

# Излучение шарового самопоглощающего источника

КОРЖОВ Л. Н.

УДК 539.12.03

В настоящей работе приводятся аналитические выражения для расчета поля излучения, создаваемого шаровым источником с учетом самопоглощения. Плотность потока излучения шарового самопоглощающего источника без защиты в точке  $P$  (рис. 1) на расстоянии  $b$  от центра определяется выражением

$$\Phi_0 = \frac{S_v}{4\pi} \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^{\arcsin R/b} \sin \vartheta d\vartheta \int_{r_1} e^{-\mu_s(r-r_1)} dr, \quad (1)$$

где  $r_2 - r_1 = 2 \sqrt{R^2 - b^2 \sin^2 \vartheta}$ . Данный интеграл не имеет аналитического решения. Ранее он был вычислен с помощью ЭВМ [1, 2].

При решении поставленной задачи аналитическим путем используем следующий прием. Окружим шаровой источник сферической защитой, толщина которой  $d = b - R$ . Коэффициент ослабления в защите принимается равным коэффициенту самопоглощения в источнике  $\mu = \mu_s$  (рис. 2). В данном случае плотность потока в точке  $P$  на расстоянии  $b$  будет равна

$$\Phi_1 = \frac{S_v}{4\pi} \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^R r^2 dr \int_0^\pi \frac{e^{-\mu_s l} \sin \vartheta d\vartheta}{l^2}, \quad (2)$$

где  $l^2 = r^2 + b^2 - 2rb \cos \vartheta$ .

Используя подстановку  $r^2 + b^2 - 2rb \cos \vartheta = t^2$ , получим аналитический вид для плотности потока излучения в точке  $P$ .

$$\Phi_1 = \frac{S_v R}{2\mu_s b} \left\{ E_2(\mu_s b - \mu_s R) + E_2(\mu_s b + \mu_s R) - \frac{1}{\mu_s R} [E_3(\mu_s b - \mu_s R) - E_3(\mu_s b + \mu_s R)] \right\}. \quad (3)$$

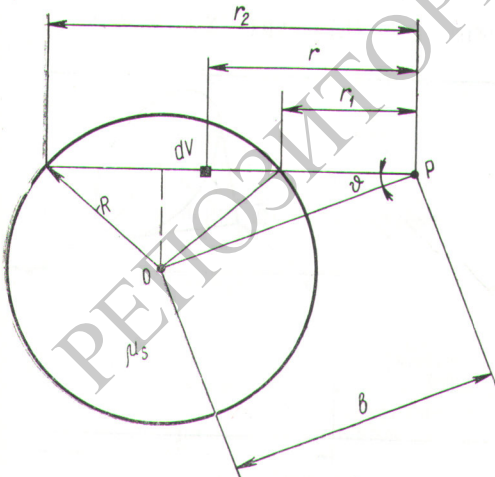


Рис. 1. Излучение шарового источника без защиты.

Здесь  $S_v$  — удельная мощность источника (частиц/см<sup>3</sup>.сек);  $R$  — радиус источника;  $b$  — расстояние от центра источника до точки детектирования;  $\mu_s$  — коэффициент ослабления;  $E_n(x)$  — табулированная интегральная функция. В случае  $b=R$  формула (3) переходит в известное выражение для плотности потока на поверхности шарового источника с самопоглощением [1, 3].

В работе [4] приводится аналитическое решение для непоглощающего шарового источника со сферической защитой в точке  $P$  (см. рис. 2):

$$\begin{aligned} \Phi_2 = \frac{S_v}{4b} \left\{ (b+R)^2 \left[ E_3(\mu b - \mu R) - \frac{b-R}{b+R} \times \right. \right. \\ \times E_3(\mu \sqrt{b^2 - R^2}) \left. \right] - 2(b^2 - R^2) [E_1(\mu b - \mu R) - \\ - E_1(\mu \sqrt{b^2 - R^2})] + \frac{1}{\mu} [(b-R) e^{-\mu(b-R)} - \\ - \sqrt{b^2 - R^2} e^{-\mu \sqrt{b^2 - R^2}}] + \\ \left. + \frac{1}{\mu^2} [e^{-\mu(b-R)} - e^{-\mu \sqrt{b^2 - R^2}}] \right\}. \quad (4) \end{aligned}$$

Выражение (4) при  $b=R$  переходит в известное выражение для плотности потока на поверхности шарового источника без самопоглощения, а при  $\mu=0$  — в выражение для плотности потока шарового непоглощающего источника [3].

Известно, что отношение плотностей потока нерассеянного излучения в точке  $P$  двух источников с идентичными геометрическими параметрами не зависит от того, имеется или отсутствует защитный экран между источником и точкой детектирования.

Поэтому для определения эффекта самопоглощения в шаровом источнике необходимо взять отношение

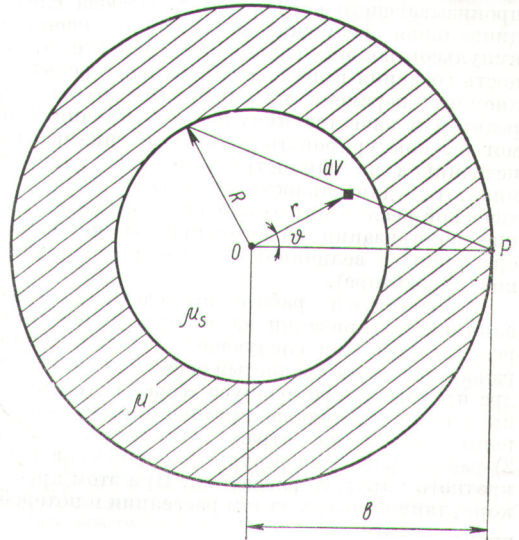


Рис. 2. Излучение шарового источника со сферической защитой.

