Н.В. Максименко, О.М. Дерюжкова, В.В. Андреев

УО «Гомельский государственный университет имени Франциска Скорины», Гомель, Беларусь

СПИНОВЫЕ ПОЛЯРИЗУЕМОСТИ АДРОНОВ СПИНА ½ В КОВАРИАНТНОМ ТЕОРЕТИКО-ПОЛЕВОМ ПОДХОДЕ

В настоящее время одним из эффективных методов исследования электродинамических процессов является использование эффективных лагранжианов, полученных в рамках теоретико-полевых подходов и согласующихся с низко-энергетическими теоремами [1, 2]. С развитием стандартной модели элект-

рослабых взаимодействий в последнее время введены новые электрослабые характеристики адронов, связанные с несохранением четности [3–5]. Построение эффективных релятивистски-инвариантных лагранжианов позволяет получить не только физическую интерпретацию электромагнитных и электрослабых характеристик адронов, но и информацию о механизмах электромагнитных и электрослабых фотон-адронных взаимодействий. Для более достоверного определения поляризуемостей и характеристик адронов, связанных с нарушением четности, используется достаточно широкий класс электродинамических процессов, в которых реализуется рассеяние реальных и виртуальных фотонов, а также двухфотонное рождение в адрон-адронных взаимодействиях. Решение подобных задач возможно выполнить в рамках эффективного релятивистского теоретико-полевого подхода описания взаимодействия электромагнитного поля с адронами с учетом их электромагнитных и электрослабых характеристик [6, 7].

Амплитуда комптоновского рассеяния вперед имеет общую спиновую структуру вида (см., например [8])

$$M = g(\omega) \begin{pmatrix} \overrightarrow{e} & e \end{pmatrix} + ih(\omega) \begin{pmatrix} \overrightarrow{S} & \overrightarrow{e} & e \end{pmatrix}, \tag{1}$$

 \rightarrow $(\lambda_1) \rightarrow (\lambda_2)$

где e и e — векторы поляризации падающего и рассеянного фотонов, ω — энергия фотона. В этом определении амплитуды скалярная функция $g(\omega)$ является четной, а $h(\omega)$ — нечетной относительно перекрестной симметрии. Следовательно, поскольку поляризуемости вносят вклад в амплитуду (1) начиная со второго порядка по ω и выше [9], то спиновая структура второго слагаемого в (1) определяется вкладами поляризуемостей начиная с третьего порядка по ω .

Лагранжиан, в котором, как было показано в [10], учитываются в нерелятивистском приближении вклады спиновых поляризуемостей, связанных с электрическими и магнитными дипольными моментами адронов, имеет вид:

$$L(\gamma_{E_1}) + L(\gamma_{M_1}) = 2\pi \left[\gamma_{E_1} \left(\vec{\sigma} \begin{bmatrix} \overrightarrow{EE} \end{bmatrix} \right) + \gamma_{M_1} \left(\vec{\sigma} \begin{bmatrix} \overrightarrow{HH} \end{bmatrix} \right) \right], \tag{2}$$

где σ_i – матрицы Паули, $\stackrel{\rightarrow}{E}$ и $\stackrel{\rightarrow}{H}$ – векторы напряженности электрического и

магнитного полей,
$$\overset{\bullet}{E} = \frac{\partial \overset{\bullet}{E}}{\partial t}, \ \overset{\bullet}{H} = \frac{\partial \vec{H}}{\partial t}.$$

В работах [11–14] в рамках эффективного теоретико-полевого подхода была получена ковариантная форма представления (2)

$$L(\gamma_{E_{1}}) + L(\gamma_{M_{1}}) = \frac{i\pi}{4m} \left(\varepsilon^{\mu\rho\kappa\beta} \right) \left[\gamma_{E_{1}} F_{\nu\mu} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}_{\delta} F_{\rho\sigma} + \gamma_{M_{1}} \widetilde{F}_{\nu\mu} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}_{\delta} \widetilde{F}_{\rho\sigma} \right] \times \\ \times \overline{\Psi} \left[\left(\gamma^{\nu} \stackrel{\wedge}{W_{\kappa}} + \stackrel{\wedge}{W_{\kappa}} \gamma^{\nu} \right) \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}^{\sigma} + \left(\gamma^{\sigma} \stackrel{\wedge}{W_{\kappa}} + \stackrel{\wedge}{W_{\kappa}} \gamma^{\sigma} \right) \stackrel{\leftrightarrow}{\partial^{\nu}} \right] \Psi.$$

$$(3)$$

В этом соотношении $\varepsilon^{\mu\rho\kappa\beta}$ — 4-х-мерный тензор Леви-Чивита, $\overrightarrow{\partial}^{\nu}=\overrightarrow{\partial}^{\nu}-\overrightarrow{\partial}^{\nu}$, стрелки указывают направления действия производных, $F_{\mu\nu}$ — тензор электромагнитного поля $(F_{\mu\nu}=\partial_{\mu}A_{\nu}-\partial_{\nu}A_{\mu})$, а тензор $\widetilde{F}_{\mu\nu}=\frac{1}{2}\varepsilon_{\mu\nu\rho\sigma}F^{\rho\sigma}$, γ^{μ} — матрицы, удовлетворяющие перестановочным соотношениям $\gamma^{\mu}\gamma^{\nu}+\gamma^{\nu}\gamma^{\mu}=2g^{\mu\nu}$. В случае частицы спина ½ вектор \widehat{W}^{μ} имеет вид:

$$\mathring{W}^{\mu} = \frac{(-1)}{2m} \gamma^5 \left(\gamma^{\mu} \begin{pmatrix} \mathring{p} \end{pmatrix} - p^{\mu} \right)$$

где $\stackrel{\wedge}{p} = \gamma_{\mu} p^{\mu}$, $p^{\mu} - 4$ -х-импульс частицы.

Часть амплитуды комптоновского рассеяния, вычисленная на основе этого лагранжиана, определяется следующим образом:

$$\begin{split} M\left(\gamma_{E_{1}}\right) + M\left(\gamma_{M_{1}}\right) &= \frac{i\pi}{4m^{2}} \left(\varepsilon^{\mu\rho\kappa\delta}\right) \left(k_{1} + k_{2}\right)_{\delta} \left[\gamma_{E_{1}} \left(F_{\nu\mu}^{(2)} F_{\rho\sigma}^{(1)} - F_{\sigma\rho}^{(2)} F_{\mu\nu}^{(1)}\right) + \right. \\ &+ \left. \gamma_{M_{1}} \left(\widetilde{F}_{\nu\mu}^{(2)} \widetilde{F}_{\rho\sigma}^{(1)} - \widetilde{F}_{\sigma\rho}^{(2)} \widetilde{F}_{\mu\nu}^{(1)}\right) \right] \overline{U}^{(r_{2})} \left(\stackrel{\rightarrow}{p_{2}}\right) \gamma^{5} \left[\left(\delta_{\tau}^{\nu} \gamma_{\kappa} - \delta_{\kappa}^{\nu} \gamma_{\tau}\right) P^{\sigma} + \right. \\ &+ \left. \left(\delta_{\tau}^{\sigma} \gamma_{\kappa} - \delta_{\kappa}^{\sigma} \gamma_{\tau}\right) P^{\nu} \right] P_{\tau} U^{(r_{1})} \left(\stackrel{\rightarrow}{p_{1}}\right). \end{split} \tag{4}$$

В уравнении (4) введены обозначения $F_{\mu\nu}^n = \left(k_\mu^n e_\nu^{(\lambda_n)} - k_\nu^n e_\mu^{(\lambda_n)}\right)$, $F_n^{\mu\nu} = \left(k_n^\mu e^{\nu(\lambda_n)*} - k_n^\nu e^{\mu(\lambda_n)*}\right)$, n принимает значения I и 2, а также $e_\mu^{(\lambda_1)}$ и $e_\mu^{(\lambda_2)*} - k_n^\nu e^{\mu(\lambda_n)*}$ векторы поляризации падающего и рассеянного фотонов, $P^\sigma = \frac{1}{2} \left(p_1 + p_2\right)$, k_1, p_1 и k_2, p_2 — импульсы падающего и рассеянного фотонов и фермионов, $U^{(r_1)}$ и $\overline{U}^{(r_2)}$ — биспиноры начальных и конечных фермионов.

Выражение (4) свидетельствует о том, что амплитуда $M(\gamma_{E_1})+M(\gamma_{M_1})$ инвариантна относительно перекрестной симметрии. Вклад спиновых поляризуемостей γ_{E_1} и γ_{M_1} начинается с третьего порядка по энергии фотонов.

Если в (4) перейти в систему покоя мишени и пренебречь импульсом отдачи нуклона, то получим

$$M\left(\gamma_{E_{1}}\right)+M\left(\gamma_{M_{1}}\right)=4\pi i\left(\omega_{1}+\omega_{2}\right)\left(\omega_{1}\omega_{2}\right)\left\{\gamma_{E_{1}}\left(\overrightarrow{S}\begin{bmatrix}\rightarrow^{(\lambda_{2})^{*}}\rightarrow^{(\lambda_{1})}\\e&e\end{bmatrix}\right)+\left\{\gamma_{M_{1}}\left(\overrightarrow{S}\begin{bmatrix}\rightarrow^{(\lambda_{2})^{*}}\rightarrow\\e&n_{2}\end{bmatrix}\cdot\begin{bmatrix}\rightarrow^{(\lambda_{1})}\rightarrow\\e&n_{1}\end{bmatrix}\right)\right\}.$$

$$\left\{\gamma_{E_{1}}\left(\overrightarrow{S}\begin{bmatrix}\rightarrow^{(\lambda_{2})^{*}}\rightarrow\\e&n_{2}\end{bmatrix}\cdot\begin{bmatrix}\rightarrow^{(\lambda_{1})}\rightarrow\\e&n_{1}\end{bmatrix}\right)\right\}.$$

$$(5)$$

Как видно из уравнений (3) и (5) лагранжиан, с помощью которого учитывается вклад спиновых поляризуемостей γ_{E_1} и γ_{M_1} в амплитуду комптоновского рассеяния является четным относительно инверсии пространства.

Используя метод работ [11–14] определим теперь релятивистскиинвариантный лагранжиан, в котором, как следует из [10], учитываются в нерелятивистском приближении вклады спиновых поляризуемостей, связанных с электрическими и магнитными квадрупольными моментами адронов:

$$L(\gamma_{E_2}) = \frac{i\pi\gamma_{E_2}}{m} \left[F^{\nu\rho} \stackrel{\leftarrow}{\partial_k} \widetilde{F}_{\sigma\rho} + \widetilde{F}^{\nu\rho} \stackrel{\rightarrow}{\partial_\rho} F_{\sigma k} \right] \Psi \left(\gamma_{\nu} \stackrel{\wedge}{W^k} + \stackrel{\wedge}{W^k} \gamma_{\nu} \right) \stackrel{\leftrightarrow}{\partial^{\sigma}} \Psi. \tag{6}$$

В нерелятивистском приближении этот лагранжиан совпадает с лагранжианом работы [10]

$$L(\gamma_{E_2}) = -8\pi\gamma_{E_2} \chi^+ E_{ik} H^i \hat{S}^k \chi, \tag{7}$$

где $E_{ik} = \frac{1}{2} (\partial_i E_k + \partial_k E_i)$, $\hat{S^k} = \frac{1}{2} \sigma^k$. Аналогичным образом можно убедиться, что

$$L(\gamma_{M_2}) = -\frac{i\pi\gamma_{M_2}}{m} \left[\tilde{F}^{\nu\rho} \stackrel{\leftarrow}{\partial_k} F_{\sigma\rho} + F^{\nu\rho} \stackrel{\rightarrow}{\partial_\rho} \tilde{F}_{\sigma k} \right] \overline{\Psi} \left(\gamma_{\nu} \stackrel{\wedge}{W^k} + \stackrel{\wedge}{W^k} \gamma_{\nu} \right) \stackrel{\leftrightarrow}{\partial^{\sigma}} \Psi, \tag{8}$$

который в нерелятивистском приближении принимает вид [10]

$$L(\gamma_{M_2}) = 8\pi \gamma_{M_2} \chi^+ H_{ki} \hat{S}^k E^i \chi,$$
 где $H_{ki} = \frac{1}{2} (\partial_k H_i + \partial_i H_k).$

Амплитуда комптоновского рассеяния, которая следует из лагранжиана (6), имеет вид:

$$M\left(\gamma_{E_{2}}\right) = \frac{i\pi\gamma_{E_{2}}}{m} \left[\varepsilon_{\nu\rho\alpha\beta} \left(\hat{e}_{2k} F_{2}^{\nu\rho} F_{1}^{\alpha\beta} - \hat{e}_{1k} F_{1}^{\nu\rho} F_{2}^{\alpha\beta} \right) + \varepsilon^{\nu\rho\alpha\beta} \left(k_{2\rho} F_{\sigma k}^{2} F_{\alpha\beta}^{1} - k_{1\rho} F_{\sigma k}^{1} F_{\alpha\beta}^{2} \right) \right] P^{\sigma} \overline{U}^{(r_{2})} \left(\gamma_{\nu} \stackrel{\wedge}{W}^{k} + \stackrel{\wedge}{W}^{k} \gamma_{\nu} \right) U^{(r_{1})},$$

$$(9)$$

В нерелятивистском приближении из (9) следует, что:

$$M(\gamma_{E_{2}}) = 2i\pi\gamma_{E_{2}}\chi_{2}^{+} \left\{ \omega_{1} \left(\overrightarrow{\sigma} e^{-(\lambda_{1})} \right) \left(\overrightarrow{e}^{-(\lambda_{2})*} \left[\overrightarrow{k_{2}} \overrightarrow{k_{1}} \right] \right) + \omega_{2} \left(\overrightarrow{\sigma} e^{-(\lambda_{2})*} \right) \left(\overrightarrow{e}^{-(\lambda_{1})*} \left[\overrightarrow{k_{2}} \overrightarrow{k_{1}} \right] \right) - \omega_{1} \left(\overrightarrow{\sigma} \overrightarrow{k_{1}} \right) \left(\overrightarrow{k_{2}} \left[\overrightarrow{e}^{-(\lambda_{2})*} \overrightarrow{k_{1}} (\lambda_{1}) \right] \right) - \omega_{2} \left(\overrightarrow{\sigma} \overrightarrow{k_{2}} \right) \left(\overrightarrow{k_{1}} \left[\overrightarrow{e}^{-(\lambda_{2})*} \overrightarrow{k_{1}} (\lambda_{1}) \right] \right) \right\} \chi_{1}.$$

$$(10)$$

Из явного вида этой амплитуды следует, что ее спиновая структура не совпадает со структурой $M(\gamma_{E_2})$, приведенной в работах [10, 15]. Однако, если воспользоваться тождеством, которое содержится в [10]:

$$\begin{pmatrix}
\overrightarrow{\sigma} \begin{bmatrix} \overrightarrow{k}_{2} e^{-\lambda(\lambda_{2})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})} \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} e^{-\lambda(\lambda_{2})^{*}} \\ \overrightarrow{\sigma} e^{-\lambda(\lambda_{2})^{*}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})} \\ \overrightarrow{k}_{2} e^{-\lambda(\lambda_{1})} \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} e^{-\lambda(\lambda_{1})} \\ \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{2} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{2} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{2} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \\ \overrightarrow{k}_{1} e^{-\lambda(\lambda_{1})^{*}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} e^{$$

то выражение (10) в приближении третьего порядка по энергии фотонов примет вид [10, 15]:

$$M(\gamma_{E_{2}}) = 2i\pi\omega^{3}\gamma_{E_{2}} \left\{ \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} e^{-(\lambda_{2})*} \\ \overrightarrow{\sigma} e^{-(\lambda_{1})} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \\ \overrightarrow{c} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \\ \overrightarrow{c} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \\ \overrightarrow{\sigma} e^{-(\lambda_{1})} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \\ \overrightarrow{c} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \\ \overrightarrow{c}$$

Амплитуду комптоновского рассеяния в ковариантном формализме, используя (8), можно представить следующим образом:

$$M\left(\gamma_{M_{2}}\right) = -\frac{i\pi\gamma_{M_{2}}}{m} \left[\varepsilon^{\nu\rho\alpha\beta} \left(k_{2k} F_{\alpha\beta}^{2} F_{\sigma\rho}^{1} - k_{1k} F_{\alpha\beta}^{1} F_{\sigma\rho}^{2} \right) + \left. + \varepsilon_{\sigma k \alpha \beta} \left(-\hat{e}_{1\rho} F_{2}^{\nu\rho} F_{1}^{\alpha\beta} + \hat{e}_{2\rho} F_{1}^{\nu\rho} F_{2}^{\alpha\beta} \right) \right].$$

$$(11)$$

Из (11) следует, что в системе покоя частицы и в приближении импульса отдачи получим:

$$M(\gamma_{M_{2}}) = -2i\pi\gamma_{M_{2}}\chi_{2}^{+} \left\{ \omega_{1} \left(\stackrel{\rightarrow}{\sigma} \stackrel{\rightarrow}{k_{2}} \right) \left(\stackrel{\rightarrow}{k_{2}} \left[\stackrel{\rightarrow}{e} \stackrel{(\lambda_{2})^{*}}{e} \stackrel{\rightarrow}{-} \stackrel{(\lambda_{1})}{e} \right] \right) + \omega_{2} \left(\stackrel{\rightarrow}{\sigma} \stackrel{\rightarrow}{k_{1}} \right) \left(\stackrel{\rightarrow}{k_{1}} \left[\stackrel{\rightarrow}{e} \stackrel{(\lambda_{2})^{*}}{e} \stackrel{\rightarrow}{-} \stackrel{(\lambda_{1})}{e} \right] \right) - \omega_{1} \left(\stackrel{\rightarrow}{k_{2}} \stackrel{\rightarrow}{e} \stackrel{(\lambda_{1})}{e} \right) \left(\stackrel{\rightarrow}{\sigma} \left[\stackrel{\rightarrow}{k_{2}} \stackrel{\rightarrow}{e} \stackrel{(\lambda_{1})^{*}}{e} \right] \right) \right\} \chi_{1}.$$

$$(12)$$

По виду выражение (12) не совпадает со структурой $M(\gamma_{M_2})$, приведенной в работах [10, 15]. В свою очередь, воспользовавшись тождеством [10]:

$$2 \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} \begin{bmatrix} \overrightarrow{e}^{(\lambda_{2})^{*}} \rightarrow (\lambda_{1}) \\ e & e \end{pmatrix} \end{bmatrix} = \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} \overset{\rightarrow}{k_{2}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \begin{bmatrix} \overrightarrow{c}^{(\lambda_{2})^{*}} \rightarrow (\lambda_{1}) \\ e & e \end{pmatrix} \end{bmatrix} + \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} \overset{\rightarrow}{k_{1}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \begin{bmatrix} \overrightarrow{c}^{(\lambda_{2})^{*}} \rightarrow (\lambda_{1}) \\ e & k_{1} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \begin{bmatrix} \overrightarrow{c}^{(\lambda_{1})^{*}} \rightarrow (\lambda_{1}) \\ e & k_{1} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \begin{bmatrix} \overrightarrow{c}^{(\lambda_{1})^{*}} \rightarrow (\lambda_{1}) \\ e & k_{2} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{\sigma} \begin{bmatrix} \overrightarrow{c} & \overrightarrow{c}^{(\lambda_{2})^{*}} \\ e & k_{2} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \begin{bmatrix} \overrightarrow{c} & \overrightarrow{c}^{(\lambda_{2})^{*}} \\ e & k_{2} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \overrightarrow{c} \end{bmatrix} ,$$

в третьем порядке по ω получим амплитуду [15]:

дке по
$$\omega$$
 получим амплитуду [15]:
$$M(\gamma_{M_2}) = 4i\pi\omega^3 \gamma_{M_2} \chi_2^+ \begin{cases} \overrightarrow{\sigma} \left[e^{-(\lambda_2)^*} \xrightarrow{o(\lambda_1)} \right] - \left(\overrightarrow{\sigma} \overset{\wedge}{k_2} \right) \left(\overset{\wedge}{k_2} \left[e^{-(\lambda_2)^*} \xrightarrow{o(\lambda_1)} \right] \right) - \left(\overset{\wedge}{\sigma} \overset{\wedge}{k_1} \right) \left(\overset{\wedge}{k_1} \left[\hat{e} \hat{e} \hat{e} \right] \right) \end{cases}, \tag{13}$$

где
$$\overset{\wedge}{\vec{k_1}} = \overset{\rightarrow}{\vec{k_1}}_{0_1} \ _{\mathbf{M}} \overset{\wedge}{\vec{k_2}} = \overset{\rightarrow}{\vec{k_2}}_{0_2}.$$

Таким образом, амплитуда (13) согласуется с амплитудой, приведенной в [15].

По аналогии с лагранжианом (3) построим новый лагранжиан, с помощью которого будем определять вклады гираций (характеристик, связанных с несохранением четности) в амплитуду комптоновского рассеяния. Для этого доста-

точно в (3) сделать замену $\hat{W_{\kappa}} \to \frac{1}{m} \hat{\partial_{\kappa}}$. В результате получим:

$$L = \frac{i\pi}{2m^2} \left(\varepsilon^{\mu\rho\kappa\delta} \right) \left[\delta_E F_{\nu\mu} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}_{\delta} F_{\rho\sigma} + \delta_M \tilde{F}_{\nu\mu} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}_{\delta} \tilde{F}_{\rho\sigma} \right] \overline{\Psi} \left[\left(\gamma^{\nu} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}_{\kappa} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}_{\sigma} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}^{\sigma} + \gamma^{\sigma} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}_{\kappa} \stackrel{\leftrightarrow}{\partial}_{\nu} \right) \right] \Psi, \quad (14)$$

где $\delta_{\scriptscriptstyle E}$ и $\delta_{\scriptscriptstyle M}$ — электрическая и магнитная гирации. Амплитуда комптоновского рассеяния, которая получена на основании лагранжиана (14), в системе покоя мишени и в пренебрежении импульсом отдачи мишени, определяется так:

$$M = 4\pi\omega_{1}\omega_{2}\chi_{f}^{+} \left\{ \delta_{E} \left(\begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} + \overrightarrow{k}_{2} \end{pmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \overrightarrow{e}^{(\lambda_{2})^{*}} \rightarrow (\lambda_{1}) \\ e & e \end{bmatrix} \right) + \delta_{M} \left(\begin{pmatrix} \overrightarrow{k}_{1} + \overrightarrow{k}_{2} \end{pmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \overrightarrow{\Sigma}_{2} \stackrel{\rightarrow}{\Sigma}_{1} \end{bmatrix} \right) \right\} \chi_{i}, \quad (15)$$

где $\overset{\rightarrow}{\Sigma}_2 = \begin{bmatrix} \vec{e} & \overset{\rightarrow}{n_2} \end{bmatrix}, \overset{\rightarrow}{\Sigma}_1 = \begin{bmatrix} \vec{e} & \overset{\rightarrow}{n_1} \end{bmatrix}$. Соотношение (15) согласуется с низкоэнергети-

ческим определением амплитуды, если тензоры поляризуемостей представить через $\delta_{\scriptscriptstyle E}$ и $\delta_{\scriptscriptstyle M}$ [16]:

$$\alpha_{ij} = \alpha_1 \delta_{ij} + i \delta_E \varepsilon_{ijk} \partial_k$$
, $\beta_{ij} = \beta_1 \delta_{ij} + i \delta_M \varepsilon_{ijk} \partial_k$,

где производная ∂_{κ} действует на векторы напряженности электромагнитного поля.

Таким образом, из уравнений (10), (11) и (15) следует:

1) в обеих амплитудах выполняется условие перекрестной симметрии;

- 2) если в соотношениях (10) и (11) выполняется условие инвариантности относительно инверсии пространства, то в соотношении (15) это условие нарушается;
- 3) вклады гирации и спиновых дипольных поляризуемостей в амплитуду комптоновского рассеяния на нуклоне начинается с третьего порядка по энергии фотонов.

Заключение

В данной работе получен квантово-полевой релятивистски-инвариантный эффективный лагранжиан, учитывающий вклады спиновых поляризуемостей, обусловленных электромагнитными дипольными и квадрупольными моментами адронов.

На основе релятивистских свойств, P-преобразований, а также перекрестной симметрии и алгебры операторов спина, определены ковариантные спиновые структуры амплитуды комптоновского рассеяния, согласующиеся с низкоэнергетическими теоремами.

Показано, что в предложенном эффективном теоретико-полевом подходе спиновые поляризуемости и гирации вносят вклад в разложение амплитуды комптоновского рассеяния начиная с третьего порядка по энергии фотонов.

Литература

- 1. Paz, G. An introduction to NRQED / G. Paz // [Electronic resource]. 2015. Mode of access: http://hep-ph/1503.07216. Date of access: 24.03.2015.
- 2. Hill, R.J. The NRQED lagrangian at order $\frac{1}{M^4}$ / R.J. Hill, G. Lee, G. Paz, M.P. Solon // Phys. Rev. D. 2013. Vol. 87. N_2 5. P. 053017-1-13.
- 3. Bedaque, P.F. Parity violation in γp Compton Scattering / P.F. Bedaque, M.J. Savage // Phys. Rev. C. -2000. Vol. 62. P. 018501-1-6.
- 4. Gorchtein, M. Forward Compton Scattering with weak neutral current: constraints from sum rules / M. Gorchtein, X. Zhang // [Electronic resource]. 2015. Mode of access: http:// nucl-th/1501.0535. Date of access: 22.01.2015.
- 5. Gorchtein, M. CP-violation in Compton Scattering / M. Gorchtein // Phys. Rev. C. 2008. Vol. 77. P. 065501-1-6.
- 6. Carlson, C.E. Constraining off-shell effects using low-energy Compton scattering / C.E. Carlson, M. Vanderhaeghen // [Electronic resource]. 2011. Mode of access: http://physics.atom-ph/1109.3779. Date of access: 04.10.2011.
- 7. Krupina, N. Separation of proton polarizabilities with the beam asymmetry of Compton scattering / N. Krupina, V. Pascalutsa // Phys. Rev. Lett. -2013. Vol.110. No 26. P. 262001-1-4.
- 8. Damashek, M. Forward Compton scattering / M. Damashek, F.J. Gilman // Phys. Rev. -1970. Vol. D1. No 6. P. 1319-1332.

- 9. Петрунькин, В.А. Электрическая и магнитная поляризуемости адронов /В.А. Петрунькин // ЭЧАЯ. 1981. Т. 12. Вып. 3. С. 692–753.
- 10. Low-energy Compton scattering of polarized photons on polarized nucleons / D. Babusci [et al.] // Phys. Rev. 1998. Vol. C58. № 2. P. 1013–1041.
- 11. Андреев, В.В. Ковариантное представление спиновых поляризуемостей нуклона / В.В. Андреев, О.М. Дерюжкова, Н.В. Максименко // Проблемы физики, математики и техники. $2014. N \ge 3(20). C. 7-12.$
- 12. Андреев, В.В. Поляризуемость элементарных частиц в теоретикополевом подходе / В.В. Андреев, Н.В. Максименко // Проблемы физики, математики и техники. -2011. -№ 4(9). -C. 7-11.
- 13. Andreev, V.V. Covariant equations of motion of a spin ½ particle in an electromagnetic field with allowance for polarizabilities / V.V. Andreev, O.M. Deryuzhkova, N.V. Maksimenko // Russ. Phys. Journ. − 2014. − Vol. 56. − № 9. − P. 1069–1075.
- 14. Андреев, В.В. Дипольные спиновые поляризуемости и гирации нуклона / В.В. Андреев, О.М. Дерюжкова, Н.В. Максименко // Известия Гомельского госуниверситета. -2015. -№ 6 (93). C. 106-111.
- 15. Levchuk, M.I. Deuteron Compton scattering below pion photoproduction threshold / M.I. Levchuk, A.I. L'vov // Nucl. Phys. 2000. Vol. A674. P. 449–492.
- 16. Федоров, Ф.И. Теория гиротропии / Ф.И. Федоров. Минск : Наука и техника, 1976. 456 с.