}{1 + \gamma/a} + T_2 \right] (1 - R^2). \quad (3)$$

Покажем теперь, как, измеряя радиояркостную температуру на нескольких длинах волн, можно определить влажность и параметры температурного профиля.

Рассмотрим область длин волн, для которых  $\gamma/a \ll 1$ . В этом случае уравнение (3) принимает вид

$$T_{\text{я}} = (1 - R^2) \left[ \frac{T'(0)}{a} \left( 1 - 2 \frac{\gamma}{a} \right) + T_0 \right]. \quad (4)$$

Таким образом, в рассматриваемой области длин волн радиояркостная температура определяется величинами температуры и ее градиента на поверхности, но не зависит от асимптотического значения температуры.

Поскольку коэффициент отражения  $R$  является сложной функцией влажности, для его определения, а также нахождения трех других неизвестных величин  $w$ ,  $\gamma$  и  $T'(0)$  ( $T_0$  можно считать заданным) необходимо располагать данными измерений радиояркостной температуры на четырех близких длинах волн, коэффициенты поглощения на которых удовлетворяют неравенству  $\gamma/a \ll 1$ . Рассмотрим систему четырех уравнений:

$$T_{\text{я}i} = [1 - R^2(w)] \left[ \left( 1 - 2 \frac{\gamma}{a_i(w)} \right) \frac{T'(0)}{a_i(w)} + T_0 \right], \quad i = 1, 2, 3, 4. \quad (5)$$

Один из возможных способов решения этой нелинейной относительно искомых величин системы уравнений состоит в следующем.

Составим выражения для трех величин

$$\frac{T_{\text{я}1} - T_{\text{я}k}}{T_{\text{я}k}} = \frac{T'(0)}{T_0} \left[ \left( 1 - 2 \frac{\gamma}{a_1} \right) \frac{1}{a_1} - \left( 1 - 2 \frac{\gamma}{a_k} \right) \frac{1}{a_k} \right], \quad k = 2, 3, 4. \quad (6)$$

Исключив из них  $T'(0)$ , получим равенства:

$$2\gamma \left( \frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_3} \right) = 1 - \frac{(T_{\text{я}1} - T_{\text{я}2})}{(T_{\text{я}1} - T_{\text{я}3})} \frac{T_{\text{я}3}}{T_{\text{я}2}} \frac{(a_3 - a_1) a_2}{(a_2 - a_1) a_3}, \quad (7)$$

$$2\gamma \left( \frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_4} \right) = 1 - \frac{(T_{\text{я}1} - T_{\text{я}2})}{(T_{\text{я}1} - T_{\text{я}4})} \frac{T_{\text{я}4}}{T_{\text{я}2}} \frac{(a_4 - a_1) a_2}{(a_2 - a_1) a_4}.$$

Исключив  $\gamma$ , найдем окончательно

$$(a_2 - a_3)(a_1 - a_4)(T_{\text{r}2}T_{\text{r}3} + T_{\text{r}1}T_{\text{r}4}) + (a_2 - a_4)(a_3 - a_1) \times \\ \times (T_{\text{r}2}T_{\text{r}4} + T_{\text{r}1}T_{\text{r}3}) + (a_3 - a_4)(a_1 - a_2)(T_{\text{r}3}T_{\text{r}4} + T_{\text{r}1}T_{\text{r}2}) = 0. \quad (8)$$

Подставляя известные линейные зависимости  $a_i$  от влажности  $a_i = a_i(w)$  <sup>(1)</sup>, приходим к квадратному уравнению для определения влажности грунта. Восстанавливая значения коэффициентов поглощения  $a_i$ , вычислим параметр температурного профиля  $\gamma$  по любому из двух соотношений (7). Наклон кривой  $T'(0)$  можно теперь определить по любому из трех уравнений (6). Наконец,  $R$  находится из уравнений (5).

Таким образом, по измеренным четырем значениям радиоактивной температуры в области длин волн, для которых  $\gamma/a \ll 1$ , при условии задания  $T_0$  (величину  $T_0$  можно получить по данным измерений в инфракрасном диапазоне) и зависимости коэффициентов поглощения от влажности на этих длинах волн простым образом можно определить влажность почвы и температурный градиент у поверхности, коэффициент отражения поверхности и экспоненциальный множитель температурного профиля. Отметим, что необходимые данные для решения такого рода задачи имеются в настоящее время только для длин волн 60; 10; 3,3 см и двух видов почв (см. <sup>(1)</sup>).

Рассмотренный выше случай  $\gamma/a \ll 1$  имеет место при сильном поглощении. Оценки по данным работы <sup>(1)</sup> показывают, что при влажности, превышающей 6 %, неравенство  $\gamma/a \ll 1$  выполняется в области длин волн около 3 см. При более низкой влажности зондирование следует проводить на более коротких длинах волн.

Второй предельный случай больших длин волн, для которых  $\gamma/a \gg 1$ , дает возможность определить асимптотическое значение температурного профиля  $T_2$  из равенства

$$T_{\text{r}} = (1 - R^2) \left[ T_2 + 2 \frac{a}{\gamma} (T_0 - T_2) + \frac{a^2}{\gamma^2} \frac{T'(0)}{a} \right]. \quad (9)$$

Это случай слабого поглощения, и, естественно, основной вклад в радиоактивную температуру дают слои при температуре  $T_2$ .

При условии  $a = \text{const}$  из одного измерения  $T_{\text{r}}$  определяется  $T_2$ . Неравенство  $\gamma/a \gg 1$  выполняется для длин волн дециметрового диапазона. Например, для длины волны 60 см при изменении влажности от 3 до 12 %  $\gamma/a$  изменяется примерно от 60 до 15.

Отметим, что если коэффициент поглощения настолько мал, что поправками к  $T_2$  в формуле (9) можно пренебречь, т. е.

$$T_{\text{r}} = (1 - R^2) T_2, \quad (10)$$

то  $T_{\text{r}}$  не зависит от коэффициента поглощения, что обусловлено изотермичностью профиля на больших глубинах, и выражение (10) справедливо для коэффициента поглощения, изменяющегося с глубиной. Таким образом, предлагаемый метод позволяет в приближении  $a = \text{const}$ , избегая громоздких вычислений, определить с помощью небольшого числа измерений основные характеристики состояния поверхностного слоя почвы: влажность и параметры температурного профиля. Поскольку данные таких измерений относятся к длинам волн, расположенным в области окон прозрачности атмосферы, это облегчает практическое решение задачи дистанционного зондирования с любых высот.

Главная геофизическая обсерватория  
им. А. И. Войкова  
Ленинград

Поступило  
4 VI 1970

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

<sup>1</sup> Ю. И. Лещинский, В. М. Аманских, Г. Н. Лебедева, Тр. Моск. физ.-техн. инст., в. 10 (1962). <sup>2</sup> Л. Т. Тучков, Естественные шумовые излучения в радиоканалах, М., 1968. <sup>3</sup> П. А. Воронцов, Т. А. Огнева, Н. В. Серова, Тр. Главн. геофиз. обс., в. 107 (1961). <sup>4</sup> M. J. Campbell, J. Ulrichs, J. Geophys. Res., 74, 25 (1969).