

И. Ю. Ящук

(УО «БрГУ им. А. С. Пушкина», Брест)

УСЛОВИЕ НЕТЕРОВОСТИ ЗАДАЧИ ЛИНЕЙНОГО СОПРЯЖЕНИЯ ДЛЯ ОДНОЙ ТКР-СИСТЕМЫ

Пусть $\Omega^+ \subset \mathbf{R}^3$ – ограниченная область гомеоморфная шару, граница $\partial\Omega$ которой гомеоморфна сфере. Через Ω^- обозначим внешность Ω^+ . Рассмотрим задачу отыскания вектор-функции $U(x) = (u_1(x), \dots, u_4(x))^T$ непрерывной по Гельдеру в $\overline{\Omega^+}$ и $\overline{\Omega^-}$, обращающейся в нуль на бесконечности и удовлетворяющей в областях Ω^+ и Ω^- системе дифференциальных уравнений с частными производными первого порядка

$$A_1 \frac{\partial U}{\partial x_1} + A_2 \frac{\partial U}{\partial x_2} + A_3 \frac{\partial U}{\partial x_3} = 0 \quad (1)$$

и граничному условию

$$U^+(t) = G(t)U^-(t) + f(t) \quad (t \in \partial\Omega). \quad (2)$$

Здесь

$$A_1 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ -2 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -2 & -1 \end{bmatrix}, A_2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}, A_3 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -2 & -1 \\ -1 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix},$$

$G(t)$ и $f(t)$ заданные непрерывные по Гельдеру на поверхности $\partial\Omega$, соответственно, матрица-функция размера 4×4 и четырехкомпонентная вектор-функция

$$U^+(t) := \lim_{x \rightarrow t, x \in \Omega^+} U(x), U^-(t) := \lim_{x \rightarrow t, x \in \Omega^-} U(x), t \in \partial\Omega.$$

Теорема. Пусть матрица $G(t)$ имеет вид

$$G(t) = \begin{bmatrix} g_1(t) & g_2(t) & g_3(t) & g_4(t) \\ -g_2(t) & g_1(t) & -g_4(t) & g_3(t) \\ -g_3(t) & g_4(t) & g_1(t) & -g_2(t) \\ -g_4(t) & -g_3(t) & g_2(t) & g_1(t) \end{bmatrix}.$$

Задача (1), (2) является нетривиальной тогда и только тогда, когда в каждой точке t поверхности $\partial\Omega$ выполняется неравенство

$$g_1^2(t) + g_2^2(t) + g_3^2(t) + g_4^2(t) > 0.$$