

УДК 512.542

## ОБ ОДНОМ СВОЙСТВЕ ПРОИЗВЕДЕНИЯ НЕЕДИНИЧНЫХ ФОРМАЦИЙ

В.М. Селькин

Гомельский государственный университет им. Ф. Скорины, Гомель

## ON ONE PROPERTY OF THE PRODUCT OF NON-IDENTITY FORMATIONS

V.M. Selkin

F. Scorina Gomel State University, Gomel

Все рассматриваемые группы конечны. Произведением  $\mathfrak{M}\mathfrak{H}$  формаций  $\mathfrak{M}$  и  $\mathfrak{H}$  называется класс групп  $\{G \mid G^{\mathfrak{H}} \in \mathfrak{M}\}$ . Пусть  $\mathfrak{M}\mathfrak{H} \subseteq \mathfrak{F}$ , где  $\mathfrak{F}$  – наследственная однопорожденная  $\omega$ -локальная формация и  $\mathfrak{M}$ ,  $\mathfrak{H}$  – две неединичные формации. Доказано, что если формация  $\mathfrak{M}\mathfrak{H}$  является разрешимо  $\omega$ -насыщенной и  $\mathfrak{H} \neq \mathfrak{M}\mathfrak{H}$ , то  $\mathfrak{M} \subseteq \mathfrak{N}_{\omega}\mathfrak{M}$ .

**Ключевые слова:** однопорожденная наследственная  $\omega$ -насыщенная формация, произведение формаций, минимальный  $\omega$ -локальный спутник.

All groups considered are finite. The product  $\mathfrak{M}\mathfrak{H}$  of the formations  $\mathfrak{M}$  and  $\mathfrak{H}$  is the class  $\{G \mid G^{\mathfrak{H}} \in \mathfrak{M}\}$ . Let  $\mathfrak{M}\mathfrak{H} \subseteq \mathfrak{F}$ , where  $\mathfrak{F}$  is a hereditary one-generated  $\omega$ -saturated formation and  $\mathfrak{M}$ ,  $\mathfrak{H}$  be two non-identity formations. Suppose that  $\mathfrak{M}\mathfrak{H}$  is a solubly  $\omega$ -saturated formation. If  $\mathfrak{H} \neq \mathfrak{M}\mathfrak{H}$ , then  $\mathfrak{M} \subseteq \mathfrak{N}_{\omega}\mathfrak{M}$ .

**Keywords:** one-generated hereditary  $\omega$ -saturated formation, product of some formations, minimal  $\omega$ -local satellite.

**Введение**

Все рассматриваемые группы предполагаются конечными. Напомним, что формация  $\mathfrak{F}$  – это такой класс групп, замкнутый относительно взятия гомоморфных образов, что каждая группа  $G$  имеет наименьшую нормальную подгруппу (обозначаемую через  $G^{\mathfrak{F}}$ ), фактор-группа по которой принадлежит  $\mathfrak{F}$ . Произведением  $\mathfrak{M}\mathfrak{H}$  формаций  $\mathfrak{M}$  и  $\mathfrak{H}$  называется класс групп  $\{G \mid G^{\mathfrak{H}} \in \mathfrak{M}\}$ .

Пусть  $p$  – простое число. Неединичная формация  $\mathfrak{F}$  называется  $p$ -насыщенной, если из  $G/O_p(\Phi(G)) \in \mathfrak{F}$  всегда следует, что  $G \in \mathfrak{F}$ . Неединичная формация  $\mathfrak{F}$  называется разрешимо  $p$ -насыщенной, если из  $G/\Phi(O_p(G)) \in \mathfrak{F}$  всегда следует, что  $G \in \mathfrak{F}$ . Если формация  $\mathfrak{F}$  является  $p$ -насыщенной (разрешимо  $p$ -насыщенной) для всех  $p \in \omega$ , то  $\mathfrak{F}$  называется  $\omega$ -насыщенной (разрешимо  $\omega$ -насыщенной) формацией [1], [2]. Пересечение всех разрешимо  $\omega$ -насыщенных формаций, содержащих некоторую фиксированную группу  $G$ , называется однопорожденной разрешимо  $\omega$ -насыщенной формацией. Заметим, что  $\omega$ -насыщенные формации оказались полезными при изучении различных классов разрешимых групп [3]. В то же время, при изучении групп необязательно разрешимых, более полезными

оказались разрешимо  $\omega$ -насыщенные формации [4]. В данной работе докажем следующую теорему.

**Теорема 0.1.** Пусть  $\mathfrak{M}\mathfrak{H} \subseteq \mathfrak{F}$ , где  $\mathfrak{F}$  – наследственная однопорожденная  $\omega$ -насыщенная формация и  $\mathfrak{M}\mathfrak{H}$  такая разрешимо  $\omega$ -насыщенная формация, что формации  $\mathfrak{M}$  и  $\mathfrak{H}$  являются неединичными. Если  $\mathfrak{H} \neq \mathfrak{M}\mathfrak{H}$ , то  $\mathfrak{M} \subseteq \mathfrak{N}_{\omega}\mathfrak{M}$ .

**1 Предварительные результаты**

Пусть  $\omega$  – непустое множество простых чисел. Функцию  $f$ , имеющую вид

$$f: \omega \cup \{\omega'\} \rightarrow \{\text{формации групп}\},$$

называют  $\omega$ -локальным спутником [1]. Для произвольного  $\omega$ -локального спутника  $f$  символом  $LF_{\omega}(f)$  обозначают класс групп

$$(G \mid G/O_{\omega}(G) \in f(\omega') \text{ и } G/F_p(G) \in f(p))$$

для всех  $p \in \omega \cap \pi(G)$ .

Если формация  $\mathfrak{F}$  такова, что  $\mathfrak{F} = LF_{\omega}(f)$  для некоторого  $\omega$ -локального  $V$ -спутника  $f$ , то формация  $\mathfrak{F}$  называется  $\omega$ -насыщенной, а  $f$  –  $\omega$ -локальный  $V$ -спутник этой формации. Пусть  $\mathfrak{X}$  – произвольная совокупность групп, то символ  $s^{\omega}\text{form}(\mathfrak{X})$  обозначает пересечение всех наследственных  $\omega$ -насыщенных формаций,

содержащих  $\mathfrak{X}$ . Спутник  $f$  называется минимальным  $\omega$ -локальным спутником формации  $\mathfrak{F}$ , если для любого  $\omega$ -локального спутника  $h$  формации  $\mathfrak{F}$  выполняется  $f(a) \subseteq h(a)$ , для всех  $a \in \omega \cup \{\omega'\}$ .

**Лемма 1.1** (Лемма 5, [1]). Пусть  $\mathfrak{X}$  – такая непустая совокупность групп, что  $\mathfrak{F} = s^\omega \text{form}(\mathfrak{X})$  и  $f$  – минимальный наследственный  $\omega$ -локальный спутник формации  $\mathfrak{F}$ . Тогда справедливы следующие утверждения:

- 1)  $f(\omega') = s\text{form}(G/O_\omega(G) \mid G \in \mathfrak{X})$ ;
- 2)  $f(p) = s\text{form}(G/F_p(G) \mid G \in \mathfrak{X})$  для всех  $p \in \omega$ ;
- 3)  $f(p) = \emptyset$  для всех  $p \in \omega \setminus \pi(\mathfrak{X})$ .

**Лемма 1.2.** Всякая формация порождается набором всех своих формационно критических групп.

*Доказательство.* Пусть  $\mathfrak{X}$  – множество всех формационно критических групп формации  $\mathfrak{F}$ . И пусть  $\mathfrak{M} = \text{form}(\mathfrak{X})$ . Тогда  $\mathfrak{M} \subseteq \mathfrak{F}$ . Допустим, что  $G$  – группа минимального порядка из  $\mathfrak{F} \setminus \mathfrak{M}$ . Тогда  $G \in \mathfrak{X} \subseteq \mathfrak{M}$ , что невозможно. Значит,  $\mathfrak{F} = \mathfrak{M}$ . Лемма доказана.

**Лемма 1.3.** Если число всех неизоморфных формационно критических групп, принадлежащих формации  $\mathfrak{F}$ , конечно, то число всех подформаций этой формации является конечным.

*Доказательство.* Пусть  $\mathfrak{X}$  – множество всех неизоморфных формационно критических групп, принадлежащих формации  $\mathfrak{F}$ . И пусть  $\mathfrak{M}$  – произвольная подформация формации  $\mathfrak{F}$ . Тогда по лемме 1.2, формация  $\mathfrak{M}$  порождается набором  $\mathfrak{X}_0$  всех своих формационно критических неизоморфных групп. Но поскольку  $\mathfrak{X}_0 \subseteq \mathfrak{X}$  и  $\mathfrak{X}$  – конечное множество, то существует лишь конечное множество таких наборов. Лемма доказана.

**Лемма 1.4.** Пусть  $\mathfrak{F}$  – разрешимая подформация однопорожжденной формации  $\mathfrak{M}$ . Тогда множество всех собственных подформаций формации  $\mathfrak{F}$  конечно.

*Доказательство.* Пусть  $\mathfrak{F} \subseteq \text{form}(G) = \mathfrak{M}$ , где  $G$  – некоторая группа. Тогда ввиду леммы 1.2,  $\mathfrak{F} \subseteq \mathfrak{C}(n)$ . Значит, по теореме 3.47 [5], формация  $\mathfrak{F}$  содержит конечное множество неизоморфных критических групп. Следовательно, ввиду леммы 1.3, формация  $\mathfrak{F}$  имеет конечное множество подформаций. Лемма доказана.

**Лемма 1.5** (Лемма 3.4, [6]). Пусть  $p$  – простое число и  $\mathfrak{F} = \mathfrak{M}\mathfrak{H}$ , где любая простая группа формации  $\mathfrak{M}$  имеет порядок  $p$ . Тогда

$$G = A^{\mathfrak{H}} \wr (A/A^{\mathfrak{H}}) \in \mathfrak{F}$$

для любой группы  $A \in \mathfrak{F}$ .

**Теорема 1.1.** Пусть  $\mathfrak{M}\mathfrak{H} \subseteq \mathfrak{F}$ , где  $\mathfrak{F}$  – наследственная однопорожжденная  $\omega$ -насыщенная формация. Если  $\mathfrak{M}$  и  $\mathfrak{H}$  такие формации, что  $\mathfrak{H} \neq \mathfrak{M}\mathfrak{H}$ , то  $\mathfrak{M}$  является разрешимой формацией.

## 2 Доказательство теоремы 0.1

Пусть  $\mathfrak{F} = s^\omega \text{form}(G)$ . Предположим, что  $n = |G|$  и  $f$  – минимальный  $\omega$ -локальный спутник формации  $\mathfrak{F}$ .

Предположим, что  $\mathfrak{M} \not\subseteq \mathfrak{N}_\omega \mathfrak{N}$ , и пусть группа  $D$  содержится  $\mathfrak{M} \setminus \mathfrak{N}_\omega \mathfrak{N}$ . Тогда, ввиду теоремы 1.1,  $D$  – разрешимая группа. Пусть  $\mathfrak{M}_0 = c_\omega \text{form}(D)$ . Тогда как и при доказательстве предложения А работы [6], можем видеть, что формация  $\mathfrak{M}$  является  $\omega$ -локальной формацией такой, что  $\mathfrak{M}_0 \subseteq \mathfrak{M}$ . Ввиду леммы 1.4, видим, что множество всех  $\omega$ -локальных подформаций формации  $\mathfrak{M}_0$  конечно.

Следовательно, формация  $\mathfrak{M}_0$  имеет такую  $\omega$ -локальную подформацию  $\mathfrak{H}_0$ , что  $\mathfrak{H}_0 \not\subseteq \mathfrak{N}_\omega \mathfrak{N}$ , но  $\mathfrak{H}_1 \subseteq \mathfrak{N}_\omega \mathfrak{N}$  для любой собственной  $\omega$ -композиционной подформации  $\mathfrak{H}_1$  формации  $\mathfrak{H}_0$ . Так как  $D$  – разрешимая группа, то формация  $\mathfrak{M}_0$  является разрешимой. Отсюда следует, что формация  $\mathfrak{M}_0$  и любая  $\omega$ -композиционная подформация формации  $\mathfrak{M}_0$  являются  $\omega$ -локальными формациями.

Ввиду следствия 4.11 [7], имеем

$$\mathfrak{H}_0 = l_\omega \text{form}(A),$$

где  $A$  – монолитическая группа с минимальной нормальной подгруппой  $P = A^{\mathfrak{N}_\omega \mathfrak{N}}$  и либо  $\pi = \pi(P) \cap \omega = \emptyset$ , либо  $P$  –  $p$ -группа, где  $p \in \omega$ , и  $A = [P]H$ , где

$$P = C_G(P) = F(A) = F_p(A)$$

и  $H = [Q]N$  является монолитической группой,  $Q = C_H(Q) = O_q(H)$  – минимальная нормальная подгруппа группы  $H$ , причем  $p \neq q \in \omega$  и  $N$  – неединичная нильпотентная группа.

Предположим, что для каждой группы  $B \in \mathfrak{H}$  такой, что  $|B| > n$ ,  $\mathfrak{H}$ -корадикал  $D^{\mathfrak{H}}$  регулярного сплетения  $D = A \wr B$  не содержится подпрямой в базе регулярного сплетения  $D$ . Тогда ввиду леммы 1.5, имеем группы  $T \in \mathfrak{M}\mathfrak{H}$ . Следовательно,

$$T^{\mathfrak{H}} \wr (T/T^{\mathfrak{H}}) \in \mathfrak{M}\mathfrak{H}$$

и  $p$  – такое простое число, что для любой простой группы  $A$  из  $\mathfrak{M}$  имеем  $|A| = p$ .

Предположим, что  $\mathfrak{N}_p \not\subseteq \mathfrak{F}$ , и пусть  $B$  – группа минимального порядка из  $\mathfrak{N}_p \setminus \mathfrak{F}$ .

Пусть  $R = B^{\mathfrak{F}}$  – минимальная нормальная подгруппа группы  $B$ . Так как  $B \in \mathfrak{N}_p \setminus \mathfrak{F}$ , то  $B^{\mathfrak{F}} \in \mathfrak{N}_p$ .

Нетрудно видеть, что

$$R = Z_p \times \dots \times Z_p \in \mathfrak{F}.$$

Если  $B = R$ , то  $R$  – абелева  $p$ -группа. Следовательно, ввиду леммы 3.5.20 [8],

$$B \in \text{form}(Z_p \wr (B/R)),$$

где  $Z_p$  – группа порядка  $p$ . Если

$$Z_p \wr (B/R) \in \mathfrak{F},$$

то

$$B \in \text{form}(Z_p \wr (B/R)) \in \mathfrak{F},$$

что противоречит выбору группы  $B$ . Значит,  $Z_p \wr (B/R) \notin \mathfrak{F}$ . Пусть

$$T = A \wr (B/R) = [K](B/R),$$

где  $K$  – база регулярного сплетения  $T$ . Используя лемму 3.5.20 [8] и тот факт, что  $A \in \mathfrak{M}$ , видим, что группа  $T^{\mathfrak{F}}$  содержится подпрямо в группе  $K \in \mathfrak{M}$ . Поскольку  $A \in \mathfrak{M}$ , то  $T^{\mathfrak{F}} \in \mathfrak{M}$ . Это показывает, что

$$T \in \mathfrak{M}\mathfrak{F} \subseteq \mathfrak{F}.$$

Пусть

$$D = T^{|G|} = T_1 \times T_2 \times \dots \times T_{|G|},$$

где

$$T_1 \cong T_2 \cong \dots \cong T_{|G|} \cong T.$$

Тогда, очевидно,  $D \in \mathfrak{F}$ . Значит,

$$E = D^{\mathfrak{F}} \wr (D/D^{\mathfrak{F}}) \in \mathfrak{F}.$$

Ясно, что  $D^{\mathfrak{F}} \subseteq T_1^{\mathfrak{F}} \times T_2^{\mathfrak{F}} \times \dots \times T_{|G|}^{\mathfrak{F}}$ .

Следовательно,

$$|D/D^{\mathfrak{F}}| \geq |T/T^{\mathfrak{F}}|^{|G|}.$$

Значит,  $Z_p \in \mathfrak{F}$ ,  $R \neq B$ . Это показывает, что  $|T/T^{\mathfrak{F}}| > 1$  и  $t = |D/D^{\mathfrak{F}}| > |G|$ .

Нетрудно видеть, что  $T^{\mathfrak{F}} \neq 1$ . Ввиду леммы 3.1.9 [8], группа  $T$  монолитична, и ее минимальная нормальная подгруппа имеет вид

$$L = P^{\mathfrak{F}} = \prod_{b \in B/R} P_1^b,$$

где  $P_1$  – минимальная нормальная подгруппа первой копии группы  $A$  в группу  $K$ . Очевидно,

$$\text{Soc}(D) = L_1 \times L_2 \times \dots \times L_{|G|},$$

где  $L_i$  – минимальная нормальная подгруппа группы  $T_i$ . Следовательно, для любой минимальной нормальной подгруппы  $K$  группы  $E$  выполняется  $|K| \geq t > |G|$ .

Пусть  $F$  – простая неабелева группа изоморфная композиционным факторам подгруппы

$A^{\mathfrak{F}} = R$ . Пусть  $Q$  – минимальная нормальная подгруппа группы  $D^{\mathfrak{F}}$  и ее композиционные факторы неизоморфны  $F$ . Допустим, что  $Q$  – абелева  $p$ -группа. Тогда  $O_p(D^{\mathfrak{F}}) \neq 1$ . Так как

$$O_p(D^{\mathfrak{F}}) \text{char} D^{\mathfrak{F}} \trianglelefteq D,$$

то  $O_p(D^{\mathfrak{F}}) \trianglelefteq D$ . Следовательно, существует такая минимальная нормальная подгруппа  $N$  группы  $D$ , что  $N \subseteq O_p(D^{\mathfrak{F}})$ . Значит,  $N \cong \text{Soc}(T_1)$ .

Но у  $T_1$  все композиционные факторы изоморфны группе  $F$ . Полученное противоречие показывает, что  $Q$  – неабелева группа и

$$Q = U \times U \times \dots \times U,$$

где  $U$  неизоморфна  $F$ . Тогда  $(D^{\mathfrak{F}})_Q \neq 1$ , и так как

$$(D^{\mathfrak{F}})_Q \text{char} D^{\mathfrak{F}} \trianglelefteq D,$$

то  $(D^{\mathfrak{F}})_Q \trianglelefteq D$ . Значит, существует какая минимальная нормальная подгруппа  $I$  группы  $D$ , что  $I \subseteq (D^{\mathfrak{F}})_Q$ . Следовательно,  $I \cong \text{Soc}(T_1)$ . Противоречие.

Таким образом, у группы  $D^{\mathfrak{F}}$  все композиционные факторы изоморфны  $F$ . Значит, каждая минимальная нормальная подгруппа группы  $D^{\mathfrak{F}}$  и любая минимальная нормальная подгруппа  $X$  группы  $E$  являются неабелевыми группами, чьи композиционные факторы изоморфны композиционным факторам группы  $P$ .

Предположим, что  $p \in \pi(P) \cap \omega$ . Тогда  $F_p(E) = 1$ , и

$$E \cong E/F_p(E) \in f(p) = \text{sform}(G/F_p(G)).$$

Но

$$|X| \geq |P|^t > |G|,$$

где  $X$  – минимальная нормальная подгруппа группы  $E$ , что противоречит лемме 3.1.5 [8]. Пусть  $\pi(P) \cap \omega = \emptyset$ . Тогда  $O_\omega(E) = 1$ , и

$$E \cong E/O_\omega(E) \in f(\omega) = \text{sform}(G/O_\omega(G),$$

что также противоречит лемме 3.1.5 [8]. Таким образом,  $\mathfrak{N}_p \not\subseteq \mathfrak{F} \subseteq \mathfrak{F}$ , и, следовательно,  $\mathfrak{N}_p \not\subseteq \mathfrak{F}$ .

Пусть  $G$  – группа минимального порядка из  $\mathfrak{M}\mathfrak{F} \setminus \mathfrak{F}$ . Тогда группа  $G$  монолитична, и ее монолит  $R = G^{\mathfrak{F}}$ . Так как

$$R = A_1 \times \dots \times A_t,$$

где  $A_1 \cong \dots \cong A_t \cong A$  – простая группа, и  $G \in \mathfrak{M}\mathfrak{F}$ , то

$$G^{\mathfrak{F}} = R = A_1 \times \dots \times A_t \in \mathfrak{F}.$$

Значит,  $A \in \mathfrak{M}$ , то ввиду леммы 3.1 [6],  $|A| = p$ , и  $R$  является  $p$ -группой. Следовательно,

$$G \in \mathfrak{N}_p \setminus \mathfrak{F} = \mathfrak{F}.$$

Полученное противоречие показывает, что  $\mathfrak{M}\mathfrak{F} = \mathfrak{F}$ .

Так как равенство  $\mathfrak{M}\mathfrak{F} = \mathfrak{F}$  противоречит условию теоремы, то данное противоречие показывает, что группа  $B$  принадлежит формации  $\mathfrak{F}$ , причем  $|B| > n$  и  $\mathfrak{F}$ -корадикал  $D^{\mathfrak{F}}$  регулярного сплетения  $D = A \wr B$  содержится подпрямо в группе  $K$ . Следовательно,  $D \in \mathfrak{M}\mathfrak{F}$ . Ввиду леммы 3.1.9 [8], группа  $D$  является монолитической с минимальной нормальной подгруппой  $R$ , совпадающей с  $P^{\mathfrak{A}} = \prod_{b \in B} P_1^b$ , где  $P_1$  – минималь-

ная нормальная подгруппа первой копии группы  $A$  в группе  $K$ . Если  $\pi = \emptyset$ , то  $O_{\omega}(D) = 1$ , и по лемме 1.1, имеем

$$D \simeq D/O_{\omega}(D) \in f(\omega') = \text{sform}(G/O_{\omega}(G)).$$

С другой стороны, нетрудно видеть, что группа  $D$  имеет минимальную нормальную подгруппу  $R$  с порядком

$$|P|^{|B|} \geq |P|^n > n,$$

что противоречит лемме 3.1.5 [8]. Значит,  $\pi \neq \emptyset$ .

Нетрудно показать, что  $R \not\subseteq \Phi(D)$ . Значит, существует такая максимальная подгруппа  $M$  группы  $D$  такая, что  $RM = D$  и  $C = C_D(R)$ . Таким образом,

$$C = C \cap RM = R(C \cap M).$$

Очевидно,  $C \cap M \trianglelefteq D$ . Следовательно,  $C = R$  и  $F_p(D) = R$ . Так как

$$D \in \mathfrak{M}\mathfrak{F} \subseteq \mathfrak{F},$$

то ввиду леммы 1.1, имеем

$$D/F_p(D) = D/R \in f(p) = \text{sform}(G/F_p(G)).$$

Ввиду [9, А, (18.2)], имеем

$$D/R \simeq (A/P) \wr B \simeq H \wr B.$$

Таким образом,  $H \wr B \in \text{sform}(G/F_p(G))$ .

Тем не менее, группа  $H \wr B$  имеет минимальную нормальную подгруппу с порядком

$$|Q|^{|B|} \geq |Q|^n > n.$$

Полученное противоречие показывает, что  $\mathfrak{M} \subseteq \mathfrak{R}_{\omega}\mathfrak{M}$ . Теорема доказана.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Шеметков, Л.А. Кратно  $\omega$ -локальные формации и классы Фиттинга конечных групп / Л.А. Шеметков, А.Н. Скиба // Математические труды. – 1999. – Т. 2, № 2. – С. 114–147.
2. Скиба, А.Н. Кратно  $\omega$ -локальные формации и классы Фиттинга конечных групп / А.Н. Скиба, Л.А. Шеметков // Украинский матем. журнал. – 2000. – № 52 (6). – С. 783–797.
3. Ballester-Bolinches, A. On lattices of  $p$ -local formations of finite group / A. Ballester-Bolinches, L.A. Shemetkov // Math. Nachr. – 186 (1997). – P. 57–65.
4. Shemetkov L.A. On partially saturated formations and residuals of finite groups / L.A. Shemetkov // Communication in algebra. – 2001. – 29 (9). – P. 4125–4137.
5. Шеметков, Л.А. Формации алгебраических систем / Л.А. Шеметков, А.Н. Скиба. – М.: Наука, 1989. – 253 с.
6. Go, W. Factorization theory of onegenerated Bear  $\omega$ -local formations / W. Go, V.M. Selkin, K.P. Sham // Communications in Algebra. – 2007. – Vol. 35. – P. 2901–2931.
7. Sel'kin, V.M. One-generated formations and their factorizations / V.M. Sel'kin. – Gomel, 2002. – 13 с. – (Preprint / GGU im. F. Skoriny : № 24).
8. Скиба, А.Н. Алгебра формаций / А.Н. Скиба. – Минск: Беларуская навука, 1997. – 240 с.
9. Doerk, K. Finite soluble group / K. Doerk, T. Hawkes. – Berlin-New York: Walter de Gruyter, 1992. – 889 p.

Поступила в редакцию 10.01.12.