

## КРАТКИЕ СООБЩЕНИЯ

УДК 621.375.9 : 535

О ГЕНЕРАЦИИ ТРЕТЬЕЙ ГАРМОНИКИ  
В ПРИМЕСНЫХ КРИСТАЛЛАХ И КРАСИТЕЛЯХ

Е. Д. Трифонов и А. С. Трошин

Эффективность преобразования энергии падающей на образец монохроматической световой волны частоты  $\omega$  в волну утроенной частоты зависит от степени согласования скорости новой волны в среде и скорости волны неподвижной поляризации на частоте  $3\omega$ . В среде, прозрачной для частот  $\omega$  и  $3\omega$ , интенсивность генерируемой волны  $I_{3\omega}(z)$  как функция длины образца  $z$  имеет вид [1-4]

$$I_{3\omega}(z) \sim \frac{1 - \cos \Delta kz}{\Delta k^2}, \quad I_{3\omega}(z) \sim z^2 \text{ при } |\Delta kz| \ll 1, \quad (1)$$

где  $\Delta k = 3k_1 - k_3$ ,  $k_1$  и  $k_3$  — волновые числа волн с частотами  $\omega$  и  $3\omega$ . В работе [4] отмечалась возможность использования аномальной дисперсии для выполнения условия пространственного синхронизма ( $\Delta k \rightarrow 0$ ). В работах [5-7] наблюдалась генерация третьей гармоники в красителе в условиях, когда широкая полоса поглощения имела максимум между частотами  $\omega$  и  $3\omega$  и равенство показателей преломления  $n_1$  и  $n_3$  достигалось вследствие аномальной дисперсии. Поглощение на частоте  $3\omega$  было значительным, что снижало эффективность генерации.

В этом сообщении мы рассмотрим случай, когда частота  $\omega$  является резонансной по отношению к некоторому электронно-колебательному переходу примесного центра; будет показано, что эффективность утройства частоты зависит не только от согласования фазовых скоростей, но и от согласования коэффициентов поглощения на частотах  $\omega$  и  $3\omega$ . Мы обсудим возможное использование стоксовского сдвига спектров люминесценции и поглощения и применение накачки для выполнения обоих условий согласования при генерации третьей гармоники в примесных кристаллах и красителях.

Моделью центра свечения служит двухуровневая электронная система, взаимодействующая с кристаллическими или молекулярными колебаниями [8, 9]. Для этой модели в работах [10, 11] было найдено общее выражение неподвижной поляризации через преобразование Фурье спектров люминесценции [ $f_r(\nu)$ ] и поглощения [ $f_a(\nu)$ ]. Чтобы получить оценку интенсивности третьей гармоники, аппроксимируем нормированные на единицу функции  $f_r(\nu)$  и  $f_a(\nu)$  лорентцевыми кривыми с учетом стоксовского сдвига

$$\begin{aligned} f_r(\nu) &= \frac{\Gamma}{2\pi} \frac{1}{\Gamma^2/4 + (\omega_0 - s - \nu)^2}, \\ f_a(\nu) &= \frac{\Gamma}{2\pi} \frac{1}{\Gamma^2/4 + (\omega_0 + s - \nu)^2}, \end{aligned} \quad (2)$$

здесь  $\omega_0$  — частота чисто электронного перехода,  $2s$  — стоксовский сдвиг,  $\Gamma$  — ширина линии.

Пусть частота падающей волны  $\omega$  близка к  $\omega_0$ ; частота  $3\omega$  далека от резонанса, так что мы можем не учитывать влияния выделенного перехода и сильного поля на спектральные свойства среды в области частоты  $3\omega$ . Ограничивааясь третьим порядком теории возмущений, будем считать поле в падающей волне не слишком сильным; поэтому будем пренебрегать насыщением поглощения и изменением показателя преломления на частоте  $\omega$ , зависящим от интенсивности. При этих допущениях выражение для интенсивности волны третьей гармоники имеет вид

$$\begin{aligned} I_{3\omega}(z) &= \frac{9\pi^2}{4} \frac{d^4 I_\omega(0)^3}{n_3 c^2 \hbar^4 \omega^4} \frac{n_1^{(0)2}}{(n_1^{(0)} + \delta n_1 + n_3)^2} \frac{\alpha_1^2 + \delta k_1^2}{\Delta \omega^2 + \Delta k^2} [\exp \{-6\alpha_1 z\} + \\ &+ \exp \{-2\alpha_3 z\} - 2 \exp \{-(3\alpha_1 + \alpha_3) z\} \cos \Delta kz]. \end{aligned} \quad (3)$$

Здесь  $d$  — электронный дипольный момент перехода,  $\alpha_1$  и  $\alpha_3$  — амплитудные коэффициенты поглощения на частотах  $\omega$  и  $3\omega$  соответственно,  $k_1$  и  $k_3$  — волновые числа,

$n_1^{(0)}$  и  $n_3$  — показатели преломления среды (без учета резонансного влияния примеси на величину  $n_1$ ),

$$\Delta\alpha = 3\alpha_1 - \alpha_3, \quad \Delta k = 3k_1 - k_3 = \frac{3\omega}{c} (n_1^{(0)} + \delta n_1 - n_3), \quad (4)$$

$\delta k_1 = \frac{\omega}{c} \delta n_1$  — изменение волнового числа на частоте  $\omega$ , обусловленное резонансным действием выделенного нами перехода примеси. Формула (3) записана в системе единиц СГСЭ. При выводе формулы (3) было использовано неравенство  $\Gamma \ll \omega_0$ . Величины  $\alpha_1(\omega)$  и  $\delta k_1(\omega)$  в принятой модели выражаются следующим образом:

$$\alpha_1(\omega) = \operatorname{Re} z(\omega), \quad \delta k_1(\omega) = \operatorname{Im} z(\omega), \quad (5)$$

где

$$z(\omega) = \frac{2\pi d^2 \omega N}{c \hbar n_1} \left[ \frac{N_1}{N} \frac{\Gamma/2 + i(\omega_0 + s - \omega)}{\Gamma^2/4 + (\omega_0 + s - \omega)^2} - \frac{N_2}{N} \frac{\Gamma/2 + i(\omega_0 - s - \omega)}{\Gamma^2/4 + (\omega_0 - s - \omega)^2} \right]. \quad (6)$$

Здесь  $N_1$  и  $N_2$  — населенности нижнего (1) и верхнего (2) электронных уровней,  $N$  — число примесных атомов (или молекул) в 1 см<sup>3</sup> ( $N_1 + N_2 = N$ ). Мы предполагаем, что действует стационарная посторонняя накачка на уровень 2, причем поглощение энергии накачки равномерно по всему объему образца. Это позволяет считать величины  $N_1$  и  $N_2$  не зависящими от координат и времени.

Как видно из формулы (3), интенсивность генерируемой волны зависит не только от согласования скоростей двух волн ( $\Delta k$ ), но и от согласования коэффициентов поглощения ( $\Delta\alpha$ ). В частности, если  $\Delta k \rightarrow 0$  и  $\Delta\alpha \rightarrow 0$ ,

$$I_{3\omega}(z) \sim z^2 \exp\{-2\alpha_3 z\}. \quad (7)$$

Использование аномальной дисперсии для выполнения условия  $\Delta k \rightarrow 0$  требует большого значения величины  $\delta k_1$ , а это в отсутствие накачки ( $N_2 = 0$ ) приводит к большим значениям  $\Delta\alpha$ . Стоксовский сдвиг спектров люминесценции и поглощения позволяет выполнить оба условия согласования, если применить накачку. Заселяя верхний электронный уровень, можно добиться уменьшения  $\alpha_1$ , обращения  $\alpha_1$  в ноль и появления области усиления ( $\alpha_1 < 0$ ).

Частотная зависимость коэффициента поглощения  $\alpha_1(\omega)$  и резонансной части показателя преломления  $\delta n_1(\omega)$  в приближении формулы (2) для случая  $N_2 = N_1$ ,  $\Gamma = 2s$ .

шшим значениям  $\alpha_1$  и, если  $\alpha_3$  мало, — к большим значениям  $\alpha_1$  и, если  $\alpha_3$  мало, — к большему значению  $\alpha_1$ . Стоксовский сдвиг спектров люминесценции и поглощения позволяет выполнить оба условия согласования, если применить накачку. Заселяя верхний электронный уровень, можно добиться уменьшения  $\alpha_1$ , обращения  $\alpha_1$  в ноль и появления области усиления ( $\alpha_1 < 0$ ). При этом вследствие сдвига центров линий люминесценции и поглощения резонансная часть показателя преломления  $\delta n_1$  на частоте, для которой  $\alpha_1 = 0$ , остается положительной и может быть близка к своему максимальному значению. Для иллюстрации на рисунке показан ход функций  $\alpha_1(\omega)$  и  $\delta n_1(\omega)$  в случае  $N_2 = N_1$  [в приближении (2)]. При этом условии  $\alpha_1(\omega_0) = 0$ , а  $\delta n_1(\omega)$  при  $\omega = \omega_0$  достигает максимума. Таким образом, благодаря стоксовскому сдвигу, который при наличии области усиления приводит к сложному ходу дисперсии, можно выполнить условия согласования и одновременно избежать сильного поглощения первичной волны. При этом используется и резонансный характер поляризации (на частоте  $\omega$ ). Осуществление такого эксперимента требует специального подбора лазерного источника и примесного кристалла (или красителя), высокой концентрации центров свечения и достаточно большой силы осциллятора электронно-колебательного перехода. Условие  $N_2 = N_1$ , взятое нами для упрощения оценок, разумеется, не является необходимым для получения области усиления.

Для оценки интенсивности третьей гармоники примем  $\omega_0 = 3 \cdot 10^{15}$  сек.<sup>-1</sup>,  $\Gamma = 2s = 4 \cdot 10^{12}$  сек.<sup>-1</sup>,  $d = 10^{-18}$  СГСЭ,  $N = 10^{20}$  см<sup>-3</sup>,  $\alpha_3 = 0$ ; можно считать, что разность показателей преломления образца  $n_3 - n_1^{(0)}$  (без учета резонансного вклада от выделенного перехода примеси) порядка  $0.1 \div 0.15$ ; положим  $n_3 - n_1^{(0)} = 0.1$  и  $n_1^{(0)} \approx n_1 \approx n_3 \approx 1.5$ . При  $N_2 = N_1$  для частоты  $\omega = \omega_0$  получаем  $\delta n_1 = 0.1$ , т. е.  $\Delta k = 0$ . В рамках приближений, при которых получена формула (3), величина  $I_{3\omega}(z)$  ограничена условием малости параметра насыщения

$$\frac{d^2 E_{3\omega}(z)^2}{\hbar^2 \gamma \Gamma} \ll 1, \quad (8)$$

где  $E_\omega(z)$  — амплитуда поля,  $\gamma$  — обратное время жизни возбужденного электронно-колебательного состояния. Положим  $\gamma \approx 0.5 \cdot 10^{10}$  сек.<sup>-1</sup> и найдем максимально допустимое поле из условия

$$\frac{d^2 E_\omega(z)_{\max}^2}{\hbar^2 \gamma \Gamma} = 0.1. \quad (9)$$

Тогда, например, при коэффициенте усиления  $|\alpha_1|=1$  см<sup>-1</sup> (при этом  $\omega=\omega_0-\varepsilon$ ,  $\varepsilon \ll \Gamma$ ) и длине образца  $z=10$  см интенсивность падающей волны  $I_\omega(0)$  не должна превышать  $5 \cdot 10^{-3}$  вт/см<sup>2</sup>. В этом случае интенсивность волны утроенной частоты, согласно формуле (3), оказывается порядка  $10^{-7}$  вт/см<sup>2</sup>. Если же мы примем  $\omega=\omega_0$ , т. е.  $\alpha_1=0$ , то на выходе получим ничтожно малую величину  $\sim 10^{-31}$  вт/см<sup>2</sup>. При  $\alpha_1=0$  и при интенсивности  $I_\omega(0)=I_\omega(z) \approx 10^6$  вт/см<sup>2</sup> получается для  $z=10$  см  $I_{3\omega}(z) \approx 10^{-3}$  вт/см<sup>2</sup>.

Из этих оценок видно, что при наличии усиления падающей волны условие согласования фазовых скоростей является менее существенным; не имеет смысла добиваться лучшего выполнения этого условия, чем  $|\Delta k| \approx |\Delta \alpha|$ . Заметим также, что величина  $\delta n_1(\omega)$  мало меняется в окрестности частоты  $\omega_0$ , тогда как для коэффициента усиления уже весьма малый сдвиг частоты  $\omega$  является существенным (см. рисунок).

Авторы благодарят Л. И. Альперовича, П. Н. Занадворова, В. М. Рысакова и Д. Ф. Смирнова за весьма полезное обсуждение работы.

### Литература

- [1] Н. Бломберген. Нелинейная оптика. Изд. «Мир», М., 1966.
- [2] С. А. Ахманов, Р. В. Хохлов. Проблемы нелинейной оптики. Изд. ВИНТИ, М., 1964.
- [3] R. D. Maker, R. W. Terhune. Phys. Rev., 137, A801, 1965.
- [4] R. D. Maker, R. W. Terhune, C. M. Savage. Quant. Electron. Proc. of the Third Intern. Congress, Paris, vol. 2, p. 1559. N. Y., 1964 (перев. в сб. «Оптические квантовые генераторы». Изд. «Мир», М., 1966).
- [5] P. P. Beyer, J. F. Giulianini, H. Rabini. Phys. Rev. Lett., 19, 819, 1967.
- [6] P. P. Beyer, J. F. Giulianini, H. Rabini. IEEE J. Quant. Elektr., QE-4, № 14, 932, 1968.
- [7] R. K. Chang, L. K. Galbraith. Phys. Rev., 171, 993, 1968.
- [8] К. К. Ребане. Элементарная теория колебательной структуры спектров примесных центров кристаллов. Изд. «Наука», М., 1968.
- [9] В. И. Пермогоров, Л. А. Сердюкова, М. Д. Франк-Каменецкий. Опт. и спектр., 25, 77, 1968.
- [10] Е. Д. Трифонов, А. С. Трошин, Э. Е. Фрадкин. ФТТ, 9, 2061, 1967.
- [11] E. D. Trifonov, A. S. Troshin. Phys. Stat. Solidi, 26, 519, 1968.

Поступило в Редакцию 7 июля 1969 г.

УДК 621.375.9 : 535

### ИССЛЕДОВАНИЕ СУБМИЛЛИМЕТРОВОГО ЛАЗЕРА НА $D_2O + D_2$

*A. Ф. Крупнов*

В предыдущих работах [1, 2] нами было получено увеличение мощности субмиллиметровых лазеров на  $H_2O$  и  $D_2O$  при добавлении в разряд соответственно водорода идейтерия. На  $H_2O + H_2$  при этом был получен отпаянный режим. Ввиду отсутствия в то время в нашем распоряжении газообразного дейтерия в опытах использовалось лишь незначительное обогащение паров  $D_2O$  дейтерием за счет реакции Лавуазье [2].

В настоящей заметке описывается работа лазера на  $D_2O$  с достаточно большой добавкой  $D_2$  (на той же экспериментальной установке). При этом получено следующее.

1. Увеличение мощности генерации в несколько десятков раз, так что порядки мощности лазеров на  $H_2O + H_2$  ( $\lambda=0.4186$  мм) и  $D_2O + D_2$  ( $\lambda=0.4716$  мм) сравнялись.

2. Отпаянный режим работы лазера на  $D_2O + D_2$  в течение 3 час.

3. Генерация линии 0.1077 мм (ранее полученная в [3]), которая наблюдалась при замене одного из стеклянных покрытых золотом зеркал лазера на матовое медное;