

А. А. ЧЕРНЕНКО, Я. М. ЗОЛОТОВИЦКИЙ, Л. И. КОРШУНОВ

МЕТОД ТЕМПЕРАТУРНОГО СКАЧКА В ЭЛЕКТРОХИМИЧЕСКИХ  
ИССЛЕДОВАНИЯХ

(Представлено академиком А. Н. Фрумкиным 31 XII 1970)

Для исследования кинетики процессов, лимитируемых диффузией, используются различные релаксационные методы, в частности метод температурного скачка, который обычно служит для определения констант скоростей быстрых реакций (переноса протона или электрона, гидролиза, комплексообразования и т. п.). Разогрев на  $0,1$ — $10$  град. за время  $10^{-4}$ — $10^{-8}$  сек. создается с помощью

импульсных ламп, СВЧ-генераторов или лазеров. За релаксацией следят при помощи спектрофотометрии или кондуктометрии (1).

В настоящей работе исследуется возможность применения метода температурного скачка в электрохимических системах. Как уже сообщалось (2, 3), при освещении рабочего электрода импульсами полихроматического света с длиной волны, превосходящей красную границу фотозиссии ( $\lambda > 540$  мкм) в цепи электрохимической ячейки возникает ток. В данной работе разогрев осуществляется импульсным (лампа ИФК-2000 с энергией 700 дж и длительностью импульса  $3 \cdot 10^{-4}$  сек.) или прерывистым (лампа ДРШ-1000, частота модуляции  $f = 22$  Гц) освещением капельного ртутного электрода. Измерительные установки описаны ранее (2, 4).

Рис. 1. Зависимость  $V_{\max}$  от потенциала электрода при  $C_{\text{H}_2\text{SO}_4}$  равной: 1 —  $0,1$ ; 2 —  $5 \cdot 10^{-5}$  Н

В импульсном режиме сигнал  $V(t) = RI(t)$  регистрируется осциллографом с измерительного сопротивления  $R$ , включенного последовательно с ячейкой. Регистрирующая схема при модулированном освещении позволяет непосредственно измерять средний ток разогрева и состоит из узкополосного усилителя сигнала, настроенного на частоту модуляции, и последующего синхронного детектора.

Ток разогрева не зависит от длины волны и пропорционален интенсивности света. Зависимость пиковой величины сигнала  $V_{\max}$  от потенциала электрода  $\varphi_m$  представлена на рис. 1: равный нуль в точке нулевого заряда (т.н.з.) металла  $\varphi_0$  сигнал возрастает при удалении от т.н.з., причем при  $\varphi_m > \varphi_0$  сигнал катодный, а при  $\varphi_m < \varphi_0$  — анодный. Вблизи т.н.з. зависимость  $V_{\max}(\varphi_m)$  линейна. Величина эффекта не зависит от концентрации электролита в пределах  $1$ — $10^{-5}$  М, а при дальнейшем разбавлении понижается. В воде с проводимостью  $10^{-6}$  ом $^{-1}$ ·см $^{-1}$  эффект практически отсутствует. Импульсное освещение позволяет исследовать кинетику (рис. 2) процесса релаксации. При практически линейном фронте нарастания сигнала происходит за время  $2 \cdot 10^{-4}$  сек., т. е. прекращается еще во время вспышки. Угол наклона фронта импульса к оси времени возрастает при удалении от точки нулевого заряда. Пиковая величина сигнала при заданном потенциале электрода не зависит от величины  $R$  в пределах

от 1 ком до 1 Мом. Максимальная величина сигнала для идеально поляриземых электродов  $\sim 1$  мв. При  $R \sim 1$  ком спад происходит за время 1,2 мсек, и имеет экспоненциальный характер. При  $R \sim 1$  Мом время спада затягивается и эта часть кривой линеаризуется в координатах  $V, t^{-\frac{1}{2}}$ . При модулированном освещении наблюдается сигнал, соответствующий среднему току разогрева 0,05 ма.

Для объяснения кинетических кривых и зависимости величины сигнала  $V_{max}$  от потенциала электрода, изображенных на рис. 1 и рис. 2, мы воспользуемся нестационарным вариантом теории Гуи — Штерна. В рамках этой теории распределение концентраций ионов, потоков, напряженности электрического поля и потенциала описывается самосогласованной системой нелинейных дифференциальных уравнений в частных производных с соответствующими начальными и граничными условиями (см., например, <sup>(5, 6)</sup>). В <sup>(6)</sup> был развит метод, позволяющий свести изучение переходных явлений в электрохимических системах на малых временах к исследованию одного обыкновенного нелинейного дифференциального уравнения. С незначительными изменениями он переносится на рассматриваемый здесь случай температурного возмущения.

Рассмотрим замкнутую электрическую цепь, состоящую из электрохимической ячейки (идеально поляризуемый сферический электрод в растворе бинарного 1—1 электролита), измерительного сопротивления  $R$  и внешнего источника э.д.с.  $E$ . Пусть в момент времени  $t = 0$  начинается изменение температуры системы по закону  $T = T(t)$ . Температурное поле будем считать однородным; соображения в пользу такого приближения приведены ниже. Ограничимся изучением поведения системы в интервале времени  $t \sim L_d r_0 / (D_+ D_-)^{\frac{1}{2}}$ , где  $L_d = (\epsilon_0 (kT / 4\pi^2 N_0))^{\frac{1}{2}}$  — длина Гуи,  $r_0$  — радиус электрода,  $D_+, D_-$  — коэффициенты диффузии ионов. Как было показано в <sup>(6)</sup>, в этом интервале времени происходит перестройка двойного слоя, а изменениями в объеме раствора за счет диффузионно-миграционных процессов можно пренебречь.

Воспользовавшись методом <sup>(6)</sup>, нетрудно получить дифференциальное уравнение для полного тока  $I(t)$ :

$$(R + R_0) \frac{dI}{dt} + \left[ \frac{1}{C_d} + \frac{1}{C_\Gamma} + \frac{\partial R_0}{\partial T} \dot{T} + (R + R_0) \frac{1}{\epsilon_\Gamma} \frac{\partial \epsilon_\Gamma}{\partial T} \dot{T} \right] I = \\ = \left[ \frac{1}{\epsilon_\Gamma} \frac{\partial \epsilon_\Gamma}{\partial T} \Phi_M, 0 + \left( \frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial \epsilon_0}{\partial T} - \frac{1}{\epsilon_\Gamma} \frac{\partial \epsilon_\Gamma}{\partial T} \right) \tilde{\Phi} + \frac{k}{e} \left( 1 + \frac{T \partial \epsilon_0}{\epsilon_0 \partial T} \right) \left( \operatorname{th} \frac{e\tilde{\Phi}}{2kT} - \frac{e\tilde{\Phi}}{kT} \right) \right] \dot{T}, \quad (1)$$

$$I(0) = 0, \quad (2)$$

где  $R_0$  — сопротивление объема раствора;  $C_d, C_\Gamma, \epsilon_0, \epsilon_\Gamma$  — дифференциальные емкости и диэлектрические проницаемости соответственно диффузной и плотной части двойного слоя. Для сферического электрода

$$R_0 = kT / [4\pi r_0^2 (D_+ + D_-) N_0], \quad (3)$$

$$C_d = L_d^{-1} r_0^2 2^{1/2} \epsilon_0 \operatorname{ch}(e\tilde{\Phi}/2kT), \quad C_\Gamma = \epsilon_\Gamma r_0^2 / d_\Gamma, \quad (4)$$

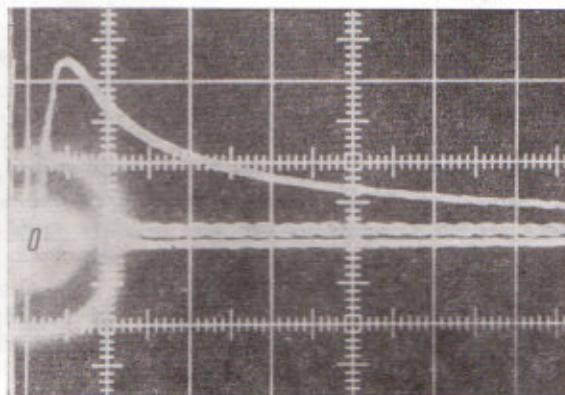


Рис. 2. Осциллограмма токов разогрева при импульсном освещении ( $0,1 N HClO_4$ );  $\varphi = 0,0$  в (н.к.э.); по горизонтальной оси развертка 200 мсек/см; по вертикальной — 500 мв/см

где  $N_0$  — объемная концентрация электролита,  $e$  — заряд электрона ( $e > 0$ ),  $d_\Gamma$  — толщина слоя Гельмгольца. Функция пограничного слоя  $\tilde{\Phi}$  в (1), (4) определена трансцендентным уравнением

$$e\tilde{\Phi}/kT + 2^{1/2}(e_0d_\Gamma/e_\Gamma L_d)\operatorname{sh}(e\tilde{\Phi}/2kT) + e(R + R_0)I/kT = e\Phi_{M,0}/kT, \quad (5)$$

где  $\Phi_{M,0}$  — потенциал электрода при  $t < 0$ , отсчитанный от точки нулевого заряда.

При выводе уравнений (1) — (5) была принята простейшая модель плотной части двойного слоя с линейным ходом потенциала, предполагалось, что специфическая адсорбция отсутствует и диэлектрическим насыщением можно пренебречь. Уравнения (1) — (5) описывают релаксацию тока в интервале времени  $t \sim L_d r_0 / (D_+ D_-)^{1/2}$ , а фактически в интервале  $t \sim (R + R_0)C$ , если только  $(R + R_0)C \ll r_0^2 / (D_+ D_-)^{1/2}$ ; ограничения на время, связанные с предположением об однородности температурного поля, как показывают приведенные ниже оценки, можно не принимать во внимание.

Исследование уравнений (1) — (5) существенно упрощается, если учесть, что относительное изменение температуры мало и время облучения по условиям эксперимента много меньше характерного времени  $(R + R_0)C$

$$\Delta T/T_0 = [T(t) - T(0)]/T(0) \ll 1, \quad t_{\text{имп}} \ll (R + R_0)C. \quad (6)$$

Рассмотрим предельные случаи больших и малых отклонений потенциала металла  $\Phi_{M,0}$  от точки нулевого заряда  $\Phi_{M,0} = 0$ . Пусть  $(e|\Phi_{M,0}|/kT_0) \ll 1$ , т. е. система при  $t < 0$  находится вблизи от точки нулевого заряда. В этом случае из (1), (2), (5) с учетом (6) можно получить выражение для тока

$$I(t) \simeq (R + R_0)^{-1}\Omega_1(T_0)\Phi_{M,0} \exp[-t/(R + R_0)C]\Delta T(t), \quad (7)$$

где

$$C = C_d C_\Gamma / (C_d + C_\Gamma), \quad (8)$$

$$\Omega_1(T_0) = \left(1 + 2^{-1/2} \frac{e_\Gamma L_d}{e_0 d_\Gamma}\right)^{-1} \left[ \frac{1}{e_\Gamma} \frac{\partial e_\Gamma}{\partial T} + 2^{-1/2} \frac{e_\Gamma L_d}{e_0 d_\Gamma} \left( \frac{1}{e_0} \frac{\partial e_0}{\partial T} - \frac{1}{T_0} \right) \right], \quad (9)$$

причем в (7) — (9) все величины, зависящие от  $T$ , взяты при  $T = T_0$ , а емкость  $C_d$  определена выражением (4) при  $\tilde{\Phi} = 0$ .

Вдали от точки нулевого заряда ( $e|\Phi_{M,0}|/kT_0 \gg 1$ ), как это следует из (5) и первого неравенства (6),  $\tilde{\Phi}$  слабо зависит от  $I$  и  $t$ . Поэтому в уравнении (1) параметры  $R_0$ ,  $C_d$ ,  $C_\Gamma$ ,  $\tilde{\Phi}$ ,  $T$  можно считать постоянными, сохранив однако члены с  $\dot{T}$ ; само уравнение (1) при этом линеаризуется и его решение имеет вид

$$I(t) \simeq (R + R_0)^{-1}\Omega_2(T_0, \Phi_{M,0})\Phi_{M,0} \exp[-t/(R + R_0)C_\Gamma]\Delta T(t), \quad (10)$$

где

$$\begin{aligned} \Omega_2(T_0, \Phi_{M,0}) = & \left[ \frac{1}{e_\Gamma} \frac{\partial e_\Gamma}{\partial T} + \frac{k}{e\Phi_{M,0}} \left( 1 + \frac{T_0}{e_0} \frac{\partial e_0}{\partial T} \right) - \right. \\ & \left. - \frac{2k}{e|\Phi_{M,0}|} \left( 1 + \frac{T_0}{e_\Gamma} \frac{\partial e_\Gamma}{\partial T} \right) \ln \left( \frac{e_\Gamma L_d e|\Phi_{M,0}|}{e_0 d_\Gamma k T_0} \right) \right], \end{aligned} \quad (11)$$

причем, так же как и в (7) — (9), все величины, зависящие от  $T$ , взяты при  $T = T_0$ . Поскольку максимум температуры достигается при  $0 < t < t_{\text{имп}}$ , то с достаточной степенью точности можно считать

$$I_{\max} \simeq \begin{cases} (R + R_0)^{-1}\Omega_1\Phi_{M,0} \Delta T_{\max}, & \text{при } e|\Phi_{M,0}|/kT_0 \ll 1, \\ (R + R_0)^{-1}\Omega_2\Phi_{M,0} \Delta T_{\max}, & \text{при } e|\Phi_{M,0}|/kT_0 \gg 1. \end{cases} \quad (12)$$

При выводе уравнения (1) для тока  $I(t)$  температурное поле считалось однородным. Чтобы оправдать такое упрощающее предположение

необходимо рассмотреть вспомогательную задачу теплопроводности. Поскольку нам неизвестно распределение тепловых источников, были рассмотрены два случая: 1) тепловые источники локализованы на поверхности рабочего электрода, 2) тепловые источники распределены равномерно по некоторому объему раствора вокруг электрода. В первом случае в интервале времени  $L_d^2 / a_1^2 \ll t \ll r_0^2 / a_2^2$  (где  $a_1^2, a_2^2$  — коэффициенты температуропроводности соответственно раствора и металла) в шаровом слое толщины  $\sim L_d$  вблизи поверхности электрода температурное поле можно считать однородным и при расчетах пренебречь кривизной поверхности электрода. Во втором случае ограничение  $t \gg L_d^2 / a_1^2$  снимается. При  $a_1^2 \sim 10^{-3}$  см<sup>2</sup>/сек,  $a_2^2 \sim 4 \cdot 10^{-2}$  см<sup>2</sup>/сек,  $r_0 \sim 10^{-1}$  см,  $L_d \sim 10^{-6}$  см получаем численную оценку  $10^{-9}$  сек  $\ll t \ll 10^{-1}$  сек. С другой стороны, детальный анализ исходных уравнений в частных производных показывает, что рассматриваемый эффект обусловлен изменением температуры только в области пространства, в которой имеется объемный заряд. Поэтому распределение температуры вне двойного слоя не имеет существенного значения.

Нетрудно проверить, что изложенная теория качественно объясняет совокупность экспериментальных фактов. Действительно, зависимость  $V_{\max} = RI_{\max}$  от  $\Phi_m$ , согласно (12), совпадает с изображенной на рис. 1. Кинетические кривые (7), (9) соответствуют рис. 2. При  $R \gg R_0 \sim 10^{-2} \div 1$  ком для  $N_0 \sim 1 \cdot 10^{-3} M$  величина сигнала  $V(t)$ , согласно (7), (9), не зависит от  $R$ , т. е. ячейка работает как генератор напряжения. Получает объяснение зависимость асимптотики  $I(t)$  от измерительного сопротивления  $R$ . При  $R \approx 1$  ком,  $C \approx 7 \mu F$  имеем  $(R + R_0)C \approx 10^{-3}$  сек; согласно (7), (9) асимптотика  $I(t)$  должна иметь экспоненциальный характер. При  $R \approx 1$  Мом. характерное время  $(R + R_0)C \approx 1$  сек., т. е. асимптотика функции  $I(t)$  должна совпадать с асимптотикой  $\Delta T(t)$ . Последняя в пределах двойного слоя имеет вид:  $\Delta T(t) \sim t^{-1/2}$  при  $t \gg t_{\text{инк}}$ . Наконец, формула (12) правильно описывает зависимость величины эффекта от концентрации, в чем легко убедиться, раскрыв зависимость  $R_0, \Omega_1, \Omega_2$  от  $N_0$ . Для количественного сравнения теории с экспериментом необходимо знать  $\frac{1}{\varepsilon_F} \frac{\partial \varepsilon_F}{\partial T}$  и  $\frac{1}{\varepsilon_0} \frac{\partial \varepsilon_0}{\partial T}$ ; согласно экспериментальным данным Грэма (7, 8),  $\varepsilon_0 = 80$ ,  $\varepsilon_2 = 15$ ,  $d\varepsilon_0 / dT \approx d\varepsilon_F / dT \approx 0,3$ , что приводит к пиковому значению величины сигнала (в режиме генератора напряжения)  $V_{\max} \approx 1$  мв при  $\Phi_m \approx 100$  мв и  $\Delta T_{\max} \approx 1^\circ C$  (соответствует поглощаемой электродом энергии светового излучения).

В заключение отметим, что развитая выше теория непосредственно переносится на случай рабочего электрода произвольной формы; при этом только необходимо сделать соответствующую замену величины  $R_0, C_d, C_t$  в уравнениях (1) — (4).

Авторы признательны А. М. Бродскому и В. А. Бендерскому за интерес, проявленный к данной работе.

Институт электрохимии  
Академии наук СССР  
Москва

Поступило  
1 XII 1970

#### ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

- <sup>1</sup> Е. Колдин, Быстрые реакции в растворе, М., 1966, стр. 74. <sup>2</sup> Л. И. Коршунов, Я. М. Золотовицкий, В. А. Бендерский, Электрохимия, 4, 499 (1968). <sup>3</sup> Л. И. Коршунов, Кандидатская диссертация, ИХФ АН СССР, М., 1970.
- <sup>4</sup> Л. И. Коршунов, Я. М. Золотовицкий, В. А. Бендерский, Электрохимия, 5, 716 (1969). <sup>5</sup> В. Г. Левич, Б. М. Графов, ДАН, 146, № 2 (1962).
- <sup>6</sup> А. А. Черненко, Электрохимия, 6, 1738 (1970). <sup>7</sup> D. C. Grahame, J. Am. Chem. Soc., 79, 2093 (1957). <sup>8</sup> J. R. Macdonald, C. A. Barlow, J. Chem. Phys., 36, 3062 (1962).