# П. А. Хило<sup>1</sup>, В. Н. Белый<sup>2</sup>, Н. А. Хило<sup>2</sup>

NHD

<sup>1</sup>УО «Гомельский государственный технический университет имени П. О. Сухого», Гомель, Беларусь <sup>2</sup>Институт физики имени Б. И. Степанова НАН Беларуси, Минск, Беларусь

# АКУСТООПТИЧЕСКАЯ ДИФРАКЦИЯ БЕССЕЛЕВЫХ СВЕТОВЫХ ПУЧКОВ В ИЗОТРОПНЫХ СРЕДАХ

### Введение

Исследованы особенности акустооптической (AO) дифракции с участием бесселевых светового и акустического пучков в акустически изотропных средах. Рассмотрена AO дифракция на квазипродольной акустической волне, обладающей более сложной поляризационной структурой по сравнению с поперечно поляризованной волной. Показано, что использование квазипродольной волны приводит к модуляции диагональных компонент тензора диэлектрической проницаемости  $\Delta \varepsilon_{ij}$ , что позволяет задействовать их в процессе AO взаимодействия и повысить эффективность AO преобразования. Установлено, что за счет диагональных компонент тензора  $\Delta \varepsilon_{ij}$  реализуется изотропная дифракция бесселевых световых пучков с высокой эффективностью взаимодействия. Предложенные в работе схемы AO дифракции перспективны для осуществления динамической перестройки в цироких пределах угла конуса БСП, а также для трансформации порядка винтовой дислокации светового поля.

# 1. Бесселевы акустические пучки и АО взаимодействие в изотропных средах

Наряду с кристаллами, перспективными материалами для создания акустооптических устройств являются изотропные среды, отличающиеся доступностью в больших размерах и в произвольной форме, оптической однородностью, легкостью в изготовлении, высоким значением коэффициента акустооптического качества M<sub>2</sub> [1]. Для АО взаимодействия БП в изотропных средах важным также является отсутствие искажения взаимодействующих пучков, вызванные анизотропией.

В настоящей работе исследована АО дифракция световых и акустических бесселевых пучков в оптически и акустически изотропных средах. Рассмотрены вопросы эффективности дифракции, роль продольного и поперечного синхронизмов при АО взаимодействии, а также проанализированы возможности оптимизации схем АО дифракции.

Для описания БАП будем использовать теоретический подход, описанный в работах [2] и [3]. Для квазипродольной волны в изотропной среде компоненты вектора смещения U могут быть представлены в виде

$$\stackrel{\mathbf{I}}{U} = u_0 \left[ J_n^-(q_s \rho) \stackrel{\mathbf{r}}{e}_{\rho} + i J_n^+(q_s \rho) \stackrel{\mathbf{r}}{e}_{\phi} + 2ic_z J_n(q_s \rho) \stackrel{\mathbf{r}}{e}_z \right] \exp(in\phi) \exp(k_{sz} z - \Omega t),$$

где

$$J_{n}^{\pm}(q_{s}\rho) = J_{n-1}(q_{s}\rho) \pm J_{n+1}(q_{s}\rho), \ J_{n}(q_{s}\rho) = q_{s} = k_{s}\sin(\gamma_{s}),$$
$$c_{z} = \frac{-(\lambda + \mu) q_{s}^{2}}{\mu q_{s}^{2} + (\lambda + 2\mu)k_{sz}^{2} - \rho\Omega^{2}} \cdot \frac{k_{sz}}{q_{s}}.$$

Здесь  $\lambda, \mu$  – коэффициенты Ламэ,  $q_s$  и  $k_{sz} = \sqrt{k_s^2 - q_s^2}$  – радиальная и продольная компоненты волнового вектора  $k_s$ , относящегося к БАП;  $\gamma_s$  – угол конуса БАП;  $u_0 = \sqrt{\frac{P}{\rho v^3}} \frac{1}{k_{sz} \sqrt{W_s}}$  – нормирующий множитель, P – акустическая мощность;  $\rho$  – плотность среды;  $v = 2\pi f/k_s$  –

фазовая скорость;  $\Omega = 2\pi f$ , f – частота акустической волны;  $W_s = 2\pi \int_0^{R_b} \left( J_n^{-2}(q_s \rho) + J_n^{+2}(q_s \rho) + 2c_z^2 J_n^2(q_s \rho) \right) \rho d\rho$  – интеграл мощно-

сти,  $R_b$  – радиус бесселева пучка.

Компоненты тензора  $\Delta \varepsilon_{ij}$ , описывающие процесс АО дифракции, имеют вид:

$$\begin{split} \Delta \varepsilon_{\phi z} &= \Delta \varepsilon_{z\phi} = \frac{1}{8} \varepsilon_o \varepsilon_e (p_{11} - p_{12}) u_0 J_n^+ (q_s \rho) \exp i(n\phi), \\ \Delta \varepsilon_{\rho z} &= \Delta \varepsilon_{z\rho} = -\frac{i}{8} \varepsilon_o \varepsilon_e (p_{11} - p_{12}) u_0 J_n^- (q_s \rho) \exp i(n\phi), \\ \Delta \varepsilon_{\rho\rho} &= \Delta \varepsilon_{\varphi\phi} = \frac{c_z}{2} \varepsilon_o \varepsilon_e p_{12} u_0 J^n (q_s \rho) \exp i(n\phi), \\ \Delta \varepsilon_{zz} &= \Delta \varepsilon_{\varphi\phi} = \frac{c_z}{2} \varepsilon_o \varepsilon_e p_{11} u_0 J^n (q_s \rho) \exp i(n\phi). \end{split}$$

2MHK

Тензор  $\Delta \varepsilon$  представим в виде $\Delta \varepsilon = \Delta \varepsilon_0 \exp(ik_{sz}z - i\omega_s t)$ . Тогда в матричном виде

$$\Delta \varepsilon_{0} = \begin{bmatrix} c_{z} \Delta \varepsilon^{0} p_{13} J^{n}(q_{s} \rho) & 0 & -i\Delta \varepsilon^{0} p_{44} J_{n}(q_{s} \rho) \\ 0 & c_{z} \Delta \varepsilon^{0} p_{13} J^{n}(q_{s} \rho) & \Delta \varepsilon^{0} p_{44} J_{n}^{+}(q_{s} \rho) \\ -i\Delta \varepsilon^{0} p_{44} J_{n}^{-}(q_{s} \rho) & \Delta \varepsilon^{0} p_{44} J_{n}^{+}(q_{s} \rho & c_{z} \Delta \varepsilon^{0} p_{33} J^{n}(q_{s} \rho) \end{bmatrix} \exp(in\varphi), (1)$$

где  $\Delta \varepsilon^0 = \varepsilon_o \varepsilon_e u_0 / 4$ ,  $p_{13} = p_{12}$ ,  $p_{44} = (p_{11} - p_{12}) / 2$ ,  $p_{33} = p_{11} - \phi$ отоупругие постоянные.

Из (1) следует, что падающий БСП порядка *m* при любом типе взаимодействия будет рассеиваться в бесселев пучок, имеющий порядок *m*+*n*. Далее, из (2) видно, что тензоры АО рассеяния в каналы *m*+*n* имеют как мнимые, так и вещественные составляющие. Кроме того, из-за наличия диагональных компонент тензора  $\Delta \varepsilon_{\rho\rho}$ ,  $\Delta \varepsilon_{\phi\phi}$ ,  $\Delta \varepsilon_{zz}$  становится возможным изотропная по поляризации дифракция TH бесселевых мод, которая представляет интерес в связи с возможностью получения высокой эффективности АО преобразования из-за пространственного согласования взаимодействующих пучков.

# 2. Уравнения для медленно меняющихся амплитуд (MMA)

Будем предполагать, что АО взаимодействие бесселевых пучков, так же, как и плоских волн, приводит в первую очередь к *z*-модуляции скалярных амплитуд. Такой режим АО преобразования означает отсутствие трансформации пространственной структуры бесселевых пучков в процессе обмена энергией и вполне объясним физически. Во-первых, вследствие линейности процесса, его эффективность не зависит от локальной интенсивности пучков, а в отсутствии локальнонеоднородных возмущений бесселевы пучки сохраняют свой поперечный профиль из-за известного свойства бездифракционности. Вовторых, все плосковолновые компоненты БСП преобразуются в одинаковых условиях продольного и поперечного синхронизмов вследствие цилиндрической симметрии задачи [4, 5]. Тогда укороченные уравнения примут вид: KOPMHD

$$\frac{dA_{m+n}}{dz} = i\chi_{m+n,m}A_m \exp(-i\Delta k_z z),$$
$$\frac{dA_m}{dz} = i\chi_{m,m+n}A_{m+n} \exp(i\Delta k_z z).$$

Параметры АО связи  $\chi_{m,m+n}$  имеют сложный вид и содержат интегралы от произведения бесселевых функций световых и акустических пучков. В общем случае порядок соответствующих бесселевых функций разный и величина интегралов пропорциональна степени их пространственного перекрытия (функции  $g_p$ ).

$$\chi_{m+n,m} = \alpha_{m+n}G, \ \chi_{m,m+n} = \alpha_mG, G = g_1(m,n) + g_2(m,n) + g_3(m,n) + g_4(m,n),$$
$$\alpha_{m+n} = \frac{k_0^2 \Delta \varepsilon_0 q_{in}}{k_{oz}(\gamma_d) k_{oz}(\gamma) W_{m+n}}, \ \alpha_m = \frac{k_0^2 \Delta \varepsilon_0 q_{in}}{k_{oz}^2(\gamma) W_m^e}.$$

где  $\alpha_{m+n}, \alpha_m$  – нормировочные коэффициенты, параметр  $g_1(m,n)$ определяет степень перекрытия радиальных (азимутальных) компонент взаимодействующих световых пучков, параметры  $g_2(m,n)$  и g<sub>3</sub>(m,n) – степень пространственного перекрытия z-компоненты падающего(дифрагированного) БСП с радиальной (азимутальной) компонентами дифрагированного (падающего) пучка, а  $g_4(m,n)$  – степень перекрытия *z*-компонент взаимодействующих световых пучков и акустического пучка. Важно, что при изотропном АО взаимодействии интегралы перекрытия возрастают, т.к. в них входят одинаковые по структуре компоненты БСП. Это открывает возможность реализации эффективной акустооптической дифракции.

#### Заключение

Показано, что режим изотропной АО дифракции бесселевых светового и акустического пучков позволяет реализовать АО процесс с высоким кпд и тем эффективно осуществить динамическую перестройку угла конуса БСП, а также трансформацию порядка винтовой дислокации светового поля.



Рисунок 1 – Зависимость акустооптических параметров  $g_p(m,n)$  (a) и эффективности дифракции (b) от поперечного волнового числа q.  $(1 - g_1(m,n), 2 - g_2(m,n), 3 - g_3(m,n), 4 - g_4(m,n))$ 

## Литература

1. Dixon, R. W. Photoelastic Properties of Selected Materials and their Relevance for Applications to Acoustic Light Modulators and Scanners / R. W. Dixon // J. Appl. Phys. – 1967. – V. 38. – P. 5149–5153.

2. Hanorvar, F. Acoustic wave scattering from transversely isotropic cylinders / F. Hanorvar, N. N. Sinclair // J. Acoust. Soc. Amer. – 2003. – Vol. 100. – P. 57–63.

3. Ahmad, F. Acoustic scattering by transversely isotropic cylinders / F. Ahmad, A. Rahman // Int. J. Eng. Sci. – 2000. – Vol. 38. – P. 325–335.

4. Khilo, P. A. Generation of TH- and TE-polarized Bessel light beams at acousto-optic interaction in anisotropic crystals / P. A. Khilo, N. S. Kazak, N. A. Khilo, V. N. Belyi // Optics commun. – 2014. – Vol. 325. – P. 84–91.

5. Belyi, V. N. Features of the acousto-optic interaction of Bessel light beams and Bessel acoustic beams in transversely isotropic crystal / V. N. Belyi, P. A. Khilo, N. S. Kazak, N. A. Khilo // Journal of Optical Technology. – 2017. – Vol. 84 – P. 130–136.