

УДК 539.184 : 546,45

## НЕКОТОРЫЕ $E_1$ , $M_1$ , $E_2$ , $M_2$ ПЕРЕХОДЫ В ИЗОЭЛЕКТРОННОМ РЯДУ БЕРИЛЛИЯ

Э. К. Андерсон и Э. М. Андерсон

Приводятся результаты вычислений методом Дирака—Хартри—Фока значений энергии переходов, сил осцилляторов и вероятностей  $^1S_0 - ^3P_J$ ,  $^3P_J - ^3P_{J'}$ ,  $^3P_J - ^1P_{J'}$ ,  $^3P_J - ^1D_{J'}$ ,  $^3P_J - ^3D_{J'}$  и  $^3P_J - ^3P_{J'}$  переходов разных мультипольностей между низколежащими уровнями в изоэлектронном ряду берилия для ряда значений  $Z$ .

Вычислению значений энергий, сил осцилляторов и вероятностей переходов в изоэлектронном ряду берилия посвящен ряд работ [1—8], что вызвано использованием этих ионов в диагностике высокотемпературной плазмы. В настоящей работе приводится ряд новых данных, а также сравнение полученных нами результатов с результатами других авторов.

Методика вычислений, применяемая в настоящей работе, подробно изложена в работе [9], поэтому здесь приводятся только основные формулы.

Волновые функции, необходимые для вычисления матричных элементов, определяются релятивистским методом самосогласованного поля, в котором используется детерминированный базис. Варьируется выражение энергии, усредненное по термам и конфигурациям как начальных, так и конечных состояний. Для нахождения значений энергий диагонализуется матрица энергии.

Значения вероятностей переходов вычисляются по формуле

$$A_{B \rightarrow A} = \frac{2\alpha \Delta E}{(2J_B + 1)(2L + 1)} \left| \sum_{\lambda_a \lambda_b} \langle \lambda_a | \delta_L | \lambda_b \rangle \langle \gamma_A^i J_A | \hat{T}(L | \lambda_a \lambda_b) | \gamma_B^j J_B \rangle \right|^2, \quad (1)$$

где  $\alpha$  — постоянная тонкой структуры,  $\Delta E$  — энергия перехода,  $J_B$  — квантовое число полного момента состояния  $B$ ,  $\lambda_i$  — совокупность одноэлектронных квантовых чисел  $n$ ,  $l$ ,  $j$  или  $n$ ,  $x$  подоболочки  $i$ ,  $\gamma$  — дополнительные квантовые числа системы,  $\delta_L$  — одноэлектронный оператор перехода,  $L$  — мультипольность,  $\langle \gamma_A^i J_A | \hat{T}(L | \lambda_a \lambda_b) | \gamma_B^j J_B \rangle$  — субматричный элемент обобщенного единичного тензорного оператора  $\hat{T}(L | \lambda_a \lambda_b)$  содержит всю угловую зависимость системы как целого [10].

Одноэлектронный матричный элемент перехода выражается в следующем виде:

$$\langle \lambda_a | \delta_L | \lambda_b \rangle = (-1)^{j_a - j_b} (|j_a| |j_b|)^{1/2} \begin{pmatrix} j_a & L & j_b \\ 1/2 & 0 & -1/2 \end{pmatrix} M(ab | \tau L), \quad (2)$$

где  $[x] = 2x + 1$ ,  $\begin{pmatrix} j_a & L & j_b \\ 1/2 & 0 & -1/2 \end{pmatrix} = 3j$  коэффициент Вигнера, а  $M(ab | \tau L)$  — радиальная часть одноэлектронного матричного элемента, которая зависит только от радиальных волновых функций, мультипольности  $L$  и типа перехода;  $\tau = e$  — электрического и  $\tau = m$  — магнитного типа.

В случае переходов электрического типа выражение для радиальной части матричного элемента зависит также от выбора калибровочной постоянной  $G$ .

$$\bar{M}(ab|eLG) = \bar{M}(ab|tL) + G\bar{M}(ab|LL), \quad (3)$$

где  $\bar{M}(ab|tL)$  поперечная и  $\bar{M}(ab|LL)$  продольная части.

Выражения для радиальных частей субматричных элементов в разных приближениях даны в работах [9, 11].

В настоящей работе нами применялся набор базисных функций, содержащий в незаполненных подоболочках следующие конфигурации:  $2s^2$ ,  $2s2p_-$ ,  $2s2p_+$ ,  $2p_+2p_-$ ,  $2p_-^2$ ,  $2p_+^2$ .

Вычисления характеристик проводились с учетом запаздывания (коротковолновое приближение). Использовались два значения калибровочной постоянной  $G=0$ , что соответствует формуле скорости для сил осцилляторов  $f_V$  и  $G=\sqrt{L/(L+1)}$ , что соответствует формуле длины  $f_L$  в нерелятивистском приближении. Сравнение значений  $f_V$  и  $f_L$  для данного перехода указывает на качество применяемых функций.

Таблица 1

Значения энергий и сил осцилляторов  $E1$ -перехода  $2s2p\ (^3P_J^0) - 2p^2 (^3P_{J'})$

| Ион               | $J \rightarrow J'$ |             |        |        |        |        |        |        |
|-------------------|--------------------|-------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
|                   |                    | 0-1         | 1-0    | 1-1    | 1-2    | 2-1    | 2-2    |        |
| $\text{Ca}^{16+}$ | $\Delta E$ , а. е. | [4] ( $E$ ) | 2.0579 | 1.9252 | 2.0065 | 2.103  | 1.8808 | 1.9711 |
|                   |                    |             | 2.0588 | 1.9207 | 2.0030 | 2.1034 | 1.8729 | 1.973  |
|                   | $f_L$              | [4] ( $E$ ) | 0.074  | 0.023  | 0.018  | 0.032  | 0.017  | 0.050  |
|                   |                    | [3]         | 0.077  | 0.024  | 0.019  | 0.033  | 0.018  | 0.052  |
|                   |                    |             | 0.076  | 0.024  | 0.018  | 0.032  | 0.017  | 0.051  |
|                   | $\Delta E$ , а. е. | [4] ( $E$ ) | 3.1853 | 2.6585 | 2.9926 | 3.1981 | 2.5639 | 2.7694 |
| $\text{Fe}^{22+}$ |                    |             | 3.1499 | 2.6375 | 2.9692 | 3.1962 | 2.5336 | 2.7606 |
|                   | $f_L$              | [4] ( $E$ ) | 0.063  | 0.018  | 0.015  | 0.027  | 0.013  | 0.031  |
|                   |                    | [6]         | 0.065  | 0.019  | 0.015  | 0.028  | 0.013  | 0.033  |
|                   |                    |             | 0.064  | 0.018  | 0.015  | 0.028  | 0.013  | 0.031  |

Таблица 2

Значения энергий вероятностей  $M2$  переходов  $2s2p\ (^3P_2) - 2s^2 (^1S_0)$  в изоэлектронном ряду бериллия

| $Z$ | Ион               | $\Delta E$ , а. е. | $\Delta E$ [ $^{12}$ ] | $\Delta E$ [ $^1$ ] | $A$ , $\text{с}^{-1}$ | $A$ [ $^1$ ] | $A$ [ $^3$ ] |
|-----|-------------------|--------------------|------------------------|---------------------|-----------------------|--------------|--------------|
| 4   | $\text{Be}$       | 0.1002             | 0.1002                 | 0.1054              | 0.283 (-3)            | 0.273 (-3)   |              |
| 7   | $\text{N}^{3+}$   | 0.3122             | 0.3068                 | 0.3147              | 0.126 (-1)            | 0.113 (-1)   |              |
| 10  | $\text{Ne}^{6+}$  | 0.5188             | 0.5135                 | 0.5221              | 0.608 (-1)            | 0.572 (-1)   |              |
| 26  | $\text{Fe}^{22+}$ | 2.172              | —                      | 2.172               | 0.810 (1)             | 0.807 (1)    | 0.751 (1)    |
| 36  | $\text{Kr}^{32+}$ | 4.688              | —                      | 4.672               | 0.477 (3)             | 0.475 (3)    | 0.446 (3)    |
| 42  | $\text{Mo}^{38+}$ | 7.400              | —                      | 7.366               | 0.121 (4)             | 0.118 (4)    | 0.903 (3)    |
| 54  | $\text{Xe}^{50+}$ | 17.58              | —                      | 17.48               | 0.507 (5)             | 0.491 (5)    |              |
| 64  | $\text{Cd}^{60+}$ | 33.97              | —                      | 33.70               | 0.911 (6)             | 0.874 (6)    |              |
| 74  | $\text{W}^{70+}$  | 62.16              | —                      | 61.53               | 0.131 (8)             | 0.125 (8)    |              |
| 82  | $\text{Pb}^{78+}$ | 97.67              | —                      | 96.40               | 0.976 (8)             | 0.911 (8)    |              |
| 92  | $\text{U}^{88+}$  | 167.1              | —                      | 163.9               | 0.106 (10)            | 0.957 (9)    |              |

В табл. 1 наряду с результатами наших вычислений  $E1$  переходов  $2s2p\ (^3P_J^0) - 2p^2 (^3P_{J'})$  тех же ионов приводятся результаты из работ [3, 4].

Табл. 2 содержит значения вероятностей  $M2$  переходов  $2s2p\ (^3P_2) - 2s^2 (^1S_0)$  для ряда значений, полученных нами и в работах [1, 3].

Таблица 3  
Значения длин волн и вероятностей  $E2$  и  $M1$  переходов  $2s2p (^3P_0) \rightarrow 2s2p (^3P_3)$

| Переход |       | Ca <sup>16+</sup>      |                     | Fe <sup>22+</sup>      |                     | Kr <sup>32+</sup>      |                     | Mo <sup>38+</sup>      |                     |
|---------|-------|------------------------|---------------------|------------------------|---------------------|------------------------|---------------------|------------------------|---------------------|
|         |       | $\lambda, \text{ \AA}$ | $A, \text{ c}^{-1}$ |
| $E2$    | { [P] | 2629.5                 | 0.663 (-2)          | 828.9                  | 0.659               | 205.2                  | 0.173 (3)           | 107.0                  | 0.232 (4)           |
|         |       | 2451                   | 0.879 (-2)          | 777.1                  | 0.848               | 215.5                  | 0.139 (3)           | 98.51                  | 0.312 (4)           |
| $M1$    | { [S] | 3711                   | 0.262 (3)           | 1109.6                 | 0.963 (4)           | 247.3                  | 0.802 (6)           | 122.6                  | 0.618 (7)           |
|         |       | 3493                   | 0.313 (3)           | 1046.0                 | 0.114 (5)           | 230.3                  | 0.979 (6)           | 112.6                  | 0.780 (7)           |

Таблица 4  
Значения энергий, сил осцилляторов  $E1$  переходов  $2s^2 (^1S_0) \rightarrow 2s2p (^1P_1)$

| Ион               | $\Delta E, \text{ а. е.}$ | $f_V$ | $f_L$ | Ион               | $\Delta E, \text{ а. е.}$ | $f_V$ | $f_L$ |
|-------------------|---------------------------|-------|-------|-------------------|---------------------------|-------|-------|
| N <sup>3+</sup>   | 0.6529                    | 0.527 | 0.636 | J <sup>36+</sup>  | 7.689                     | 0.142 | 0.139 |
| Ne <sup>6+</sup>  | 1.041                     | 0.357 | 0.404 | Mo <sup>38+</sup> | 9.294                     | 0.145 | 0.141 |
| Ca <sup>16+</sup> | 2.432                     | 0.184 | 0.192 | RL <sup>40+</sup> | 11.25                     | 0.149 | 0.146 |
| Ti <sup>18+</sup> | 2.758                     | 0.172 | 0.177 | Cd <sup>44+</sup> | 13.63                     | 0.156 | 0.152 |
| Cr <sup>20+</sup> | 3.114                     | 0.162 | 0.166 | Xe <sup>50+</sup> | 19.93                     | 0.173 | 0.169 |
| Fe <sup>22+</sup> | 3.506                     | 0.155 | 0.157 | Gd <sup>60+</sup> | 36.74                     | 0.214 | 0.211 |
| Zn <sup>26+</sup> | 4.441                     | 0.146 | 0.145 | W <sup>70+</sup>  | 65.41                     | 0.269 | 0.269 |
| Ge <sup>28+</sup> | 5.001                     | 0.143 | 0.142 | Pb <sup>78+</sup> | 101.33                    | 0.322 | 0.324 |
| Br <sup>31+</sup> | 5.998                     | 0.141 | 0.139 | U <sup>88+</sup>  | 171.31                    | 0.400 | 0.413 |
| Kr <sup>32+</sup> | 6.379                     | 0.141 | 0.138 |                   |                           |       |       |

Таблица 5  
Значения энергий, вероятностей  $M2$  переходов  $2s^2 (^1S_0) \leftarrow 2s2p (^3P_2)$

| Ион               | $\Delta E, \text{ а. е.}$ | $A, \text{ с}^{-1}$ | Ион               | $\Delta E, \text{ а. е.}$ | $A, \text{ с}^{-1}$ |
|-------------------|---------------------------|---------------------|-------------------|---------------------------|---------------------|
| Be                | 0.1002                    | 0.283 (-3)          | Kr <sup>32+</sup> | 4.688                     | 0.178 (3)           |
| N <sup>3+</sup>   | 0.3122                    | 0.126 (-1)          | J <sup>36+</sup>  | 5.897                     | 0.464 (3)           |
| Ne <sup>6+</sup>  | 0.5188                    | 0.609 (-1)          | Mo <sup>38+</sup> | 7.400                     | 0.121 (4)           |
| Ca <sup>16+</sup> | 1.364                     | 0.145 (1)           | RL <sup>40+</sup> | 9.253                     | 0.314 (4)           |
| Ti <sup>18+</sup> | 1.596                     | 0.255 (1)           | Cd <sup>44+</sup> | 11.51                     | 0.808 (4)           |
| Cr <sup>20+</sup> | 1.863                     | 0.452 (1)           | Xe <sup>50+</sup> | 17.58                     | 0.507 (5)           |
| Fe <sup>22+</sup> | 2.172                     | 0.811 (1)           | Gd <sup>60+</sup> | 33.97                     | 0.911 (6)           |
| Zn <sup>26+</sup> | 2.955                     | 0.270 (2)           | W <sup>70+</sup>  | 62.16                     | 0.131 (8)           |
| Ge <sup>28+</sup> | 3.446                     | 0.503 (2)           | Pb <sup>78+</sup> | 97.67                     | 0.976 (8)           |
| Br <sup>31+</sup> | 4.341                     | 0.129 (3)           | U <sup>88+</sup>  | 167.0                     | 0.103 (10)          |

В табл. 3 приведены значения длин волн и вероятностей  $M2$  и  $E1$  переходов, полученные нами в работе [3].

Сравнение полученных нами результатов с результатами других авторов показывает вполне удовлетворительное совпадение для всех рассмотренных типов переходов.

Надо отметить, что выбранный нами в этой работе базис невелик и расширение базиса могло бы улучшить результаты. Кроме того, усреднение выражения для энергии как по начальным, так и по конечным состояниям, приводит к некоторому ухудшению волновых функций, что влечет за собой расхождение значений  $f_V$  и  $f_L$  (см. табл. 4). Как показывают многочисленные сравнения, во всех случаях получаемые нашим методом значения  $f_L$  близко к значениям  $f_V$ , полученным корректным многоконфигурационным релятивистским методом самосогласованного поля с учетом интегралов перекрывания [8]. В ниже приведенных таблицах мы приводим значения  $f_L$  и соответствующие значения вероятностей переходов.

Таблица 6

Значения энергий, сил осцилляторов  $E1$  переходов  $2s2p(^3P_J) - 2p^2(^3P_{J'})$ 

| Ион               | 0-1                |            | 1-0                |            | 1-1                |            | 1-2                |            | 2-1                |            | 2-2                |            |
|-------------------|--------------------|------------|--------------------|------------|--------------------|------------|--------------------|------------|--------------------|------------|--------------------|------------|
|                   | $\Delta E$ , а. е. | $f_L$      |
| Be                | 0.1748             | 0.561      | 0.1748             | 0.187      | 0.1748             | 0.140      | 0.1749             | 0.233      | 0.1748             | 0.140      | 0.1748             | 0.420      |
| N <sup>3+</sup>   | 0.5001             | 0.249      | 0.4993             | 0.828 (-1) | 0.4997             | 0.624 (-1) | 0.5004             | 0.104      | 0.4989             | 0.620 (-1) | 0.4996             | 0.186      |
| Ne <sup>6+</sup>  | 0.8218             | 0.157      | 0.8169             | 0.521 (-1) | 0.8194             | 0.392 (-1) | 0.8241             | 0.658 (-1) | 0.8144             | 0.389 (-1) | 0.8191             | 0.117      |
| K <sup>15+</sup>  | 1.913              | 0.798 (-1) | 1.804              | 0.250 (-1) | 1.868              | 0.193 (-1) | 1.950              | 0.344 (-1) | 1.765              | 0.182 (-1) | 1.847              | 0.550 (-1) |
| Ca <sup>16+</sup> | 2.058              | 0.765 (-1) | 1.920              | 0.237 (-1) | 2.003              | 0.184 (-1) | 2.103              | 0.328 (-1) | 1.872              | 0.172 (-1) | 1.973              | 0.513 (-1) |
| Ti <sup>18+</sup> | 2.373              | 0.712 (-1) | 2.155              | 0.216 (-1) | 2.292              | 0.169 (-1) | 2.431              | 0.308 (-1) | 2.090              | 0.155 (-1) | 2.229              | 0.443 (-1) |
| Cr <sup>20+</sup> | 2.724              | 0.674 (-1) | 2.395              | 0.199 (-1) | 2.611              | 0.158 (-1) | 2.794              | 0.293 (-1) | 2.310              | 0.141 (-1) | 2.493              | 0.377 (-1) |
| Fe <sup>22+</sup> | 3.119              | 0.647 (-1) | 2.637              | 0.185 (-1) | 2.969              | 0.149 (-1) | 3.196              | 0.285 (-1) | 2.533              | 0.129 (-1) | 2.760              | 0.317 (-1) |
| Zn <sup>26+</sup> | 4.081              | 0.618 (-1) | 3.129              | 0.163 (-1) | 3.838              | 0.137 (-1) | 4.149              | 0.287 (-1) | —                  | —          | —                  | —          |
| Br <sup>31+</sup> | 5.700              | 0.618 (-1) | 3.751              | 0.145 (-1) | 5.324              | 0.129 (-1) | 5.727              | 0.321 (-1) | 3.586              | 0.943 (-2) | 3.992              | 0.157 (-1) |
| Kr <sup>32+</sup> | 6.095              | 0.621 (-1) | 3.878              | 0.142 (-1) | 5.688              | 0.129 (-1) | 6.111              | 0.331 (-1) | 3.709              | 0.916 (-2) | 4.132              | 0.148 (-1) |
| Y <sup>36+</sup>  | 7.450              | 0.638 (-1) | 4.263              | 0.133 (-1) | 6.957              | 0.128 (-1) | 7.431              | 0.364 (-1) | 4.087              | 0.843 (-2) | 4.561              | 0.126 (-1) |
| Mo <sup>38+</sup> | 9.103              | 0.664 (-1) | 4.661              | 0.126 (-1) | 8.522              | 0.129 (-1) | 9.045              | 0.403 (-1) | —                  | —          | —                  | —          |
| Ru <sup>40+</sup> | 11.10              | 0.697 (-1) | 5.073              | 0.119 (-1) | 10.44              | 0.132 (-1) | 11.01              | 0.445 (-1) | 4.886              | 0.729 (-2) | 5.457              | 0.988 (-2) |
| Cd <sup>44+</sup> | 13.53              | 0.738 (-1) | 5.503              | 0.113 (-1) | 12.78              | 0.137 (-1) | 13.39              | 0.492 (-1) | 5.313              | 0.683 (-2) | 5.930              | 0.894 (-2) |
| Xe <sup>50+</sup> | 19.91              | 0.839 (-1) | 6.431              | 0.102 (-1) | 19.00              | 0.151 (-1) | 19.71              | 0.597 (-1) | 6.233              | 0.609 (-2) | 6.940              | 0.756 (-2) |
| Gd <sup>60+</sup> | 36.85              | 0.106      | 8.525              | 0.874 (-2) | 35.67              | 0.185 (-1) | 36.53              | 0.807 (-1) | 8.033              | 0.519 (-2) | 8.884              | 0.612 (-2) |
| W <sup>70+</sup>  | 65.63              | 0.135      | 10.61              | 0.768 (-2) | 64.49              | 0.232 (-1) | 65.18              | 0.106      | 10.36              | 0.460 (-2) | 11.34              | 0.525 (-2) |
| Pb <sup>78+</sup> | 101.63             | 0.164      | 13.16              | 0.707 (-2) | 99.98              | 0.279 (-1) | 101.0              | 0.131      | 12.85              | 0.430 (-2) | 13.95              | 0.480 (-2) |
| U <sup>88+</sup>  | 171.16             | 0.208      | 17.93              | 0.663 (-2) | 169.7              | 0.350 (-1) | 170.9              | 0.168      | 17.49              | 0.413 (-2) | 18.72              | 0.451 (-2) |

Таблица 7

Значения энергий и вероятностей  $M1$  и  $E2$  переходов

| Ион        | $\Delta E$ , а. е. | $2p^2 (^3P^2) \leftarrow$ |      | $2p^2 (^1D_2)$ | $\frac{M1}{E2}$ |
|------------|--------------------|---------------------------|------|----------------|-----------------|
|            |                    | $M1$                      | $E2$ |                |                 |
| $N^{3+}$   | -0.9884 (-1)       | 0.116 (-1)                |      | 0.343 (-4)     | 0.33 (3)        |
| $K^{15+}$  | 0.3352             | 0.682 (3)                 |      | 0.142          | 0.48 (4)        |
| $Ca^{16+}$ | 0.3588             | 0.115 (4)                 |      | 0.218          | 0.52 (4)        |
| $Sc^{17+}$ | 0.3861             | 0.491 (4)                 |      | 0.336          | 0.57 (4)        |
| $Ti^{18+}$ | 0.4183             | 0.311 (4)                 |      | 0.522          | 0.60 (4)        |
| $N^{19+}$  | 0.4572             | 0.503 (4)                 |      | 0.825          | 0.61 (4)        |
| $Cr^{20+}$ | 0.5042             | 0.805 (4)                 |      | 0.132 (1)      | 0.61 (4)        |
| $Mn^{21+}$ | 0.5610             | 0.128 (5)                 |      | 0.218 (1)      | 0.59 (4)        |
| $Ge^{28+}$ | 1.3560             | 0.261 (6)                 |      | 0.876 (2)      | 0.30 (4)        |
| $Se^{30+}$ | 1.7503             | 0.569 (6)                 |      | 0.243 (3)      | 0.23 (4)        |
| $Br^{31+}$ | 1.982              | 0.827 (6)                 |      | 0.399 (3)      | 0.21 (4)        |
| $Kr^{32+}$ | 2.2387             | 0.118 (7)                 |      | 0.647 (3)      | 0.18 (4)        |
| $RL^{40+}$ | 5.9595             | 0.214 (8)                 |      | 0.311 (5)      | 0.69 (3)        |
| $Cd^{44+}$ | 7.9212             | 0.497 (8)                 |      | 0.957 (5)      | 0.52 (3)        |
| $Xe^{50+}$ | 13.326             | 0.230 (9)                 |      | 0.745 (6)      | 0.31 (3)        |
| $Gd^{60+}$ | 28.369             | 0.215 (10)                |      | 0.146 (8)      | 0.14 (3)        |
| $W^{70+}$  | 54.750             | 0.150 (11)                |      | 0.193 (9)      | 0.78 (2)        |
| $U^{88+}$  | 153.66             | 0.311 (12)                |      | 0.107 (11)     | 0.29 (2)        |

Таблица 8

Значения энергий, вероятностей  $M1$  и  $E2$  переходов

| Ион        | $\Delta E$ , а. е. | $2s2p (^3P_1^0) - 2s2p (^3P_2^0)$ |            | $\frac{M1}{E2}$ | $\Delta E$ , а. е. | $2s2p (^3P_1^0) - 2s2p (^1P_2^0)$ |            | $\frac{M1}{E2}$ |
|------------|--------------------|-----------------------------------|------------|-----------------|--------------------|-----------------------------------|------------|-----------------|
|            |                    | $N1$                              | $E2$       |                 |                    | $M1$                              | $E2$       |                 |
| $Ne^{6+}$  | 0.4996 (-2)        | 0.177 (-1)                        | 0.771 (-8) | 0.23 (7)        | 0.5275             | 0.975                             | 0.214 (-1) | 0.45 (2)        |
| $K^{15+}$  | 0.1031             | 0.155 (3)                         | 0.131 (-2) | 0.12 (6)        | 0.1122 (1)         | 0.798 (3)                         | 0.381 (1)  | 0.21 (3)        |
| $Ca^{16+}$ | 0.1304             | 0.313 (3)                         | 0.336 (-2) | 0.93 (5)        | 0.1199 (1)         | 0.134 (4)                         | 0.581 (1)  | 0.23 (3)        |
| $Sc^{17+}$ | 0.1631             | 0.612 (3)                         | 0.823 (-2) | 0.74 (5)        | 0.1279 (1)         | 0.220 (4)                         | 0.873 (1)  | 0.25 (3)        |
| $Ti^{18+}$ | 0.2019             | 0.115 (4)                         | 0.193 (-1) | 0.59 (5)        | 0.1364 (1)         | 0.353 (4)                         | 0.129 (2)  | 0.27 (3)        |
| $V^{19+}$  | 0.2476             | 0.213 (4)                         | 0.439 (-1) | 0.48 (5)        | 0.1455 (1)         | 0.555 (4)                         | 0.190 (2)  | 0.29 (3)        |
| $Cr^{20+}$ | 0.3041             | 0.381 (4)                         | 0.962 (-1) | 0.39 (5)        | 0.1552 (1)         | 0.858 (4)                         | 0.276 (2)  | 0.31 (3)        |
| $Mn^{21+}$ | 0.3634             | 0.668 (4)                         | 0.204      | 0.32 (5)        | 0.1657 (1)         | 0.130 (5)                         | 0.400 (2)  | 0.32 (3)        |
| $Fe^{22+}$ | 0.4356             | 0.114 (5)                         | 0.423      | 0.27 (5)        | 0.1769 (1)         | 0.195 (5)                         | 0.575 (2)  | 0.34 (3)        |
| $Zn^{26+}$ | 0.8463             | 0.814 (5)                         | 0.605 (1)  | 0.13 (5)        | 0.2332 (1)         | 0.886 (5)                         | 0.242 (3)  | 0.36 (3)        |
| $Ga^{27+}$ | 0.9859             | 0.427 (6)                         | 0.111 (2)  | 0.11 (5)        | 0.2507 (1)         | 0.426 (6)                         | 0.345 (3)  | 0.36 (3)        |
| $Ge^{28+}$ | 0.1143 (1)         | 0.196 (6)                         | 0.201 (2)  | 0.97 (4)        | 0.2698 (1)         | 0.178 (6)                         | 0.493 (3)  | 0.36 (3)        |
| $As^{39+}$ | 0.1319 (1)         | 0.299 (6)                         | 0.356 (2)  | 0.84 (4)        | 0.2909 (1)         | 0.250 (6)                         | 0.703 (3)  | 0.35 (3)        |
| $Sc^{30+}$ | 0.1516 (1)         | 0.450 (6)                         | 0.621 (2)  | 0.72 (4)        | 0.3139 (1)         | 0.349 (6)                         | 0.400 (4)  | 0.35 (3)        |
| $Br^{31+}$ | 0.1735 (4)         | 0.668 (6)                         | 0.106 (3)  | 0.63 (4)        | 0.3393 (1)         | 0.483 (6)                         | 0.142 (4)  | 0.33 (3)        |
| $Kr^{32+}$ | 0.1979 (1)         | 0.979 (6)                         | 0.179 (3)  | 0.55 (4)        | 0.3669 (1)         | 0.665 (6)                         | 0.203 (4)  | 0.33 (3)        |
| $Y^{36+}$  | 0.2870 (1)         | 0.288 (7)                         | 0.783 (3)  | 0.36 (4)        | 0.4662 (1)         | 0.167 (7)                         | 0.583 (4)  | 0.28 (3)        |
| $Mo^{38+}$ | 0.4044 (1)         | 0.780 (7)                         | 0.303 (4)  | 0.26 (4)        | 0.5939 (1)         | 0.402 (7)                         | 0.164 (5)  | 0.24 (3)        |
| $Ru^{40+}$ | 0.5556 (1)         | 0.196 (8)                         | 0.106 (5)  | 0.18 (4)        | 0.7556 (1)         | 0.924 (7)                         | 0.452 (5)  | 0.20 (3)        |
| $Cd^{44+}$ | 0.7467 (1)         | 0.426 (8)                         | 0.340 (5)  | 0.14 (4)        | 0.9577 (2)         | 0.203 (8)                         | 0.120 (6)  | 0.17 (3)        |
| $Xe^{50+}$ | 0.1277 (2)         | 0.220 (9)                         | 0.281 (6)  | 0.78 (3)        | 0.1511 (2)         | 0.885 (8)                         | 0.774 (6)  | 0.11 (3)        |
| $Gd^{60+}$ | 0.2765 (2)         | 0.210 (10)                        | 0.583 (7)  | 0.36 (3)        | 0.3042 (2)         | 0.779 (9)                         | 0.128 (8)  | 0.62 (2)        |
| $W^{70+}$  | 0.5384 (2)         | 0.148 (11)                        | 0.792 (8)  | 0.11 (3)        | 0.5709 (2)         | 0.527 (10)                        | 0.155 (9)  | 0.34 (2)        |
| $Pb^{78+}$ | 0.8712 (2)         | 0.606 (11)                        | 0.516 (9)  | 0.12 (3)        | 0.9079 (2)         | 0.241 (11)                        | 0.965 (9)  | 0.22 (2)        |
| $U^{88+}$  | 0.1523 (3)         | 0.308 (12)                        | 0.448 (10) | 0.68 (2)        | 0.1565 (3)         | 0.106 (12)                        | 0.802 (10) | 0.13 (2)        |

В табл. 4—8 даются результаты вычисленных нами значений энергий, сил осцилляторов или вероятностей переходов. В табл. 4 для сравнения приводятся как значения  $f_V$ , так и значения  $f_L$ . В табл. 7 и 8 даются значения вероятностей  $M1$  и  $E2$  переходов между одними и теми же состояниями. В этих таблицах приводятся также отношения  $M1/E2$ .

Авторы выражают благодарность А. С. Корхонен за существенную помощь в работе.

## Литература

- [1] D. L. Lin, W. Fielder, Jr., L. Armstrong. *Astroph. J.*, **219**, 1093, 1978.
- [2] R. Glass. *J. Phys. B*, **12**, 1633, 1979.
- [3] H. Nussbaumer, P. J. Storrey. *J. Phys. B*, **12**, 1647, 1979.
- [4] R. Glass. *J. Phys. B*, **12**, 689, 1979.
- [5] R. Glass. *J. Phys. B*, **12**, 697, 1979.
- [6] H. P. Mühlenthaler, H. Nussbaumer. *Astron. Astrophys.*, **48**, 109, 1976.
- [7] C. D. Lin, W. R. Johnson. *Phys. Rev. A*, **15**, 1046, 1977.
- [8] K. J. Cheng, W. R. Johnson. *Phys. Rev. A*, **15**, 1326, 1977.
- [9] Э. К. Андерсон, Э. М. Андерсон. *Опт. и спектр.*, **51**, 398, 1981.
- [10] M. O. Eglajs. VI Internat. Conf. on Atomic Physics, Abstracts of Contributed Papers, Riga, 187, 1978.
- [11] J. P. Grant. *J. Phys. B*, **7**, 1468, 1974.
- [12] C. E. Moore. *Atomic Energy Levels*. Nat. Bur. Stand., Washington, 1949.

Поступило в Редакцию 17 ноября 1980 г.