

**ИССЛЕДОВАНИЕ ЭКСИТОННОГО СПЕКТРА  
В КРИСТАЛЛЕ Cu<sub>2</sub>O МЕТОДОМ ДВОЙНОГО ОПТИЧЕСКОГО  
РЕЗОНАНСА**

M. I. Шмидюк, П. И. Бардецкий и Е. В. Витиу

В кристаллах симметрии  $O_h$  в отсутствие внешних полей имеется всего одно дипольно активное экситонное состояние. Ее волновые функции преобразуются по неприводимому представлению  $\Gamma_4^-$ . Поглощение света из основного состояния свободного кристалла на экситонный уровень типа  $\Gamma_4^-$  изотропно. Покажем, что анизотропия поглощения на уровень  $2P$  ( $\Gamma_4^-$ ) желтой экситонной серии Cu<sub>2</sub>O может возникнуть в условиях двойного оптического резонанса (ДОР), а именно в случае, когда поглощении слабого света из основного состояния кристалла на экситонный уровень  $2P$  ( $\Gamma_4^-$ ) имеет место в присутствии лазерного излучения, вызывающего резонансные переходы  $1S(\Gamma_5^+) \leftrightarrow 2P(\Gamma_4^-, 2\Gamma_5, \Gamma_3, \Gamma_2^-)$  в пределах той же серии. Отметим, что оптический резонанс между  $1S$  и  $2P$  можно осуществить модой 10.6 мкм лазера на CO<sub>2</sub>.

Слабый свет, рождающий экситоны в состоянии  $2P$  ( $\Gamma_4^-$ ), задает начальные условия, которым должны удовлетворять волновые функции нестационарных состояний, описывающие спектр квазиэнергии экситона в поле резонансного лазерного излучения. Последнее обстоятельство не было учтено в работе [1], поэтому результаты этой работы относятся (с некоторыми оговорками) не к поглощению, а к излучению с уровня  $2P$  ( $\Gamma_4^-$ ) в основное состояние кристалла при осуществлении ДОР для уровня  $1S$  ( $\Gamma_5^+$ ).

Поскольку сам процесс рождения экситонов имеет место в присутствии сильного электромагнитного излучения, то поглощение слабого света фактически происходит на соответствующих компонентах спектра квазиэнергии. Следовательно, слабое поле рождает экситон и одновременно зондирует его спектр квазиэнергии, который формируется лазерным излучением. Эти процессы должны происходить самосогласованно, так как спектр квазиэнергии и его волновые функции в свою очередь существенным образом зависят от начальных условий, задаваемых слабым светом. Самосогласованность такого рода будет иметь место, если за характерное время  $\tau$  квантового перехода из основного состояния кристалла в экситонное лазерное поле успеет сформировать спектр квазиэнергии экситона. Последнее выполняется, если  $\tau \gg T_{\Omega_i}$ , где  $T_{\Omega_i}$  — периоды путации населеностей квазиуровней, соответствующие частотам путации  $\Omega_i$ , которые определяют также и величины расщеплений в спектре квазиэнергии. Для относительно сильного перехода основное состояние кристалла — уровень  $2P$  ( $\Gamma_4^-$ ) условие самосогласованности выполняется на пределе.

Используя волновые функции нестационарных состояний для рассматриваемого нами случая [2], были вычислены квадраты модулей матричных элементов дипольных переходов под действием слабого света из основного состояния кристалла на компоненты спектра квазиэнергии. Результаты для двух конкретных направлений напряженности  $E$  электрической компоненты лазерного поля приведены в таблице, в которой введены обозначения

$$\alpha_{1,2} = \mp \frac{\varepsilon}{2} + \Omega_1 = \mp \frac{\varepsilon}{2} + \left[ \frac{\varepsilon^2}{4} + \frac{e^2 E^2}{\hbar^2} (|D_1|^2 + |D_2|^2 + |D'_2|^2) \right]^{1/2},$$

$$\gamma_{1,2} = \mp \frac{\varepsilon}{2} + \Omega_3 = \mp \frac{\varepsilon}{2} + \left[ \frac{\varepsilon^2}{4} + \frac{e^2 E^2}{\hbar^2} (|D_1|^2 + |D_3|^2 + \frac{1}{2} |D_4|^2) \right]^{1/2},$$

$$K_1 = \frac{e^2 E^2 |D_1|^2}{\hbar^2 \alpha_1 \alpha_2}, \quad K_2 = \frac{e^2 E^2 (|D_2|^2 + |D'_2|^2)}{\hbar^2 \alpha_1 \alpha_2}, \quad M = \left| \psi_{\frac{1}{4},1} \left| \sum_k \nabla_{kx} \right| \psi_0 \right\rangle,$$

$$L_1 = \frac{e^2 E^2 |D_1|^2}{\hbar^2 \gamma_1 \gamma_2}, \quad L_2 = \frac{e^2 E^2 (|D_3|^2 + 2^{-1} |D_4|^2)}{\hbar^2 \gamma_1 \gamma_2}.$$

$D_i$  — матричный элемент электрического дипольного момента перехода между состояниями  $1S(\Gamma_5^+)$  и  $2P(\Gamma_j^-)$ , причем  $j=1, 2, 3, 4$  соответственно для  $\Gamma_j^- = \Gamma_4^-, \Gamma_5^-, \Gamma_3^-, \Gamma_2^-$ ;  $D_2$  и  $D'_2$  относятся к двум разным уровням типа  $2P(\Gamma_5^-)$ ;  $\varepsilon$  — расстройка резонанса;  $\psi_0$  — основное состояние кристалла;  $\psi_{\Gamma_4^-, i}$  — волновые функции уровня  $\Gamma_4^-$  в стационарном случае;  $\omega_i$  — компоненты спектра квазиэнергии;  $\hbar\omega_{2P}$  — энергия стационарного уровня  $2P(\Gamma_4^-)$ ;  $\xi$  — единичный вектор поляризации слабого света.

Во всех трех рассмотренных случаях  $E \parallel \langle 001 \rangle, \langle 1\bar{1}0 \rangle, \langle 111 \rangle$  в спектре квазиэнергии имеется несмещенная компонента, а для  $E \parallel \langle 001 \rangle, \langle 1\bar{1}0 \rangle$  в спектре сохраняется также и стационарная компонента, что отражено в таблице. Из таблицы следует, что поглощение на уровень  $2P(\Gamma_4^-)$  в условиях самосогласованного ДОР становится анизотропным. При  $E \parallel \langle 001 \rangle, \langle 1\bar{1}0 \rangle$  эта анизотропия является следствием следующих двух причин: 1) один из подуровней типа  $\Gamma_4^-$  не принимает участие в переходах  $1S \leftrightarrow 2P$  и остается стационарным; 2) остальные два подуровня связываются лазерным полем через уровень  $\Gamma_5^+$  в согласии с правилами отбора с разными состояниями из группы  $2P(2\Gamma_5^-, \Gamma_3^-, \Gamma_2^-)$ , образуя вообще-то разные трехуровневые системы. Для  $E \parallel \langle 111 \rangle$  первая причина отсутствует.

Оценим отношения интенсивностей дипольного поглощения слабого света в разных поляризациях в предположении, что вынужденный эффект

Квадраты модулей матричных элементов дипольных переходов  
из основного состояния кристалла на экситонный уровень  $2P(\Gamma_4^-)$   
в условиях самосогласованного ДОР

$E \parallel \langle 001 \rangle$				
поляризация	компоненты спектра квазиэнергии		стационарная компонента	
$\xi$	$\omega_1 = \omega_{2P} + \alpha_1$ $\omega_2 = \omega_{2P} - \alpha_2$	$\omega_3 = \omega_{2P}$		$\omega_{2P}$
$\langle 110 \rangle, \langle 1\bar{1}0 \rangle$ $\langle 010 \rangle, \langle 100 \rangle$	$\frac{1}{4} K_1^2 M^2$	$K_2^2 M^2$		—
$\langle 001 \rangle$	—	—		$M^2$
$\langle 111 \rangle$	$\frac{1}{6} K_1^2 M^2$	$\frac{2}{3} K_2^2 M^2$		$\frac{1}{3} M^2$
$\langle 11\bar{2} \rangle$	$\frac{1}{12} K_1^2 M^2$	$\frac{1}{3} K_2^2 M^2$		$\frac{2}{3} M^2$
$E \parallel \langle 1\bar{1}0 \rangle$				
$\xi$	$\omega_1 = \omega_{2P} + \gamma_1$ $\omega_2 = \omega_{2P} - \gamma_2$	$\omega_3 = \omega_{2P} + \alpha_1$ $\omega_4 = \omega_{2P} - \alpha_2$	$\omega_5 = \omega_{2P}$	$\omega_{2P}$
$\langle 110 \rangle$	—	—	—	$M^2$
$\langle 001 \rangle$	$\frac{1}{4} L_1^2 M^2$	—	$L_2^2 M^2$	—
$\langle 1\bar{1}0 \rangle$	—	$\frac{1}{4} K_1^2 M^2$	$K_2^2 M^2$	—
$\langle 010 \rangle, \langle 100 \rangle$	—	$\frac{1}{8} K_1^2 M^2$	$\frac{1}{2} K_2^2 M^2$	$\frac{1}{2} M^2$
$\langle 111 \rangle$	$\frac{1}{12} L_1^2 M^2$	—	$\frac{1}{3} L_2^2 M^2$	$\frac{2}{3} M^2$
$\langle 11\bar{2} \rangle$	$\frac{1}{6} L_1^2 M^2$	—	$\frac{2}{3} L_2^2 M^2$	$\frac{1}{3} M^2$

Штарка [2] из-за большой ширины уровня  $2P$  ( $\Gamma_4^-$ ) экспериментально не наблюдается. Воспользовавшись оценками для отношений величин  $|D_i|$  из работы [3], для  $E\langle 001 \rangle$  находим, что  $I_0 : I_{\langle 001 \rangle} : I_{\langle 111 \rangle} : I_{\langle 1\bar{1}0 \rangle} = 1 : 1 : 5/9 : 1/3$ , где  $I_0$  — интенсивность поглощения в произвольной поляризации в стационарном случае,  $I_\xi$  — суммарная интенсивность в поляризации  $\xi$  в условиях ДОР. Для  $E\langle 1\bar{1}0 \rangle$  имеем  $I_0 : I_{\langle 110 \rangle} : I_{\langle 010 \rangle} : I_{\langle 001 \rangle} : I_{\langle \bar{1}\bar{1}0 \rangle} = 1 : 1 : 2/3 : 9/25 : 1/3$ . Экспериментальное измерение предсказываемой анизотропии поглощения слабого света в условиях ДОР позволит оценить величины  $|D_i|$  и таким образом прозондировать оптически неактивные экситонные уровни  $\Gamma_5^-, \Gamma_3^-, \Gamma_2^-$ .

В заключение обратим внимание на следующее. Энергия кванта  $CO_2$ -лазера такова, что наряду с переходом  $1S \leftrightarrow 2P$  возможен также и переход  $2P$ -зоны проводимости. В силу закона сохранения импульса и из-за квазимонохроматичности лазерного излучения последнее связывает уровень  $2P$  с состояниями непрерывного спектра электронно-дырочной пары только в узком энергетическом интервале порядка ширины уровня  $2P$ . Это приводит нас к рассмотрению четырехуровневой системы, поскольку сама по себе система  $1S - 2P$  в резонансном поле является аналогом трехуровневой системы по той простой причине, что уровень  $2P$  ( $\Gamma_4^-$ ) связывается лазерным полем с остальными уровнями  $2P$ -типа только через уровень  $1S$  ( $\Gamma_5^+$ ). Поскольку вероятность образования электронно-дырочной пары с кинетической энергией порядка 0,1 эВ (энергия кванта  $CO_2$ -лазера) исчезающе мала, то переход  $2P$ -зоны проводимости является «слабым» и им можно пренебречь [2] при рассмотрении системы  $1S - 2P$  в резонансном поле.

Авторы выражают признательность С. А. Москаленко за плодотворные обсуждения работы.

#### Литература

- [1] М. И. Шмиглюк, П. И. Бардецкий, Е. В. Витиу. В сб.: Собственные полупроводники при больших уровнях возбуждения, 91. Изд. «Штиинца», Кишинев, 1978.
- [2] М. И. Шмиглюк, П. И. Бардецкий. Лазерная спектроскопия экситонов в полупроводниках. Изд. «Штиинца», Кишинев, 1980.
- [3] М. И. Шмиглюк. ФТТ, 14, 816, 1972.

Поступило в Редакцию 13 февраля 1980 г.

УДК 535.854

### ЦЕНА ПОЛОСЫ ИНТЕРФЕРОМЕТРА С ТРЕХЗЕРКАЛЬНЫМ ОТРАЖАТЕЛЕМ

В. Н. Кологрилов

Измеритель перемещений с трехзеркальным отражателем предложен Трофимовой в 1965 г. [1, 2]. Позднее было указано на свойство такой системы реагировать на движение не только вдоль луча, но и в перпендикулярном направлении [3]. Особенно ценна для практики возможность получать с помощью этого инверсора любую удобную для измерений цену полосы. Измерители такого типа пригодны не только для метрологических работ. Они могут использоваться везде, где требуется точно определять величину небольшого перемещения, и, в частности, в геофизических приборах (деформометрах, наклономерах, гравиметрах) с автоматической регистрацией. Анализ работы интерферометра с трехзеркальным инверсом до сих пор не опубликован.