

В заключение авторы выражают глубокую благодарность Ю. Г. Фадееву и Г. А. Сычеву за участие в конструировании установки.

Поступило в Редакцию 14/X 1970 г.

В окончательной редакции 17/XII 1970 г.

## ЛИТЕРАТУРА

- Б. С. Вахтин, Е. М. Филиппов. «Геология и геофизика», № 2, 72 (1970).
- Р. Г. Гамбариан, Е. В. Рогов, А. С. Штань. «Атомная энергия», 25, 237 (1968).
- Б. С. Вахтин, Е. М. Филиппов. «Геология и геофизика», № 2, 101 (1968).

## Продольная устойчивость пучка в линейных индукционных системах

В. К. Гришин

В настоящее время активно исследуются различные методы получения интенсивных пучков ускоренных частиц. Одной из перспективных в этом отношении систем являются линейные индукционные ускорители (ЛИУ), простота и надежность эксплуатации которых открывают широкие перспективы в их применении [1, 2]. Однако и здесь при больших токах появляется продольная неустойчивость пучка, нарушающая его однородность.

Ускоряющая система ЛИУ представляет собой набор кольцевых индукторов с ферромагнитным сердечником. Поэтому частицы движутся в ферромагнитном канале, причем магнитная проницаемость его материала  $\mu \gg 1$ . Уже при сравнительно небольших скоростях выполняются условия своеобразной черенковской неустойчивости [3]  $\mu\beta^2 > 1$ , где  $\beta$  — отношение скорости частицы  $v$  и скорости света  $c$  в вакууме. Это положение подкрепляется следующими простыми физическими соображениями. При возникновении локальных возмущений плотности возбуждается дополнительное поле, кулоновская составляющая которой будет способствовать рассасыванию, а вихревая индукционная часть — нарастанию неоднородности тока. При  $\mu\beta^2 > 1$  последнее явление преобладает и пучок теряет продольную устойчивость.

Для конкретных оценок рассмотрим бесконечную систему кольцевых индукторов ЛИУ, расположенных вдоль оси  $z$ . Состояние пучка в такой системе можно описать кинетическим уравнением, которое определяет изменение плотности частиц  $F$  в фазовом пространстве координаты  $z$  и продольного импульса  $P_z$ :

$$\frac{\partial F}{\partial t} + e\mathcal{E} \frac{\partial F}{\partial P_z} + v \frac{\partial F}{\partial z} = 0, \quad (1)$$

где предполагается, что частицы с зарядом  $e$  движутся вдоль оси  $z$  в канале ускорителя со скоростью  $v$ ; их движение изменяется под действием продольного электрического поля  $\mathcal{E}$ . Отвлекаясь от поперечного движения частиц (это допустимо, если рассматривать продольные возмущения, длина которых много больше поперечных размеров пучка), предполагая его устойчивым, можно сказать, что  $F$  совпадает с линейной плотностью тока частиц со скоростями  $v$ . Полный ток в пучке равен

$$J = e \int_{-\infty}^{\infty} v F dP_z. \quad (2)$$

Собственное поле пучка определяется взаимодействием частиц с ферромагнитным окружением. При

УДК 621.384.65

условии  $\mu\beta^2 \gg 1$  кулоновской составляющей можно пренебречь [4], а вихревая составляющая будет описываться с помощью обычных понятий самоиндукции кольцевой системы [5]:

$$\mathcal{E}_F \approx \bar{\mu}l_0 \frac{\partial J}{c^2} \cdot \frac{\partial}{\partial t}, \quad (3)$$

где  $\bar{\mu}l_0$  — среднее значение коэффициента самоиндукции единицы длины системы. При длине волны возмущения заметно больше поперечных размеров индукторов (подробнее о конструкции индукторов см. в работе [2])  $l_0 \approx 2 \ln R/r$ , где  $R$  и  $r$  — максимальный и минимальный радиусы индукторов. Поле  $\mathcal{E}_F$  практически постоянно по сечению камеры.

Учитывая, что  $F = F(z - vt)$ ,

$$\mathcal{E}_F = \bar{\mu}l_0 \frac{\partial}{\partial z} \int_{-\infty}^{\infty} \beta^2 F dP_z. \quad (4)$$

Малые возмущения однородного бесконечного пучка будут описываться как:

$$F \approx F_0(P_z) + f(t, P_z, z), \quad (5)$$

где  $f \ll F_0$ . Очевидно,  $F_0$  не создает поле, и линеаризованное кинетическое уравнение после преобразования Фурье по  $z$  и Лапласа по времени приобретает вид:

$$pf_h + ik\bar{\mu}l_0 \frac{\partial F}{\partial P_z} \int_{-\infty}^{\infty} \beta^2 f_h dP_z + ikv f_h = f_0, \quad (6)$$

где  $f_0$  — начальное возмущение (внешнее поле не учитывается).

Согласно обычной методике анализа кинетического уравнения [6] асимптотическое наведение возмущения будет определяться корнем  $p$  уравнения

$$1 = ik\bar{\mu}l_0 e^2 \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\beta^2 \frac{\partial F_0}{\partial P_z}}{p + ikv} dP_z, \quad (7)$$

имеющим наибольшую действительную часть.

Для примера рассмотрим распределение

$$F_0 = \begin{cases} J/(2ev_0\Delta) & \text{при } |P_z - P_0| \leq \Delta, \\ 0 & \text{при } |P_z - P_0| > \Delta, \end{cases} \quad (8)$$

где  $v_0$  — средняя скорость в пучке. Тогда из (7) следует, что ( $\beta \sim 1$ )

$$p = -ikv_0 + kc(\Lambda - (\Delta\beta)^2)^{1/2}, \quad (9)$$

где  $\Lambda = \bar{\mu}l_0J(1-\beta^2)^{3/2}/J_A$ ;  $J_A = \frac{mc^3}{e} \approx 17000 a$ ;  $\Delta\beta$  — разброс скоростей в пучке. Как следует из (9), пучок остается устойчивым ( $\text{Re } p \rightarrow 0$ ) лишь при малых токах. Для распределения [7]

$$F_e = \frac{J}{e\pi v_0} \cdot \frac{P_1}{(P_z - P_0)^2 + P_1^2}, \quad (10)$$

имеем  $\text{Re } p = kc(\sqrt{\Lambda} - \Delta\beta)$ , откуда следуют те же выводы.

При практических оценках следует учесть сильную дисперсию магнитной проницаемости материала. По длине волны возмущения порядка 1–3 м магнитная проницаемость материалов не превышает  $10^2$ – $10^3$  [2]. Тогда при  $J = 200 a$  время развития неустойчивости пучка с энергией электронов 1–10 МэВ:

$$\tau = \frac{1}{\text{Re } p} \sim (0,4 \div 3) \cdot 10^{-8} \text{ сек},$$

т. е. неустойчивость развивается на расстоянии в несколько метров. Правда, в реальных системах необходимо учесть потери в сердечнике (мнимая часть  $\mu$ ), а также внешнее ускоряющее поле, которое, не изменяя качественной стороны явления, ограничивает

развитие возмущений, поскольку  $\text{Re } p$  сильно зависит от энергии частиц.

Реальным результатом продольной неустойчивости пучка будет возбуждение собственного поля пучка (или усиление поля неоднородностей, вносимых при инжекции), которое может заметно нарушить энергетическую однородность частиц [5].

Автор благодарит А. А. Коломенского за обсуждение результатов.

Поступило в Редакцию 23/VII 1970 г.

## ЛИТЕРАТУРА

1. N. Christofilos. Тр. Международной конференции по ускорителям высоких энергий (Дубна, 1963). М., Госатомиздат, 1964, стр. 1073.
2. А. И. Анацкий и др. «Атомная энергия», 21, 439 (1966).
3. А. И. Ахизер, Я. Б. Файнберг. ЖЭТФ, 21, 1262 (1951); Я. Б. Файнберг. «Атомная энергия», 11, 313 (1961).
4. Л. Гинзбург, И. М. Франк. «Докл. АН СССР», 56, 699 (1947).
5. В. К. Гришин. «Приборы и техника эксперимента», № 5, 35 (1970).
6. Л. Д. Лавдау. ЖЭТФ, 16, 574 (1946).
7. А. А. Коломенский, А. Н. Лебедев. «Атомная энергия», 7, 549 (1959).

## Абсолютное измерение интенсивности пучков частиц флюктуационным методом

Ю. П. ЛЯХНО, В. А. НИКИТИН

Число частиц, рожденных на тонкой мишени стационарным пучком частиц от импульсного ускорителя, флюктуирует (от посылки к посылке) около среднего значения согласно закону Пуассона. В этом случае относительное отклонение или так называемый коэффициент вариации (КВ) числа частиц  $v(n) = \frac{1}{\sqrt{n}}$ , где  $n$  — среднее число рожденных на мишени частиц за одну посылку ускорителя. Это значит, что непосредственное измерение интенсивности пучка частиц можно заменить измерением их КВ. Коэффициент вариации числа частиц можно измерить с помощью относительного детектора. Пусть проведено  $m$  относительных измерений  $x_1, x_2, \dots, x_m$ , пропорциональных реализациям случайной величины  $n$ :  $n_1, n_2, \dots, n_m$ . Тогда сред-

нее значение относительных измерений  $\bar{x} = \sum_{i=1}^m x_i = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m kn_i = k\bar{n}$ , а дисперсия  $D(x) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \bar{x})^2 = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (kn_i - k\bar{n})^2 = k^2 D(n)$ , где  $k$  — коэффициент пропорциональности между  $x_i$  и  $n_i$ . Согласно определе-

нию КВ [1]

$$v(x) = \frac{\sqrt{D(x)}}{\bar{x}} = \frac{\sqrt{D(n)}}{\bar{n}} = v(n). \quad (1)$$

Таким образом, описываемая здесь методика при известном законе изменения от посылки к посылке числа вторичных частиц позволяет с помощью относительного детектора проводить абсолютные измерения интенсивности пучков частиц без использования операции калибровки. Интенсивность этих пучков может превышать возможности счетчиков элементарных частиц вплоть до интенсивностей, измеряемых с помощью интегрирующих приборов (калориметра, цилиндра Фарадея и т. д.).

Иногда падающие на мишень частицы имеют значительную вероятность взаимодействия с ней. В этом случае число вторичных частиц флюктуирует согласно биномиальному распределению [1], а их КВ  $v(n) = \sqrt{\frac{1-p}{n}}$ , где  $p$  — вероятность рождения падающей частицей второй частицы. При известной вероятности  $p$  измерение числа частиц  $n$  можно таким же образом заменить измерением  $v(n)$ .