

Д. В. ЗАГРЕБИН

О ГРАВИТАЦИОННОМ ПОЛЕ МАРСА

(Представлено академиком М. А. Садовским 12 IV 1974)

С открытием закона Ньютона сразу же возникли две основные проблемы небесной механики: проблема движения двух или нескольких материальных точек, взаимодействие которых обусловлено силами ньютоновского притяжения, и проблема определения формы сплошной вращающейся жидкой массы (однородной или неоднородной), частицы которой находятся под действием того же ньютоновского притяжения. Трудными над этой последней проблемой выдающиеся математики и механики Клеро, Маклорен, Якоби, Стокс, Пуанкаре и Ляпунов создали развитую теорию фигур равновесия.

Эта единая теория может быть разбита на две, резко различающиеся между собой части: 1) теория фигур равновесия вращающейся однородной жидкости и 2) теория фигур равновесия вращающейся неоднородной жидкой массы (проблема Клеро); к этому же разделу относится теория эллипсоидальных фигур равновесия без каких-либо предположений о распределении плотности внутри планеты (проблема Стокса) (⁽¹⁾, стр. 358).

В природе мы не встречаем планет, строго отвечающих тому или иному случаю. Поэтому естественно возникает вопрос о принятии для внешней уровневой поверхности Марса трехосного эллипсоида, соответствующего устойчивой форме его достаточно однородного железного ядра, подобно тому как это имеет место у близкой по своей природе к Марсу планеты Земли. Таким образом, мы приходим к понятию эллипсоидального ареоида*, аналогичного понятию эллипсоидального геоида (⁽²⁾).

Заметим теперь, что однородное железное ядро Марса, подобно ядру Земли, будет удовлетворять неравенству Ляпунова (⁽³⁾, стр. 99), а именно:

$$\sqrt{2\pi f k} \sqrt{0,187} > \omega > \sqrt{2\pi f k} \sqrt{0,142}.$$

Отсюда сразу же видим (подставляя плотность железа), что угловая скорость вращения и Земли и Марса удовлетворяют этому неравенству. Действительно,

$$7,9 \cdot 10^{-5} \text{ сек}^{-1} > 7,1 \cdot 10^{-5} \text{ сек}^{-1} > 6,8 \cdot 10^{-5} \text{ сек}^{-1}.$$

Далее, согласно исследованиям А. М. Ляпунова, всякому моменту количеств движений соответствует одна устойчивая форма равновесия (⁽³⁾, стр. 112), и если для такого момента количеств движений, кроме эллипсоида, возможен также и трехосный эллипсоид как форма равновесия, то устойчив последний. Высказанные фундаментальные теоретические положения подтверждаются данными наблюдений. Действительно, на основании данных американской станции «Маринер-9» (⁽⁴⁾) мы имеем две системы параметров, отвечающих трехосной фигуре Марса.

Первая — изобарическая** поверхность Марса (ареоид Бриллиуэна, аналог геоиду Бриллиуэна). Внешний потенциал, отвечающий этой поверхности

* Греч. *Αρεα* — Марс.

** Для Земли за аналогичную поверхность может быть принят эллипсоидальный геоид Бриллиуэна с тремя неравными осями, который будет соответствовать тропику (где атмосфера граничит со стратосферой).

сти, будет соответствовать ядру Марса. Вторая поверхность, аппроксимирующая топографическую поверхность Марса и отвечающая его мантии, будет определять теоретическое распределение силы тяжести на поверхности Марса. Имеем

$$a_1=3394,06 \text{ км}; \quad b_1=3393,22 \text{ км}; \quad c_1=3376,42 \text{ км} \quad (\lambda_a=108^\circ,5 \text{ W}); \\ a_2=3408,8 \text{ км} \quad b_2=3394,7 \text{ км}; \quad c_1=3372,5 \text{ км} \quad (\lambda_a=103^\circ,6 \text{ W}).$$

Поскольку средняя плотность Марса меньше плотности железа, то у него, так же как и у Земли, ядро может быть покрыто мантией, которая лишь будет отражать трехосную устойчивую форму железного ядра.

Небесные тела в силу их вращения обязательно должны обладать эллипсоидальной геометрией и разложения потенциалов притяжения этих тел следует проводить по функциям Ламе, а не по сферическим функциям, так как сомнительная сходимость рядов таких функций была отмечена Ляпуновым (³), стр. 372).

Теперь, производя разложение потенциала Марса по функциям Ламе (³, ⁶) и замечая, что в это разложение должны войти только три таких функции, соответствующие квадратичной форме, так как на уровне поверхности потенциал должен удовлетворять выражению

$$C - 1/2 \omega^2 (y^2 + z^2)$$

(если ось вращения x), найдем

$$V = \frac{fM}{\rho} \left\{ 1 + (0,0033301 - 0,0024531 \cos^2 \varphi + 0,0002299 \cos^2 \varphi \cos^2 \lambda + \right. \\ \left. + 0,0001171 \cos^2 \varphi \sin^2 \lambda) \left(\frac{\rho_0}{\rho} \right)^2 + (0,0000188 - 0,0000168 \cos^2 \varphi + \right. \\ \left. + 0,0000014 \cos^2 \varphi \cos^2 \lambda + 0,0000008 \cos^2 \varphi \sin^2 \lambda) \left(\frac{\rho_0}{\rho} \right)^4 + \dots \right\} \\ (fM = 4,29778 \cdot 10^4 \text{ км}^2/\text{сек}^2);$$

здесь

$$\rho^2 = r^2 + a^2 (e^2 \sin^2 \varphi + e'^2 \cos^2 \varphi \sin^2 \lambda),$$

где $r^2 = x^2 + y^2 + z^2$, $\rho_0 \equiv a$. Счет долгот ведется от меридиана с долготой $\lambda_a = 108^\circ, 5 \text{ W}$. Величины a , e и e' суть большая полуось эллипсоидального ареоида с тремя неравными осями, эксцентриситет меридиана, содержащего большую ось экватора, и эксцентриситет экватора соответственно.

Распределение силы тяжести на поверхности Марса может быть представлено формулой

$$\gamma = 372,499 (1 + 0,003984 \sin^2 \varphi + 0,00086 \cos^2 \varphi \cos 2\lambda). \quad (2)$$

Для экватора Марса имеем

$$\gamma_e = 372,829 (1 - 0,0017714 \sin^2 \lambda). \quad (3)$$

В формулах (2) и (3) счет долгот ведется от меридиана $\lambda_a = 103^\circ, 6 \text{ W}$. Эти формулы основаны на параметрах с индексом два; они аппроксимируют топографическую поверхность Марса и могут представлять нормальное распределение силы тяжести на его поверхности.

Конечно, как первая, так и вторая система параметров лишь в той или иной мере характеризует гравитационное поле Марса.

Институт теоретической астрономии
Академии наук СССР
Ленинград

Поступило
7 III 1974

ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

- ¹ П. Аннелль, Фигуры равновесия вращающейся однородной жидкости. Л.-М., 1936. ² С. Somigliana, Atti della Reale Acc. Nat. dei Lincei (Rendiconti) Ser. Sesta, v. 11, fasc. 3 (1930). ³ А. М. Ляпунов, Собр. соч., т. 3, М., 1959. ⁴ D. L. Cain, A. I. Kliore et al., Icarus, v. 17, № 2, 520 (1972). ⁵ Д. В. Загребин, Уровенный трехосный эллипсоид и сила тяжести на его поверхности, М.-Л., 1948, стр. 26. ⁶ Д. В. Загребин, Астрон. журн., т. 50, 181 (1973).