

БЕЗДОППЛЕРОВСКИЕ НЕЛИНЕЙНЫЕ ПРОЦЕССЫ В СИЛЬНЫХ ОПТИЧЕСКИХ ПОЛЯХ

А. К. Попов и В. М. Шалаев

Показано, что с увеличением интенсивности накачки компенсация доплеровского уширения двухфотонного перехода во встречных волнах исчезает. Наоборот, узкий бездоплеровский резонанс оказывается возможным в поле излучения с двумя различными частотами, причем не только в схеме двухфотонного поглощения, но и в схеме комбинационного рассеяния. Поскольку частоты накачки можно выбрать так, чтобы расстройка относительно промежуточного уровня была мала, появляется дополнительная возможность увеличения вероятности бездоплеровских переходов. Сформулированы условия получения узких бездоплеровских резонансов в полях разных частот. Показаны возможности резкого увеличения нелинейных восприимчивостей для резонансных четырехфотонных процессов за счет указанного явления. Сделаны оценки условий наблюдения предсказанного явления в парах натрия. Явление может наблюдаться при умеренных интенсивностях накачки порядка 1 кВт/см^2 .

Представления о ступенчатых и многофотонных процессах играют важную роль в современной физике. Эти понятия были введены на основе теории возмущений. В сильных полях частотно-корреляционные свойства радиационных процессов, дискриминирующие различные процессы, претерпевают изменения, что сопровождается изменением доплеровских ширин линий излучения и поглощения [1]. В частности, в [1] было показано, что бездоплеровские процессы в сильных полях возможны даже в тех случаях, когда они невозможны в слабых полях. Это относится, в частности, к процессам типа комбинационного рассеяния. Условия бездоплеровской спектроскопии в слабых полях были рассмотрены позднее в работах [2, 3] (Библиографию работ см. также в [4]). В [1] исследовалось изменение формы линий поглощения и испускания слабого поля в присутствии сильного. В настоящей работе дано развитие и обобщение результатов на случай, когда оба поля могут сильно возмущать атомную систему. Показано, что условия бездоплеровского поглощения и рассеяния излучения при этом могут существенно меняться. Бездоплеровские переходы в сильных полях представляют значительный интерес для физики селективного воздействия на вещество, лазеров на ВКР и с оптической накачкой. Исследована роль указанных явлений при резонансных четырехфотонных параметрических взаимодействиях в газах. Показаны возможности увеличения на несколько порядков нелинейной восприимчивости и коэффициента преобразования излучения.

Основные выражения

Рассмотрим квазирезонансное взаимодействие двух сильных монохроматических полей с трехуровневой системой (см. рисунок, а), предполагая, что каждое поле взаимодействует лишь с одним переходом. Для схемы переходов типа комбинационного рассеяния (см. рисунок, б) результаты могут быть получены путем простых замен в окончательных выражениях для схемы рисунка, а.

В стационарном приближении система уравнений для элементов матрицы плотности сводится к системе алгебраических уравнений

$$\left. \begin{aligned} P_{gm}r_{gm} &= iG^*\Delta_{gm} + ir_{gm}G_{\mu}, \\ P_{mn}r_{mn} &= iG_{\mu}^*\Delta_{mn} - iGr_{gm}, \\ P_{gn}r_{gn} &= -iG^*r_{mn} + ir_{gm}G_{\mu}^*, \\ \Gamma_m r_m &= 2 \operatorname{Re} \{ir_{mn}G_{\mu} - ir_{gm}G\}, \\ \Gamma_n r_n &= -2 \operatorname{Re} \{iG_{\mu}r_{mn}\}. \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

Здесь r_{ij} — амплитуды элементов матрицы плотности ρ_{ij} в представлении взаимодействия (например, $\rho_{gn} = r_{gn} \exp \{i[\Omega_{gn}t - (\mathbf{k}_1 + \mathbf{k}_2)\mathbf{r}]\}$, $\mathbf{k}_j$ — волновые векторы излучений $\Omega_{gn} = \Omega_{mn} + \Omega_{gm} = (\omega_2 - \omega_{mn}) + (\omega_1 - \omega_{ng})$, Γ_i — скорости релаксации заселенностей, Γ_{ij} — полуширины переходов $P_{ij} = \Gamma_{ij} + i\Omega'_{ij}$; $\Omega'_{gn} = \Omega_{gn} - (\mathbf{k}_1 + \mathbf{k}_2)\mathbf{v}$; $\Omega'_{mn} = \Omega_{mn} - \mathbf{k}_2\mathbf{v}$; $\Omega'_{gn} = \Omega_{gn} - \mathbf{k}_1\mathbf{v}$; $\mathbf{v}$ — скорость движения атома; $\Delta_{ij} = r_i - r_j$ — разности заселенностей; $G_{\mu} = -\mathbf{E}_2\mathbf{d}_{nm}/2\hbar$; $G = -\mathbf{E}_1\mathbf{d}_{mg}/2\hbar$.

Из системы (1) получаем

$$\left. \begin{aligned} r_{gm} &= \frac{iG^* \{ |G_{\mu}|^2 \Delta_{mn} + (P_{mn}P_{gm} + |G|^2) \Delta_{gm} \}}{P_{gm}P_{mn}\tilde{P}_{gn}}, \\ r_{mn} &= \frac{iG_{\mu}^* \{ |G|^2 \Delta_{gm} + (P_{gm}P_{gn} + |G_{\mu}|^2) \Delta_{mn} \}}{P_{gm}P_{mn}\tilde{P}_{gn}}, \end{aligned} \right\} \quad (2)$$

где

$$\tilde{P}_{gn} = \left(\Gamma_{gn} + \frac{|G|^2}{\Omega_{\mu}^{'2}} \Gamma_{mn} + \frac{|G_{\mu}|^2}{\Omega'^2} \Gamma_{gm} \right) + i \left(\Omega'_{gn} - \frac{|G|^2}{\Omega_{\mu}^{'2}} - \frac{|G_{\mu}|^2}{\Omega'^2} \right) = \tilde{\Gamma}_{gn} + i\tilde{\Omega}'_{gn}.$$

С помощью (2) и последних двух уравнений системы (1) находим решение для заселенностей уровней n и m в поле $\mathbf{E}_1$ и $\mathbf{E}_2$ для случая, когда $|\Omega|$, $|\Omega_{\mu}| \gg |\tilde{\Omega}_{gn}|$, Γ_{ij} , $k_{1,2}\bar{v}$, где $\bar{v}$ — наиболее вероятная скорость

$$\left. \begin{aligned} r_n &= \left\langle \frac{ax}{\tilde{\Omega}_{gn}^{'2} + \tilde{\Gamma}_{gn}^2 (1+x)} \right\rangle, \\ r_m &= \left\langle \frac{bx}{\tilde{\Omega}_{gn}^{'2} + \tilde{\Gamma}_{gn}^2 (1+x)} - \right. \\ &\quad \left. - \frac{\frac{\Omega_{\mu}}{\Omega} \frac{x}{|G_{\mu}|^2} \tilde{\Gamma}_{gn}\Gamma_{gm} \left(\Gamma_n + 2 \frac{|G_{\mu}|^2}{\Omega_{\mu}^2} \Gamma_{mn} \right)}{\tilde{\Gamma}_m - 2\tilde{\Gamma}_n - \frac{\Omega}{\Omega_{\mu}} \Gamma_m - \left(1 + 2 \frac{\Omega_{\mu}}{\Omega} + \frac{\Omega}{\Omega_{\mu}} \right) \Gamma_n} \frac{\tilde{\Omega}_{gn}^{'2} + \tilde{\Gamma}_{gn}^2}{\tilde{\Omega}_{gn}^{'2} + \tilde{\Gamma}_{gn}^2 (1+x)} \right\rangle. \end{aligned} \right\} \quad (3)$$

Здесь угловые скобки означают усреднение с максвелловским распределением по скоростям атомов,

$$\left. \begin{aligned} a &= \tilde{\Gamma}_{gn}^2 \tilde{\Gamma}_m \left[\tilde{\Gamma}_m - 2\tilde{\Gamma}_n - \frac{\Omega}{\Omega_{\mu}} \Gamma_m - \left(1 + 2 \frac{\Omega_{\mu}}{\Omega} + \frac{\Omega}{\Omega_{\mu}} \right) \Gamma_n \right]^{-1}, \\ b &= -\tilde{\Gamma}_{gn}^2 \left(\tilde{\Gamma}_n + \frac{\Omega_{\mu}}{\Omega} \Gamma_n \right) \left[\tilde{\Gamma}_m - 2\tilde{\Gamma}_n - \frac{\Omega}{\Omega_{\mu}} \Gamma_m - \left(1 + 2 \frac{\Omega_{\mu}}{\Omega} + \frac{\Omega}{\Omega_{\mu}} \right) \Gamma_n \right]^{-1}, \\ \tilde{\Gamma}_m &= \Gamma_m - 2 \left(\frac{|G|^2}{\Omega\Omega_{\mu}} \Gamma_{gm} + \frac{|G_{\mu}|^2}{\Omega\Omega_{\mu}} \Gamma_{mn} \right), \\ \tilde{\Gamma}_n &= \Gamma_n + 2 \left(\frac{|G|^2}{\Omega\Omega_{\mu}} \Gamma_{gm} + \frac{|G_{\mu}|^2}{\Omega\Omega_{\mu}} \Gamma_{mn} \right), \\ x &= -2 \frac{|GG_{\mu}|^2}{\Omega\Omega_{\mu}\tilde{\Gamma}_{gn}} \frac{\tilde{\Gamma}_m - 2\tilde{\Gamma}_n - \frac{\Omega}{\Omega_{\mu}} \Gamma_m - \left(1 + 2 \frac{\Omega_{\mu}}{\Omega} + \frac{\Omega}{\Omega_{\mu}} \right) \Gamma_n}{\Gamma_m\Gamma_n + 2 \frac{|G_{\mu}|^2}{\Omega_{\mu}^2} \Gamma_{mn}(\Gamma_m + \Gamma_n) + 4 \frac{|G|^2}{\Omega^2} \Gamma_{gm} \left(\Gamma_n + 3 \frac{|G_{\mu}|^2}{\Omega_{\mu}^2} \Gamma_{mn} \right)}. \end{aligned} \right\} \quad (4)$$

Устремляя $\Gamma_m \rightarrow \infty$, из (3) легко получить выражение для r_n , когда заселенность промежуточного уровня r_m пренебрежимо мала. Пола-

тая $|G|$, $|G_\mu| \ll |\Omega|$, $|\Omega_\mu|$, $\Omega_\mu/\Omega \approx -1$, получаем обычное выражение для двухфотонного поглощения в слабых полях и условие, когда эффект Доплера не проявляется: $k_1 = -k_2$.

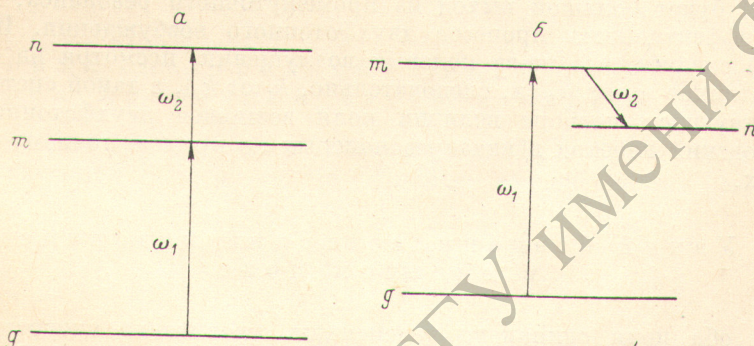
Бездоплеровские переходы в сильных полях

Атомы, движущиеся с различными скоростями, испытывают различное полевое возмущение двухфотонного резонанса. Проанализируем выражение для резонансного знаменателя $\tilde{P}_{gn}$

$$\tilde{P}_{gn} = \tilde{\Gamma}_{gn} + i \left(\Omega'_{gn} - \frac{|G|^2}{\Omega_\mu^2} - \frac{|G_\mu|^2}{\Omega'^2} \right). \quad (5)$$

Учитывая доплеровские сдвиги в первом исчезающем приближении и разлагая по $k_1 v / \Omega$ и $k_2 v / \Omega_\mu$ с точностью до первого порядка, получим

$$\begin{aligned} \tilde{P}_{gn} = \tilde{\Gamma}_{gn} + i [\tilde{\Omega}_{gn} - (\tilde{k}_1 + \tilde{k}_2) v] = \tilde{\Gamma}_{gn} + i \tilde{\Omega}_{gn} - \\ - i \left[\left(1 + \frac{|G_\mu|^2}{\Omega^2} \right) k_1 + \left(1 + \frac{|G|^2}{\Omega_\mu^2} \right) k_2 \right] v, \end{aligned} \quad (6)$$



где

$$\tilde{k}_1 = \left(1 + \frac{|G_\mu|^2}{\Omega^2} \right) k_1, \quad \tilde{k}_2 = \left(1 + \frac{|G|^2}{\Omega_\mu^2} \right) k_2.$$

Отсюда следует важный вывод о том, что, если полевые сдвиги энергетических уровней становятся соизмеримыми с доплеровскими ширинами переходов, то условие бездоплеровских переходов зависит от интенсивности взаимодействующих волн. Для поглощения это условие имеет вид: $\tilde{k}_1 = -\tilde{k}_2$.

При рассеянии излучения, когда энергия уровня n меньше энергии уровня m (см. рисунок, б), формула для r_n получается из (3), (4) путем замены $\Omega_\mu \rightarrow -\Omega_\mu$, $k_2 \rightarrow -k_2$. В частности, условие бездоплеровского перехода $g \rightarrow n$ в этом случае приобретает вид $\tilde{k}_1 = \tilde{k}_2$. В общих случаях должно быть выполнено следующее условие на модули волновых векторов:

$$k_2 = \frac{1 + \frac{|G_\mu|^2}{\Omega^2}}{1 + \frac{|G|^2}{\Omega_\mu^2}} k_1. \quad (7)$$

Из (6) видно, что условие бездоплеровского перехода может выполняться при сильно отличающихся частотах ω_1 и ω_2 , если $|G| \sim |\Omega_\mu|$ или $|G_\mu| \sim |\Omega|$. При выполнении (7) атомы с любыми скоростями будут одинаково участвовать в переходах на уровень n , а вероятность перехода как функция $\tilde{\Omega}_{gn}$ приобретает лоренцевский вид с шириной $\tilde{\Gamma}_{gn}$. Если условие (7) не выполняется, то, усредняя по скоростям (3), получаем для ве-

роятности перехода на уровень n в единицу времени W следующую формулу:

$$W = \langle \Gamma_{n'n} \rangle = \frac{\alpha \chi \Gamma_n}{\tilde{\Gamma}_{gn} \sqrt{1+\chi}} \operatorname{Re} \left\{ \frac{\sqrt{\pi}}{|\tilde{\mathbf{k}}_1 + \tilde{\mathbf{k}}_2| \bar{v}} e^{p^2} [1 - \Phi(p)] \right\}, \quad (8)$$

$$p = [\tilde{\Gamma}_{gn} \sqrt{1+\chi} + i \tilde{\Omega}_{gn}] / |\tilde{\mathbf{k}}_1 + \tilde{\mathbf{k}}_2| \bar{v},$$

$\Phi(z)$ — интеграл вероятности. Если $|\tilde{\mathbf{k}}_1 + \tilde{\mathbf{k}}_2| \bar{v} \gg \tilde{\Gamma}_{gn} \sqrt{1+\chi}$, то

$$W = \frac{\alpha \chi \Gamma_n}{\tilde{\Gamma}_{gn} \sqrt{1+\chi}} \frac{\sqrt{\pi}}{|\tilde{\mathbf{k}}_2 + \tilde{\mathbf{k}}_2| \bar{v}} e^{- (\tilde{\Omega}_{gn} / |\tilde{\mathbf{k}}_1 + \tilde{\mathbf{k}}_2| \bar{v})^2}. \quad (9)$$

Формула (7) обобщает условие бездоплеровского поглощения на случай сильных полей. В этом выражении не предполагается малость величин $|G/\Omega|$ и $|G_p/\Omega_p|$.

В слабых полях для процессов типа комбинационного рассеяния полная компенсация доплеровского уширения невозможна, поскольку $\mathbf{k}_2 \neq \mathbf{k}_1$, а для двухфотонного поглощения необходимо, чтобы $\mathbf{k}_2 = -\mathbf{k}_1$. В последнем случае в системе с неравно отстоящими уровнями (см. рисунок, а) будет большой выход из промежуточного резонанса, что понижает эффективность процесса двухфотонного возбуждения. Из формулы (7) следует, что из-за полевых возмущений, несмотря на существенное отличие ω_1 от ω_2 (и, следовательно, k_1 от k_2), в такой системе при соответствующем подборе величин поля возможен двухфотонный бездоплеровский переход в квазирезонансных по промежуточному уровню условиях.

Узкий бездоплеровский резонанс в сильном поле

Если оба поля одинаково интенсивны, увеличение скорости двухфотонных переходов сопровождается значительным уширением двухфотонного резонанса.

Проанализируем условия, при которых может одновременно выполняться соотношение $\tilde{\Omega}_{gn}=0$ и равенство (7) при дополнительном требовании $\tilde{\Gamma}_{gn}^2 (1+\chi) \sim \Gamma^2 \ll (k_1+k_2) \bar{v}$, где Γ — характерные естественные ширины переходов. Последнее требование эквивалентно условию $|GG_p|^2 / |\Omega \Omega_p| \sim \Gamma^2$. С другой стороны, чтобы добиться значительного различия k_1 и k_2 [см. (7)], необходимо, чтобы $|G| \sim |\Omega_p|$ (или $|G_p| \sim |\Omega|$). Из полученных выражений следует, что эти условия совместны, если $|G| \sim |\Omega_p|$, $|G_p| \sim \Gamma$ (или $|G_p| \sim |\Omega|$, $|G| \sim \Gamma$). Если $\omega_{nm} < \omega_{mg}$, то в квазирезонансных условиях относительно промежуточного уровня $k_2 < k_1$. При этом, как видно из (7), необходимо более сильным выбирать именно поле $\mathbf{E}_1$. Если $\omega_{nm} > \omega_{mg}$, ситуация обратная.

Можно показать, что если частота ω_1 более сильного поля задана, $\omega_{nm} < \omega_{mg}$, $|\Omega|$, $|\Omega_p| < \omega_{mg}$, ω_{nm} , то при интенсивностях полей в указанном интервале значений максимум бездоплеровского поглощения достигается при следующих значениях частоты ω_2 и интенсивности поля $\mathbf{E}_1$:

$$\Omega_p = -\Omega \frac{\omega_{nm}}{2\omega_{nm} - \omega_{mg}}; \quad |G|^2 = \Omega^2 \frac{\omega_{nm}(\omega_{mg} - \omega_{nm})}{(\omega_{mg} - \omega_{nm})^2}. \quad (10)$$

Если же задана частота ω_2 , то для частоты и интенсивности поля $\mathbf{E}_1$ соответственно имеем

$$\Omega = -\Omega_p \frac{2\omega_{nm} + 2\Omega_p - \omega_{mg}}{\omega_{nm}}; \quad |G|^2 = \Omega_p^2 \frac{(\omega_{mg} - \omega_{nm} - 2\Omega_p)}{\omega_{nm}}. \quad (11)$$

Проиллюстрируем сделанные выводы оценками для перехода $3s-3p-4s$ натрия. Выберем частоту более слабого поля $\nu_2=8823 \text{ см}^{-1}$, что соответствует выходу из резонанса с переходом $3p-4s$, $\Delta\nu_p=\nu_2-\nu_{nm}=50 \text{ см}^{-1}$. Поскольку $|d_{nm}| \approx |d_{mg}| \approx 10 \text{ дб.}$, $\Gamma \sim 10^9 \text{ с}^{-1}$, условие $|G_p| \sim \Gamma$ выполняется при интенсивностях слабого поля $I_p \approx 5 \text{ Вт/см}^2$. Далее, из (11) получаем $\nu_1=16\,963 \text{ см}^{-1}$ и $|G|=48 \text{ см}^{-1}$, т. е. необходимое значение интенсивности сильного поля соответствует $I \approx 10 \text{ МВт/см}^2$. Если же $\Delta\nu_p \approx 1 \text{ см}^{-1}$, то необходимое значение интенсивности уменьшается, $I \approx 5 \text{ кВт/см}^2$.

Рассмотренный пример иллюстрирует возможности осуществления бездоплеровского перехода в условиях двухфотонного резонанса и квазирезонанса относительно промежуточного уровня при существенном различии частот и умеренных интенсивностях полей, участвующих в процессе.

Наоборот, из формулы (7) следует и другой важный вывод о том, что при одночастотной накачке с $\omega_1=\omega_2$, $\mathbf{k}_1=-\mathbf{k}_2$, если $|d_{nm}| \neq |d_{mg}|$, с увеличением интенсивности накачки компенсация доплеровского уширения на двухфотонном переходе исчезает и одновременно растет полевое уширение резонанса.

Форма спектральной линии поглощения при фиксированной частоте одного из полей

Рассмотрим форму линии поглощения поля E_2 в присутствии поля E_1 с фиксированной частотой ω_1 . Из (5) найдем выражение для резонансной частоты

$$\Omega_p^{1,2} = -\frac{1}{2} \left(\Omega - \frac{|G_p|^2}{\Omega} \right) \pm \frac{1}{2} \sqrt{\left(\Omega - \frac{|G_p|^2}{\Omega} \right)^2 + 4|G|^2}. \quad (12)$$

Таким образом, в заданном поле E_1 форма линии поглощения поля E_2 имеет вид дублета, одна из компонент которого соответствует возмущенному двухфотонному, а другая — возмущенному ступенчатому переходу. Условия бездоплеровского поглощения в максимумах этих компонент имеют вид

$$\mathbf{k}_2 = M_1 \mathbf{k}_1, \quad \mathbf{k}_2 = M_2 \mathbf{k}_1,$$

$$\text{где } M_{1,2} = -\frac{1}{2} \left(1 + \frac{|G_p|^2}{\Omega^2} \right) \left[1 \pm \frac{\Omega - \frac{|G_p|^2}{\Omega}}{\sqrt{\left(\Omega - \frac{|G_p|^2}{\Omega} \right)^2 + 4|G|^2}} \right]. \quad (13)$$

В случае слабых полей $|G|, |G_p| \ll |\Omega|$; $M_1 \approx -1$, $-M_2 \ll 1$, и условие бездоплеровского двухфотонного поглощения принимает хорошо известный вид $\mathbf{k}_2 = -\mathbf{k}_1$. Формулы (12) и (13) являются обобщением соответствующих выражений, полученных в [1] для сильного поля E_1 и слабого поля E_2 на случай обоих сильных полей и отражают изменение частотно-корреляционных свойств радиационных процессов в сильных полях. Функции $M_{1,2}$ являются факторами корреляции (мерой памяти) между частотами ω_1 и ω_2 в резонансах (12), поскольку $M_{1,2} = \partial \Omega_p^{(1,2)} / \partial \Omega$. Таким образом, в слабых полях один резонанс по ω_2 полностью коррелирован с частотой ω_1 ($M_1 = -1$, $\Omega_p = -\Omega$). Он соответствует двухфотонному процессу. Другой резонанс совершенно не коррелирован с частотой ω_1 ($M_2 = 0$, $\Omega_p = 0$). Он соответствует ступенчатому переходу (поглощению с уровня m).

Из изложенного выше следует, что с увеличением интенсивностей полей E_1 и E_2 оба фактора M_1 и M_2 становятся отличными как от нуля,

так и от -1 . Таким образом, разделение радиационных процессов, соответствующих двум компонентам спектра, на ступенчатые и двухфотонные становится физически бессодержательным.

Бездоплеровские резонансные четырёхфотонные параметрические процессы

Бездоплеровские переходы могут ярко проявляться и при резонансном четырехфотонном смещении частот в газах типа $\omega_s = \omega_1 + \omega_2 - \omega_3$ и $\omega_s = \omega_1 - \omega_2 \pm \omega_3$, когда $\omega_1 + \omega_2$, или $\omega_1 - \omega_2$ соответствуют двухфотонному резонансу с переходом ng . При этом в сильных полях на частотах ω_1 и ω_2 в нелинейной восприимчивости возникает резонансный знаменатель типа $\tilde{P}_{ng}$. При условиях и оценках, аналогичных приведенным выше, доплеровское уширение указанного перехода исчезает, и в точном резонансе в знаменателе усредненной по скоростям нелинейной восприимчивости вместо фактора $|k_1 \pm k_2| \bar{v}$ появляется фактор $\tilde{\Gamma}_{ng}$. Таким образом, нелинейная восприимчивость возрастает в $\beta = |k_1 \pm k_2| \bar{v} / \tilde{\Gamma}_{ng}$ раз, а мощность генерируемого на суммарной частоте излучения — в β^2 раз. Величина β^2 может составлять $10^4 - 10^6$. Поскольку в сильных полях условие бездоплеровского резонанса можно достичь при $\omega_1 \neq \omega_2$, т. е. в условиях квазирезонанса по промежуточному уровню m , то наряду с фактором β^2 появляется еще дополнительная возможность увеличения мощности генерируемого излучения.

Кроме резкого увеличения коэффициента преобразования излучения указанное явление может быть использовано для генерационной спектроскопии запрещенных переходов и исследования их полевого уширения.

Литература

- [1] Т. Я. Попова, А. К. Попов, С. Г. Раутман, А. А. Феоктистов. ЖЭТФ, 57, 444, 1969.
- [2] L. S. Vasilenko, V. P. Chebotaev, A. V. Shishaev. JERF Lett., 12, 113, 1970.
- [3] B. Cagnac, G. Grynberg, F. Biraben. J. Phys., 34, 845, 1973.
- [4] F. Biraben, E. Gracobino, G. Grynberg. Phys. Rev., A12, 2444, 1975.

Поступило в Редакцию 21 сентября 1979 г.