#### Литература

- 1. Леоненко, Д. В. Свободные колебания круговых трёхслойных пластин на упругом основании / Д. В. Леоненко // Экологический вестник научных центров Черноморского экономического сотрудничества. 2008. Т. 5, № 3. С. 42–47.
- 2. Starovoitov, E. I. Vibrations of round three-layer plates under the action of distributed local loads / E. I. Starovoitov, D. V. Leonenko, A. V. Yarovaya // Strength of Materials. − 2002. − T. 34, № 5. − C. 474–481.
- 3. Старовойтов, Э. И. Основы теории упругости, пластичности и вязкоупругости : учеб. для студентов строительных спец. вузов / Э. И. Старовойтов. Гомель : БелГУТ, 2001. 344 с.
- 4. Новацкий, В. Теория упругости / В. Новацкий. Москва : Мир, 1975.-872 с.

# А. О. Николаев

(БГУ, Минск)

Науч. рук. С. Н. Семенович, канд. техн. наук

# МОДЕЛИРОВАНИЕ МАХОВИЧНОЙ СИСТЕМЫ ОРИЕНТАЦИИ НАНОСПУТНИКА

**Введение.** Для выполнения орбитальных задач наноспутнику необходимо обладать системой ориентации и стабилизации (СОС) с заданными характеристиками по точности удержания угла ориентации и скорости стабилизации. В работе представлена математическая модель и результаты исследования натурной модели — электронного макета активной СОС на основе 4-х маховиков для наноспутника в форм-факторе CubeSat.

**Описание алгоритма.** Исследуемый алгоритм одноосной ориентации и стабилизации представляет из себя PD-регулятор, описываемый следующим уравнением:

$$\mathbf{M} = -\mathbf{k}_{\mathbf{w}} * \Delta \mathbf{\omega} - \mathbf{k}_{\mathbf{\phi}} * \Delta \mathbf{\phi} \tag{1}$$

где M — управляющий момент создаваемый маховиками,  $\Delta \omega$  и  $\Delta \phi$  — разность между заданными скоростью и углом ориентации и текущими их значениями,  $k_w$ ,  $k_\phi$  — коэффициенты пропорциональности.

В работе [1] приведен анализ динамики подобной линейной системы и показано, что коэффициенты связаны уравнениями:

$$k_{w} = 2J_{s}\nu\xi \tag{2}$$

$$k_{\omega} = v^2 J_s \tag{3}$$

где  $J_s$  – момент инерции,  $\nu$  – собственная частота системы (находится экспериментально);  $\xi$  – безразмерный коэффициент демпфирования. Аналитическое значение  $\xi = 2\sqrt{2}$  обеспечивает минимальную длительность переходных процессов.

Динамика и кинематика вращения. Одноосное вращение наноспутника на струнном подвесе можно описать уравнением:

$$M = d(J_s w)/dt$$
 (4)

где M – действующий на спутник момент сил,  $J_s$  – момент инерции относительно заданной оси, w – угловая скорость.

Структура системы ориентации. В данной работе моделируется четырех-маховичная СОС, оси вращения маховиков расположены соосно с ребрами правильной четырехугольной пирамиды, углы наклона боковых ребер 55° (рисунок 1). Структуру СОС можно описать через матрицу расположения:

$$A = [a_1 \ a_2 \ a_3 \ a_4] \tag{5}$$

$$A = [a_1 \ a_2 \ a_3 \ a_4]$$

$$M = A * [M_1 \ M_2 \ M_3 \ M_4]^T$$
(6)

где  $a_i$  – единичный вектор оси і-го маховика,  $M_i$  – момент і-го маховика, M – полный вектор механического момента СОС.

В работе моделируется момент вдоль оси вращения. В силу наличия четырех маховиков, момент может быть создан различными комбинациями вращений, ограничимся режимом с одинаковой скоростью и направлением вращения. Этот режим обеспечит суммирование моментов вдоль оси Z и взаимное гашение момента вдоль других направлений. В модели учитывается ограничение по максимальной скорость вращения маховиков (7000 об/мин).

В качестве обратной связи алгоритма по скорости и направлению в электронном макете использовались микромеханические датчики гироскоп и магнитометр, которым свойственна погрешность измерений. В работе была проведена оценка распределения измерительных данных для покоящихся магнитометра и гироскопа ( $\pm 3\sigma = 8$  °/с и  $\pm 3\sigma = 0.25$  °/с) и погрешность удержание частоты вращения маховиков ( $\pm 3\sigma = 220$  об/мин), которая может приводить к колебаниям механического момента. Эти факторы учитываются в модели с помощью случайных функций с равномерным распределением.

**Результаты моделирования.** Моделирование выполнялось в среде MatLab. На рисунке 2 представлены режимы работы алгоритма с использованием модели и макета СОС на струнном подвесе, с идентичными коэффициентами и моментами инерции.

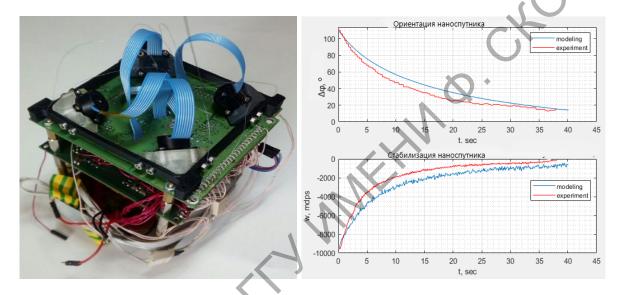


Рисунок 1 – Макет СОС

Рисунок 2 – Режимы алгоритма

Коэффициенты выбираются по формулам (2) и (3) с вариацией  $\nu$ . Для макета спутника с экспериментально определенным собственным моментом инерции  $J_s = 6.59*10^{-4}~{\rm kr}^*{\rm m}^2$  и моментом инерции одного маховика  $J_w = 1.94*10^{-7}~{\rm kr}^*{\rm m}^2$  был выбран коэффициент  $\nu = 0.2$ . Полученные коэффициенты позволяют выполнить задачу ориентации и стабилизации макета примерно за 40 секунд (рисунок 3). Итоговая погрешность наведения  $\pm 0.5^\circ$  при уровне стабилизации  $\pm 0.4^\circ$ /сек.

Заключение. Моделирование стабилизации и ориентации наноспутника существенно упрощает выбор коэффициентов для созданного PD-регулятора, наглядно и быстро демонстрирует работу системы с заданными параметрами, а также позволяет оценить качество выполнения поставленной задачи. Натурный эксперимент подтвердил работоспособность созданной модели алгоритма.

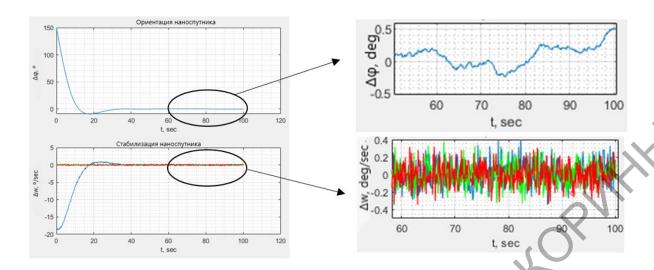


Рисунок 3 – Графики моделирования поворота и стабилизации макета

## Литература

- 1. Васильев В. Н. Системы ориентации космических аппаратов / В. Н. Васильев. М.: ФГУП «НПП ВНИИЭМ», 2009. 310 с.
- 2. Spacecraft Dynamics and Control: The Embedded Model Control Approach/ Enrico Canuto, Carlo Novara, Donato Carlucci, Carlos Perez Montenegro, Luca Massotti. 1<sup>st</sup> ed. Butterworth-Heinemann, 2018. 790 p.

#### А. Ю. Никонович

(ГГУ имени Ф. Скорины, Гомель)

Науч. рук. О. М. Дерюжкова, канд. физ.-мат. наук, доцент

## ЭКРАНИРОВАНИЕ СИМВОЛОВ В JAVA

Строка — это последовательность символов. Эти символы могут быть любыми буквами, цифрами, знаками препинания и так далее. Главное при создании строки — вся последовательность должна быть заключена в кавычки.

Но что делать, если нужно создать строку, которая сама должна содержать кавычки? Например:

public class main {

public static void main(String[] args) {

String myFavoriteBook = new String ("My favorite book is "Fire and blood" by George R.R. Martin");