

УДК 539.194

РОЛЬ КИНЕМАТИЧЕСКОЙ И ДИНАМИЧЕСКОЙ АНГАРМОНИЧНОСТИ ПРИ ОЦЕНКЕ ГЕОМЕТРИИ МОЛЕКУЛ

Г. В. Ховрин, А. И. Павлючко и Ю. И. Пономарев

Рассматривается вопрос о влиянии ангармоничности колебаний молекул на значения равновесных длин связей и углов, определяемых из эксперимента. Приводится формула для расчета поправок за счет динамической и кинематической ангармоничности. В качестве примера приводятся расчеты для молекул H_2O и NO_2 . Даётся приближенная формула для определения равновесной длины связи по известным средним структурам изотопозамещенных молекул, хорошее ее согласие с экспериментом показано для молекул H_2O , H_2S , CH_4 .

Современные спектроскопические и дифракционные методы дают исследователю большие возможности в определении структуры молекул. Однако из-за сложной природы объекта возникают немалые трудности при интерпретации экспериментальных данных. Действительно, например, о геометрических параметрах молекулы есть смысл говорить в ее равновесном состоянии, тогда как результаты эксперимента получены для колеблющейся и вращающейся молекулы, что приводит к ряду усложнений в интерпретации этих результатов (ангармоничность, центробежное растяжение, кориолисово взаимодействие и др.). Сложность задачи определения геометрических параметров усугубляется тем, что эти параметры стоят в ряду других взаимосвязанных с ними характеристик молекулы: силового поля, частот переходов и др. Именно этими причинами объясняется тот факт, что в настоящее время мы располагаем точными сведениями о равновесной структуре не более чем двух десятков молекул.

Для облегчения задачи определения структуры молекул используют различные приближения, определяя так называемые средние структуры, описываемые следующими параметрами межатомных расстояний: r_z — расстояние между усредненными положениями атомов в основном колебательном состоянии (находится из анализа вращательных спектров), r_α — расстояние между средними положениями атомов в состоянии теплового равновесия (находится по электронографическим данным) и r_g — среднее по температуре значение межатомного расстояния, соответствующее центру тяжести функции распределения рассеяния электронов. Между этими параметрами имеются следующие соотношения [1]:

$$r_g = r_e + \delta_r + \langle \Delta z \rangle + \frac{\langle (\Delta x)^2 \rangle + \langle (\Delta y)^2 \rangle}{2r_e} + \dots \quad (1)$$

$$r_\alpha = r_g - \delta_r - \frac{\langle (\Delta x)^2 \rangle + \langle (\Delta y)^2 \rangle}{2r_e}, \quad (2)$$

$$r_z = \lim_{T \rightarrow 0} r_\alpha, \quad (3)$$

где r_e — равновесное межатомное расстояние, δ_r — центробежное растяжение (обычно невелико, порядка 10^{-4} Å), $\langle \Delta z \rangle$ — отклонение в расстоянии между

средними положениями атомов под влиянием ангармоничности. Слагаемые $\langle(\Delta x)^2\rangle$ и $\langle(\Delta y)^2\rangle$ — средние квадраты перпендикулярных смещений. Отбросив в выражении (1) слагаемое, ответственное за центробежное растяжение ввиду его малости и применив обозначения, принятые в теории колебаний, можем записать

$$r_g = r_e + \langle q \rangle, \quad (4)$$

где $\langle q \rangle$ — среднее удлинение связи за счет ангармоничности в точных естественных колебательных координатах. Таким образом, имея в результате эксперимента значение какого-либо из параметров (1)–(3) и произведя оценку вклада слагаемого $\langle q \rangle$, ответственного за ангармоничность, можно определить равновесную длину связи r_e . В последнее время появилось большое число работ, посвященных ангармоничности колебаний молекул, различному учету кинематической ангармоничности и т. п. [2–8].

Цель нашей работы состоит в анализе влияния кинематической и динамической ангармоничности на величину межатомной связи и валентного угла при решении ангармонической задачи. Задача решалась с ангармоническим потенциалом, включая члены разложения не выше третьего порядка. Для ангармонических волновых функций основного состояния молекулы применялась теория возмущения первого порядка.

Вычислим среднее значение поправок $\langle q \rangle$ в точных координатах для основного состояния

$$\langle q_i \rangle = L_{is} \langle Q_T^s \rangle. \quad (5)$$

Переходя к приближенным координатам [9]

$$Q_T^s = Q^s + \frac{1}{2} \tau_{s's''}^s Q^{s'} Q^{s''},$$

где

$$\tau_{s's''}^s = \frac{1}{2} (\chi_{s''}^{ss'} + \chi_{s'}^{ss''} - \chi_s^{s's''}),$$

а

$$\chi_s^{ss''} = \frac{\partial G^{ik}}{\partial Q_j} L_{si}^{-1} L_{s''k}^{-1} L_{js''},$$

получаем

$$\langle q_i \rangle = L_{is} \langle Q^s \rangle + \frac{1}{2} L_{is} \tau_{s's''}^s \langle (Q^s)^2 \rangle. \quad (6)$$

После применения теории возмущения имеем

$$\langle q_i \rangle = -\frac{1}{8\pi\hbar} L_{is} \frac{\Phi_{ss's'}}{\gamma_s \gamma_{s'} \omega_s} + \frac{1}{4} L_{is} \frac{\tau_{s's''}^s}{\gamma_{s'}}, \quad (7)$$

где

$$\Phi_{ss's'} = L_{js} L_{ls} L_{ks} f_{jkl} + \lambda_s \tau_{s's'}^s + 2\lambda_{s'} \tau_{s's'}^s.$$

После разделения вкладов кинематической Δ_x и Δ_f динамической ангармоничности получим

$$\langle q \rangle = \Delta_x + \Delta_f, \quad (8)$$

т.е.

$$\Delta_x = -\frac{1}{4} L_{is} \frac{\omega_s \chi_s^{ss'}}{\omega_{s'} \gamma_s}; \quad \Delta_f = -\frac{1}{8\pi\hbar} \frac{L_{is} L_{js} L_{ks} L_{ls'}}{\gamma_s \gamma_{s'} \omega_s} f_{jkl}.$$

Выражение для среднеквадратичных перпендикулярных смещений Δ'_x , входящих в Δ_x , имеет вид [7]

$$\Delta'_x = \frac{\langle(\Delta x)^2\rangle + \langle(\Delta y)^2\rangle}{2r_e} = \frac{1}{4} L_{is} \frac{\tau_{s's'}^s}{\gamma_{s'}}.$$

В качестве примера проделаны расчеты для молекул H_2O и NO_2 . Результаты сведены в табл. 1. Из этой таблицы видно, что преобладающий

Молекула	f_{rrr}	$f_{rrr'}$	$f_{rrr''}$	$f_{rr'a}$	$f_{rr'a'}$	f_{aaa}	Δ_f	Δ_x	$\langle q \rangle$
	Для связи	Для угла	Для угла	Для угла	Для угла	Для угла	Для угла	Для угла	Для угла
H_2O	0.0165	0.0051	0.0001	0	0	0.0003	-0.0004	0.0165	0.0176
NO_2	0.0051	-0.0027	-0.0001	0	0	0.0005	-0.0002	0.0056	0.0059

вклад в среднюю длину связи дают члены, связанные с диагональными ангармоническими силовыми коэффициентами, ее, тогда как для угла наряду со значительным вкладом членов с f_{rrr} и f_{aaa} весомый вклад дают и некоторые недиагональные. Кинематическая ангармоничность для молекул H_2O и NO_2 проявляется неоднозначно, будучи на порядок меньше динамической в случае молекулы воды для связи, в значение же угла вклад как кинематической, так и динамической оказывается одного порядка, однако противоположных знаков. Анализ результатов для молекулы NO_2 , которая состоит из тяжелых атомов, указывает на общее уменьшение вклада ангармоничности, но в случае деформационных колебаний вклад ангармоничности в среднее значение угла почти на порядок выше, чем у воды, что вызвано одинаковостью знаков при членах, отвечающих за вклад кинематической и динамической ангармоничности.

Задачу учета ангармонического вклада в геометрию молекулы можно решать в комплексе с задачей определения ангармонического силового поля и волновых функций предложенным ранее вариационным методом. Оценочные расчеты, выполненные по результатам его применения для молекулы воды, дают такие значения: $\langle q \rangle = 0.0169$ и $\langle a \rangle = 10'$.

Поскольку в среднюю длину связи основной вклад дает член с ангармоническим коэффициентом f_{rrr} , то в некоторых случаях можно воспользоваться для оценки равновесной длины простой формулой, получаемой после следующих упрощений. Действительно, запишем для $\langle q \rangle$

$$\langle q_r \rangle = \frac{L_{rs'} L_{rs}^2}{\gamma_s \gamma_{s'} \omega_{s'}} f_{rrr},$$

так как $\gamma_{s'} = \omega_{s'}/\hbar$ и, полагая, $\omega_s \approx \omega_{s'}$, $L_{rs'}^2 \approx L_{rs}^2 \approx G_{rr}^2$ (из-за слабого взаимодействия между эквивалентными связями), получим далее

$$\langle q_r \rangle \approx \frac{\hbar^2}{\omega_s^3} G_{rr}^2 f_{rrr}.$$

Принимая приближенно для валентных колебаний $G_{rr} f_{rr} \approx \omega_s^2$, окончательно имеем $\langle q_r \rangle = A \sqrt{G_{rr}}$ (где $A = \hbar^2 f_{rrr} / L_{rs}^{3/2}$). Для изотопической модификации $\langle q^* \rangle = A \sqrt{G_{rr}^*}$. Поскольку $\langle q \rangle = r - r_e$, обозначив $\langle q \rangle / \langle q^* \rangle = \sqrt{G_{rr} / G_{rr}^*} = B$, получим

$$r_e = \frac{r - Br^*}{1 - B}. \quad (9)$$

В табл. 2 приведены для сравнения результаты вычисления равновесной длины связей ряда молекул по формуле (9), а также экспериментальные результаты. Как видно, согласие с экспериментом хорошее. Таким образом, по

известным средним структурам изотопозамещенных молекул можно достаточно точно оценить равновесную длину связи молекулы, опуская громоздкие и сложные вычисления, а пользуясь непосредственно формулой (9).

Таблица 2
Равновесные длины связей H_2O , H_2S , CH_4 (в Å)

Молекула	По формуле (9)	Эксперимент
H_2O и D_2O	0.9594	0.9587 [10]
H_2S и D_2S	1.3364	1.3362 [11]
CH_4 и CD_4	1.0860	1.0850 [8]

Литература

- [1] Y. Morino, K. Kuchitsu, T. Oka. J. Chem. Phys., 36, 1108, 1962.
- [2] K. Kuchitsu, L. S. Bartell. J. Chem. Phys., 36, 2460, 1962.
- [3] K. Kuchitsu, L. S. Bartell. J. Chem. Phys., 36, 2470, 1962.
- [4] А. Я. Цауне, Н. Т. Сторчай, Л. В. Беляевская, М. П. Морозов. Опт. и спектр., 26, 923, 1969.
- [5] A. R. Hoyle, J. M. Mills, G. Streu. Mol. Phys., 24, 1265, 1972.
- [6] Л. А. Грибов, Г. В. Ховрин. ДАН СССР, 217, 307, 1974.
- [7] J. M. Mills. J. Phys. Chem., 80, 1187, 1976.
- [8] Ю. И. Пономарёв, М. Р. Расовский, Г. В. Ховрин. Опт. и спектр., 42, 856, 1977.
- [9] Ю. И. Пономарёв, А. И. Павлючко. Опт. и спектр., 44, 1202, 1978.
- [10] R. L. Cook, F. C. DeLucia, P. Helminger. J. Mol. Spectr., 53, 62, 1974.
- [11] P. Helminger, R. L. Cook, F. C. DeLucia. J. Chem. Phys., 56, 4581, 1972.

Поступило в Редакцию 5 января 1978 г.